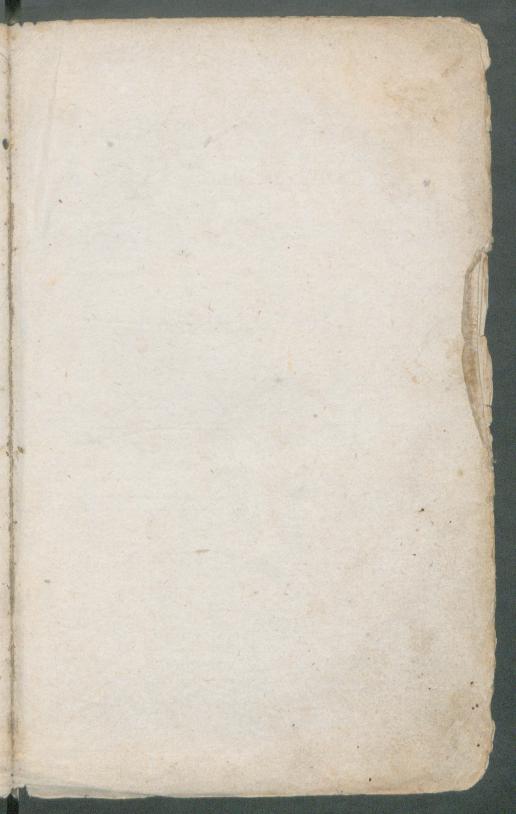


7/15 Na 1. 25



674 4-8° 64-A

Аничков Д.С.

3-5 Akz.

# ТЕОРЕТИЧЕСКАЯ

И

# практическая АРИОМЕТИКА,

въ пользу

И

употребление

# Юношества,

собранная

изъ

РАЗНЫХЪ АВТОРОВЪ Магистромъ Дмитріемъ Аничковымъ



**发洪洪洪洪洪洪洪洪洪洪洪洪洪洪洪洪洪洪洪** 

Печатана при Императорскомъ Московскомъ Университетъ 1764. года.

\* \* \* \* \* \*

# ПРЕДУВЪДОМЛЕНІЕ

0

математическомъ способъ учения:

§. I.

Математической способь ученія есть порядокь, которой Математики употребляють вь своемь ученіи.

## 9. 2.

Сила сего порядка состоить вы томы, чтобь от самыхы легчайшихы о вещахы понятий начинать учение, и оттуда выводить надлежащия истинны; а изы сравнения сихы истинны между собою, находить новыя предложения.

## 5. 3.

Таким образом Машематики, чтобы соотвътствовать сему порядку, начинають свое ученте съ опредъленти (Definitiones), которыя обыкновенно занимають первое мъсто во всякой наукъ. Послъ того дають знать, что есть оснопанте (Axioma), требованте (Poftulatum), Теорема (Theorema), задача (Problema), акв нъкоторым изв сих предложенти, въ случать налобности, присовокупляють прибаплентя (Corollaria, vel Confectaria), и примъчантя (Scholia); для увърентя жь и ясности предложенти, сообщають дожазательетна. (Demonstrationes).

A 2

9. 4.

## 9. 4.

И такв опредвление (Definitio) есть ясное понятие, чрезв которое вещь отличается отв другихв, и изв котораго выводится все прочее, что можно разумёть обв оной вещи.

## 5. 5.

ВЪ Математическихъ наукахъ больше всего стараться должно о подробныхъ и совершенныхъ понятіяхъ, касающихся до опредъленія вещей; а особливо когда надобно будетъ совершенно доказывать теор мы.

## 5. 6.

Чего ради въ послъдующихъ опредълентяхъ не должно находиться такимъ словамъ, которыя бы не были или въ предъидущихъ опредълентяхъ изъяснены, или бы не могли приняты быть за извъстныя.

## 5. 7.

Опредъленія вещей могуть, или сами собою одни разсуждаемы быть, или сравняемы сь другими. И такь, естьли будеть разсуждаемо то, что находится вь опредъленіи, и изь того будеть заключено непосредственно что ни буль; то сіє называется оснопаніемь (Axiота). Или основаніе есть такая истинна, которая непосредственно выводится изь опредъленія, и не подлежить особливому доказательству, для своей ясности. На пр. сія истинна можеть назваться основаніемь, когда я скажу, что цълое есть рапно петьмь епоимь частямь пмъсть пзятымь.

#### . 5. 8.

Понеже основанія непосредственно выводятся изб опредбленій; того ради оныя не требують доказательства. Ибо не можно прежде удостов бриться о томв, справедливо ли, или ньть такое основаніе, пока не будеть изслідована возможность опредбленій. Впрочемь должно понимать то, что основанія будуть справедливы, когда опредбленія суть истинныя.

## S. 9.

Требопанія (Postulata) супть такія предложенія, которыя показывають возможность вещи, и утверждають обь оной, что она такимь образомь зділана быть можеть.

Древніе Машемашики вісилу сихі предложеній требовали оті своих слушателей того, чтобы они ві мысли своей изображенные виды, сравнивая сі ніткоторымі вещественнымі полобіємі, представляли своимі глазамі, и ділали сіе особливо для того, чтобы они несовершенства знакові, или фигурі, которыя усмотряті ві оныхі, не прилисывали однимі воображені ямі, и тітмі бы самымі не помрачали доказательстві.

## S. 10.

Св основаніями нісколько сходствують олыты (Experimenta); а опытомы называется все то, что мы познаємы своими чувстветнами. На пр. когда я вижу, что, ежели світа будеть засвітена: то всіт окружающій меня вещи становится видимы, почему сіє познаніе называется опытомь.

#### §. II.

Когда нѣсколько опредѣленій и основаній будуть сравнены между собою, и изь того заключено будеть нѣчто такое, чего узнать не можно было изь разсматриванія порознь оныхь опредѣленій и основаній: то сіе называется теоремою (Теогета, vel Lat. perceptum). Изь чего видно, что теорема есть такое предложеніе, котораго истинны безь доказательства разумѣть не можно.

## 5. 12.

Чего ради при всякой теорем надлежить смотрыть во первых на самое предложене, а во вторых на доказательство. Ибо предложене объявляеть, что какой вещи при извыстных обстоятельствах можеть присвоено быть, или ныть; а доказательство показываеть, как разумы нашь приводится кы тому, чтобы мы могли думать то обь оной вещи.

#### 6. I3.

Но понеже знаніе Математических и и стиннь есть весьма полезное; того ради должно относить оныя ко самой практик в. Почему такое предложеніе, которое учить нась сношенію истиннь сь самымь двломь, то есть, что здвлать должно, называется за дачею (Problema).

## S. 14.

Задачи обыкновенно состоять изь прехь частей: то есть, изь предложения, рвшения и доказательства. Вы предложени предпинисывается: что завлать должно, вы рышении

ніи показывается, что дѣлать, и какимь порядкомь поступать надлежить, чтобы наконець вышло, что требуется, а доказательство показываеть причины, для чего иайдется искомое, ежели то, что въ рѣшеніи предписано, учинено будеть. Изъ чего видно, что всякая задача можеть перемѣниться въ теорему. По окончаніи рѣшенія задачи, употребляются вообще сій слова: что заѣлать на длежало, или сокращенно, ч. з. н.

#### g. 15.

Иногда случается, что, ради особливых причинь, из одного предложентя непосредственным послъдовантем выводится другое, которое потому и называется приодплентемь (Corollarium, vel confectarium); то есть, такая истинна, которая не требуеть особливаго доказательства, но из вышедоказанных должно извъстно быть объ ней, что она справедлива.

## 9. 16.

Наконець примьчаная (Scholia) кь опредълентямь, теоремамь и кь задачамь присовокупляемыя, суть тактя предложентя, вы которых в обыкновенно извясняется, что еще быть могло бы темно и не понятно; не рыдко показывается и польза предлагаемых в наукь, а иногда объявляется истортя изобрытентя, и сверых втого все то, что знать полезно.

#### 9. 17.

Что жъ касается до доказательствъ при окончанти теоремъ и задачъ употребляемыхъ:

то оныя особливо для того сообщаются, чтобь чрезь сравнение нъскольких между собою истиннь, или уже изъясненных или для понятия нужных увърить, что сия, или другая теорема есть справедлива, а задача надлежащим образом рышена. По окончани доказательства, обыкновенно придаются си слова: что надлежало доказать, или сокращенно, ч. н. д. И сие особливо Матеманики употребляють для того, чтобь предложения теоретическия и практическия нъкоторым образом между собою различены были.

## 9. 18.

За не нужное почитается присовокуплять ко всякой задачв, для ясности, доказательство; довольно и того, естьли вь самомь рвшеніи задачи о доказательствв ея кратко упомянуто будеть, или одни только тв параграфы, вь которыхь сей, или другой задачи основаніе содержится, означены будуть.

## §. 19.

Не ръдко въ Математикъ употребляется и сте слово лоложенте (Hypothesis) то есть, когда какая вещь можеть здълана быть многими разными способами, и изъ тъхъ способовь одинъ принять будеть по изволентю; то сте называется лоложентель.

#### 9. 20.

Наконець леммою (Lemma) называется всякое принятое изь другихь наукь предложение.

#### §. 2I.

А чтобы и о том в им вть поняте, вы чемы Математическое учене состоить, то есть, чему учить Математика: по знать надлежить, что всякое познане количества, или величины подлежить Математическому учене, и Математика есть такая наука, которая показываеть, как из знаемых количеств находить другія, нам веще неизвъстныя.

#### S. 22.

Количество (Quantitas), или пеличина (Magnitudo) приписывается вещи, поколику она больше и меньше быть можеть, или по крайней мъръ, поколику оную вещь большею и меньшею въ умъ представить можно.

#### 5. 23.

Опредъленте количества (§. 22.) показываеть, что обь ономь не можно имъть поняття, естьли не представишь въ умъ другато количества больше, или меньше его. Изь чего слъдуеть, что никакая вещь сама собою безь сравнентя съ другою вещтю, ни великою, ни малою названа быть не можеть; а велика и мала быть можеть таже самая вещь, когда съ меньшею, или съ большею другою вещтю принята будеть въ сравненте.

## 5. 24.

Количество раздъляется на преошпающее и лослъ допательное.

таmens) называется, котораго вст части A 5

вм'вств, и вв одно время быте свое имвютв. Напр. части протяженёя, или какого тъла.

Количестио лосл'в допательное (Quantitas fuccessiva) есть, котораго части не вм'вств, и не вв одно время бытте свое им'воть. На пр. части премени, дпижентя и проч.

5. 25.

Количество пребывающее еще раздълякопф Математики на непрерыпное и раздъльное, поколику части онаго, или соединены между собою, или не соединены.
Почему количество непрерыпное (Quantitas
continua) приписывается тъламъ; ибо оныя
какъ разсматриваемы ни будуть, то есть,
снизуль, сверьхули, вдоль, или поперегь,
однако части ихъ во всъхъ случаяхъ найдутся между собою соединены. Напротивъ
того тъмъ вещамъ, коихъ части не соединены, приписывается количество раздъльное (Quantitas difereta), которое потому и
называется числомъ (Numerus).

9. 26.

О количествъ вообще всего легче можно представлять себъ то, что оно состоить изъ частей, которыя всъ между собою равны, не думая впрочемь ничего ни о самомы количествъ, ни о его частяхъ. Такимы обравомы оное количество будеть число, и потому наука о числахы, то есть, дрие метика (Arithmetica) есть самая простъйщая изъ всъхъ Математическихъ наукъ. Въ протяженти жъ тъль не довольно знать чи-

сло частей, составляющих оное, но надлежить сверьх того в вдать, каким образом оныя части между собою соединены, и как протяжен содного твла к протяжен одругаго содержится, что все показываеть Геометрія, или Землемърге (Geometria).

5. 27.

И такь изь показанных в количества родовь (§. 24. 25.) произошли слъдующія Математическія части: Арифметика, Геометрія и Тригонометрія (Trigonometria), изь которых в послъдняя, хотя по большей части и предлагается какь особливая Математическая наука; однако собственно есть Геометріи часть; и напослъдокь Алгеора (Algebra, vel Arithmetica speciosa), которая сь арифметикою и Геометріею имбеть нъчто общее, то есть, утверждается на тъхже основаніяхь, на каких в Арифметика и Геометрія, а различествуєть отво оных в только тъмь, что количества вы ней изображаются алфавитными литерами.

Всв сїи части Математики вмвств взятыя составляють, такв называемую Математику чистую (Матейп ригат), потому что вв сихв частяхь Математики разсуждается о количествв, такв сказать, чистомв, то есть, не имвя никакого разсужденїя о самыхв вещахв, кв которымв сво относится. Напротивь того собранїе твхв частей Математики, которыя учать, какв употребляя вв помощь чистую Математику, измврять количество вв разныхв родахв состоящее, и кв изввстнымв, или вв натурв находящимся вещамь относящееся, называется Математика смъщенная (Mathelis impura vel mixta), которая почти тоже самое есть, что и Физика, имъющая свое основанте на опытахь (Phyfica experimentalis).

6. 28.

Такимв образомв чистая Математика употребляется квизмвренію дпиженія (тотив), епъта (lucis), зпона (fonus), тъл несень то (Aftrorum), земли (terrae), поздужа (аёгіз), премени (temporis) и проч. отв чего произошли слъдующія части Математики, такв называемой смъщенной;

- 1.) В разсуждени дпижения: Механика (Месhanica), то есть, наука о движени вообще; которая также называется и форономиею (Phoronomia), когда показываеть только то, что до движения твердых втора касается. Статика (Statica) есть наука о равновъси твердых втора ; Гидростатика жь (Hydroffatica) есть наука о равновъси жидких втора , а Гидраплика (Hydraulica) хотя и сходствуеть сы Гидростатикою; однако сверых равновъси жидких втора показываеть и возвышение оных в
- 2.) В разеуж денін епіта: Олтика (Ортіса) собственно такі называемая, есть наука о світь, и зрівній чрезі лучи, которые прямо простираются. Напротиві же того, когда лучи приходяті на твердыя и гладкія тіла, и будучи ві не состояній сквозь оныя пройти, по причині ихі твердости, отвра-

отвращаются, о том учить католтрика (Саторттса). Чтожь принадлежить до того, какимь образомь лучи, проходящте сквозь прозрачныя тыла на пр. стекло, волу, воздухь, вы оныхы преломившись, наклоняются, о томы разсуждаеть Дтолтрика (Dioptrica). Кы симы частямы присовокупляется и Перелектипа (Perspectiца), то есть, наука принадлежащая до живописнаго художества.

3.) Во разсужении знона: Акустика (Аси-

stica), и Музыка (Musica).

4.) Вь разсу ж денён тыль небесных : Астрономія (Aftronomia).

- 5.) В разсуждени премени: Хронологія (Chronologia); при томь и Гномоника (Gnomonica), которая разсуждаеть о солнечных в часахь, и учить тому, какь оныя дълать.
- 6.) В разсуждени поздуха: наука такъ называемая Аерометрия (Aërometria).
- 7.) Въразсужденти земли: Географія (Geographia), а въразсужденти поды Гидрографія (Hydrographia).
- 8.) Напослівдокі Архитектура гражданекая (Architectura ciuilis), и Архитектура поенная, или Фортификація (Architectura militaris); и при томі Артиллерія (Artilleria), то есть, наука о пушкахі, и Пиротехнія (Pirotechnia), наука о порохів.

Впрочемь, что касается до предписаннаго Математического способа, всякь можеть виденть.

дъть, естьли полько разсмотрить съ прилъжантемь, что оной есть всеобщей, и по той причинъ во всъхъ наукахь должень употребителень быть, когда справедливое знанте вещей потребно. И понеже сей способь учентя особливо наблюдается только въ Математикъ; то безь сомнънтя объ оной можно заключить, что она острить человъческой разумь, и дълаеть оной способнъйшимь къ разсматривантю и исполнентю правиль истинной Логики.

\$. 30.

И так в знатной сей пользы, происходящей отв Математики, участниками быть не могуть тв, которые о Математических в истиннах в имбють общее только поняте, и не многія, но токмо ніжоторыя задачи різнить умбють. Вы противномы же случать, кто будеть стараться о томь, чтобы имбть подробное поняте о Математических в истиннах в, и будеть часто упражняться вы різненій разных в задачь, тоть безь сомнівнія будеть участникомы знатной сей пользы; то есть, спознаєть непремівно вста правила истинной логики, и будеть потомы совершенным философомь.



# АРИӨМЕТИКА.

Часть Перпая

0

Теоретической Ариөметикъ.

APHOMETHING.



## ГЛАВА ПЕРВАЯ

о НАЧАЛАХЬ АРИӨМЕТИКИ ОПРЕДЪЛЕНІЕ І.

§. I.

Арифметика есть наука очит слахд; или, Арифметика есть наука о томд, какд изд данныхд чиселд находить дру-

гія, которых в какое ни будь спойство, по разсужденій данных в чисель, объяпляется.

#### примъчание.

\$. 2. Ариометика, какћ и всё другія науки, разділяется на Теоретическую и Практическую. Въ Теоретической предлагаются одни только свойства чисель, и все то, что изъ свойствь ихъ слёдуеть. А практическая показываеть способы, какъ должно употреблять найденныя свойства чисель, при ръшенти разныхъ задачъ.

прибавление.

5. 3. Понеже наука эначить навыкь, или способность все утверждаемое о какой ни буль вещи доказывать твердо изъ основаній сомнінію неподлежащихь; того ради надлежить, нри толкованіи Арьфметики, не только показывать правила, по которымь бы желаемых числа находить возможно было, но притомь дол-

6

жно имфить подробное понящие о томь, чего ради по онымь привиламы найдены быщь могушь требуемых числа.

опредъление II.

уастей одинакаго роду вмъстъ взятыхъ; и всякая изъ оныхъ частей называется единица (Vnitas). Почему Евклидъ называеть число множестномъ единицъ. На пр. ежели къ одному шару приложенъ бу детъ другой: то бу дутъ дна шара; а когда къ симъ приложишъ еще одинъ: то бу дутъ три, и такъ далъе.

прибавленте т.

5. Почему всякое число должно относиться къ извёстной единиць; и понеже число есть множество единиць (\$-4.): то оно увеличиться и уменьшиться можеть. Увеличится тогда, когда къ нему несколько единиць тогожь роду придано будеть. Уменшится жъ напрошивъ того, когда одна, или несколько единицъ того же роду отъ него отъямется, а более никакой другой перемены въ числакъ учинить не можно.

прибавление 2.

5. б. И такъ, понеже всякое число требуетъ извъстной единицы (\$. 5.): то не можно никакихъ чиселъ между собою сравнивать, или складывать, естьли оныя не изъ одинакихъ единицъ состоять будутъ.

прибавление з.

5. 7. Но понеже сущность (Effentia) числі въ томъ телько состоить, что одинакія единицы нісколько раз вмість принимаются, (S. 4.); того ради, при разсужденій о числь вообще, не надлежить смотрыще сдиниць, представляємых въ умі, при считаній извістных вещей; ибо тогда представляются оныя только какъ вещи одного роду.

ПРИБАВЛЕНІЕ 4.

5. 8. Изъ сихъ свойствъ чисель слъдуеть, что величина единицы не увеличиваеть числа. Для лучтаго понятия, пусть у меня будеть восемь маленькихъ шариковъ, и у другаго восемь большихъ; всякъ можеть разсудить, что отъ того, по колику мои единицы, то есть маленьки

женькуе шарики меньше, нежели другаго единицы, то есть, больше шары, мое число единиць не уменьшишся, а его не увеличишся.

#### прибавление 5.

5. 9. Но величима, или количество числомъ изображен, ное зависить от числа и от величины единицы, къ которой оное относится. И такъ какое ни будь количество не только увеличивается тогда, когда число единицъ умьожается, но и тогда, когда единица нъсколько разъ сама съ собою складывается. Почему два способа увеличивантя чиселъ произошли, що есть, умноженте и сложенте. Подобнымъ образомъ количество и уменьшается. Почему и уменьшентя чиселъ суть также два способа, що есть, вычитанте и дъленте, о чемъ обетоятельнъе наже сего показано будеть.

## опредъление ии

\$. 10. Когда принятая кв счисленію единица нівсколько разв повторенная равна будетв точно предложенной величинів: то сте число единиців, называется цівлое число (Numerus integer).

## ОПРЕДБЛЕНІЕ IV.

5. 11. Число опредъленное (Numerus determinatus) называется, которое относится къ извъстной единицъ; а неопредъленное число, (Numerus indeterminatus) есть то, которое относится къ неизвъстной единицъ, и навывается вообще количестномъ (quantitas).

## опредъление V.

5. 12. Рапныя (Aequalia) называются, изв которых водно вм всто другаго, без всякой перем вны, поставлено быть можетв. Нерапныя (Inacqualia) суть, естьли часть одного поставляется вм всто другаго цвлаго.

## положение.

§. 13. Равенство двухь количествь означается знакомь =, и пишется между оными такимь образомь: a = b, а выговаривается a равно b.

ОПРЕДБЛЕНІЕ VI.

§. 14. Количество большимь (Quantitas maior) называется, котпораго часть бываеть равна другому цълому количеству; напротывы того меньшимь (Quantitas minor) называется количество, котпорое равняется части другаго.

#### положение.

Когда одно количество будеть, вь разсужденіи другаго, больше, тогда оно означается знакомь >, то есть, a > b, и выговаривается a больше b. А когда какое ни будь количество будеть вь разсужденіи другаго меньше; тогда оно означается знакомь <, то есть, a < b, и выговаривается a меньше b.

опредъление VII.

6. 16. Подобныя количестиа (Similia) называющся, вы которыхы все то находится одинаково, чрезы что они между собою различены быть должны. Нелодобныя (Diffimilia) суть, вы которыхы все то находится несходно, чрезы что они между собою различаются. Почему лодобе, (Similitudo) есть тожестно (Identitas); нелодобе же (Diffimilitudo) есть несходство того, чёмы вещи между собою взаимно различаются.

#### положение.

17. ЗнакЪ подобія есть ∞.

опредъление VIII.

6. 18. Число ропнымь (Numerus par) называется то, которое два, или нъсколько цълыхь равныхъ чисель въ себъ заключаеть. На пр. 8. Неропнымь же (Ітраг) называется то, которое отъ ровнаго числа разнствуеть единицею. На пр. 7, 11, и проч.

## положение.

9. 19. При счисленій вышепомянутых в чисель сольше не употребляется, какь десять слёдующихь знаковь:

0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9,

опредъление іх.

\$. 20. Десять оные знаки, употребляемые при счисленти чисель, называются одинь, дла, три, четыре, лять, шесть, семь, посемь, денять, десять; они же называются вообще единицами: такимь образомы десять единицы составляють одинь десять единицы составляють дла десять ха, то есть 20; тритцать единиць, три десятка, то есть 30; сто единиць дылають десять десяткокь, то есть 100; и такь далье.

## ПРИМЪЧАНІЕ.

\$. 21. Что жь касается до перваго знака, называемаго нуль (Zerus, vel Ciphra), оной никакого знаменовантя не им ещь; будучи жь придань къ какимъ им будь знакамь от правой руки, всегда увеличиваеть оные. Такимь образомь, когда просто напишешь 2, то будеть значить два; естьян жь къ тому придань будеть одинь нуль: то будеть значить 20; а остьям два нуля: то будеть 200; и такъ далье.

#### положение.

 22. Помянутые знаки (6. 19. 20.) не всегда имъють одинакое знаменование; но лается онымь знаменование по мъсту, которое каждой знакь занимаеть. Такимь образомь на первомь мъстъ от правой руки всякой знакь имъеть свое собственное знаменование, то есть, единицы; на второмь мъстъ от правой руки всякой знакь въ десять разв значить больше, нежели на первомь, то есть, десяпки; на претьемь мъстъ споящте знаки означають сопни; на четвертомь мъсть единицы тысячь, или тысячи; на пятомь десятки тысячь; на шестомь сотни тысячь; на седьмомь тысячи пысячь, или единицы миллгоновь, и далве, такв что единица каждаго предвидущаго знака кълввой рукъ дъласть всетда десять единиць послъдующаго знака, состоящаго къ правой рукъ, то есть, каждой знакв, продолжающейся кв лввой рукъ всегда въ десятеро больше становится.

#### примъчание г.

6. 23. Ежели каких единиць гдв не достветь: то жесто их дополняется нулемь. На пр. ежелибы сотенных сдиниць не было: то бы выбето их в, то есть, на третьсмы мысть от правой руки дольмно было поставить о для того только, чтобы всякаго знаменованія єдиницы столи на опредъленных себь мыстахь.

#### примъчание з.

\$ 24. Чтобы, вы исчислени великихы чисель, не здёлать погрёшности, а можно было объ оныхы имёть подробное понятие; того ради приобщается здёсь таблица, вы которой изображено, гдё какое знаменование имёть каждой знакы.

ntemo	
На первомъ мѣстѣ от	опра-
вой руки находят	CA.
- второмъ -	-
— третьемъ -	*
- четвертомъ -	-
dmomen	-
шестомь -	-
— седьмомъ -	-
осьмомь -	-
девяномъ -	-
- десятомъ -	**
— одиннатцатомъ	
двенатцатомь	100
— тринатцатомъ	Binn
- четырнатцатомЪ	-
- пяшнатцатомь	142.36
- шеснатцатомъ	-
семнащи томъ	-
- осьмнашцашомЪ	-
девяшнатцатонь	-
	6

единины. десяшки. сошни. шысячи. десяшки шысячь. сошни шысячь, милліоны. десятки милліоновь. сощни милліоновь. шысячи милліоновь. десяшки шысячь милліоновъ. сошни шысячь милліоновь. милліоны милліоновь, или билліоны. лесяпки билліоновь. сошни биллюновь. пысячи билліоновь. лесешки мысячь биллюновъ. сошин шысячь билагоновь. милліоны билліоновь, или приллюны. ME BOTTO

Знаменопание знакопо.

#### Micmo

Иа дватцатомъ -

— дващать первомЪ

дващать второмъдватцать третьемъ

дватцать четвертомъ

\_\_\_ дватцать пятомь

знаменопание знакопъ.

десяпки приллионовь.

сошни трилліоновь.

десяпки пысячь приллуо-

сотни тысячь трилліоновь, или, милліоны трилліоновь, или, квадрилліоны и проч.

#### примъчание з.

б. 25. Что жъ касается до изобрѣтателей помянутыхь зкаковь, объ оныхь хотя многіе писали, однако не согласно: иные утверждають, что оные изобрѣтены оть Араповь; а Валлизій доказываеть, что они найдены оть Индѣйцовь, а потомь оть Сарацынь вы Гишпанію перенесены. Но кто бы оные знаки ни изобрѣть, вы томь нужды ныть; довольно того, что мы къ нимь съ малыхъ еще лѣть привыкли. Чего ради употребленіе оныхъ должны почитать всеобщимъ и для всѣхь обыкновеннымь.

#### ЗАДЛЧА І.

5. 26. Налисанное число пыгопорить, то есть, каждому знаку дать приличное, по разсуждении мъста, знаменопание.

## рвшение.

- 1. Данное число раздёли от правой руки ко ловой, посредствомо запятых в, на члены такимо образомо, чтобы каждей члено состояль из трехь знаковь, а вы последнемь члень, что ко ловой руко, могуть быть три знака и меньте, то есть, два, или одинь.
- 2. Посав всяких двух взапятых в, находящемуся первому знаку надлежить надписывать

- 3. Въ произношении жъ первой знакъ отъ правой руки во всякомъ членъ надлежить выговаривать единицами, средней десятками, а третей сотпями (§. 22. 23.), а при знакъ, означенномъ запятою, должно выговаривать тысячи. И такъ по силъ положения и ръшения число 5, 43 1, 863,045, 123, 456,789, надлежить выговаривать, пять триллюновъ, четыре ста тритцать одна тысяча, восемь соть тесть десять три биллюна, сорокъ пять тысячь, сто дватцать тримилюна, четыре ста пять десять тесть тысячь, семь соть восемь десять девять.

  ПРИМВЧАНІЕ.
- S. 27. Что жъ принадлежить до того, какимъ образомъ можно написать какое ни будь число, въ томъ никакой трудности нъть; естьли только предписанная въ S. 24. таблица твердо въ памяти будеть содержаться.

положение.

5. 28. Чтобы способнёе можно было предлагаемыя вы Ариэметикі и вы другихы частияхы Машематики истинны доказывать: то вмісто чисель часто употребляются латинскія литеры, какі маленькія а, b, c, d, и проч. такы и больтія A, B, C, D, и проч. 65 лаксі-

#### AKCIOMA 1.

. 6. 29. Всякое число можно пымьрять чрезо единицы, которыя по ономо. находятся.

## AKCIOMA II.

6. 30. Всякое число, или количестпо само себь рапно.

AKCIOMA III.

9. 31. Рапныя количестиа имъютъ между собою пзаимное сношение, то есть, одно на мветв другаго постаилено быть можетв.

## AKCIOMA IV.

5. 32. Когда дпачисла, или количестиа рапны одному третьему: то оныя рапны и между собою.

На пр. я имъю три груды денегь, и естьли въ первой находится столько рублей, сколько вв другой; а вв третей также столько, сколько и въ другой: то должно быть не отмънно ивъ третей столько. сколько въ первой.

## AKCIOMA V.

6. 33. Что больше одного изд рапных в количестив, то больше и другаго. AKCIOMA VI.

5. 34. Цвлое рапно певмо споимочастямо пмвств пзятымо, и больше каждой одной споей части.

AKCI.

## AKCIOMA VII.

5. 35. Когда рапное придано будетъ къ рапному: то и суммы изъъ будутъ рапныя; сетьли жъ рапное придано будетъ къ большему и меньшему: то будетъ сумма пъ перпомъ случав больше, нежели пъ другомъ. АКСІОМА VIII.

5.36 Когда рапное пычтено бу дет в избрапнаго: то и остатки ирв будут рапные; естьли жв рапное пычтено бу дет в изб большаго и изв меньшаго: то останется пв перпом в олучав больше, нежели пв другом в. АКСІОМА ІХ.

9. 37. Когда рапное умножено будето на рапное: то и произпедентя ихо будуто рапныя; естьли жо большее и меньшее умножено будето на рапное: то и произпеденте будето по перпомо случав больше, нежели по другомо.

## AKCIOMA X.

5. 38. Когда рапное будето раздылено на рапное: то и частный числа будуто рапныя; естьлижо большее и меньшее будето раздылено на рапное: то и частное число будето по перпомо случать больше, нежели по другомо.

ГААВА

## ГЛАВА ВТОРАЯ

# числахъ одного роду. опредъление. Х.

Умела одного роду (Numeri homogenei) называются тв, которыя означають подобныя части одного тогожь цвлаго числа.

опредъление. ХІ.

6. 40. Сложение (Additio), есть такое двиствте, чрезв которое двумв, или многимв числамь одного роду находится одно равное. Найденное таким в образом в число, называется Сумма (Summa vel Aggregatum), а данныя числа, называющся числа слагаемыя (Numeri fummandi).

привавление.

С. 41. Понеже всякое число составляется изъ многихъ единицъ ( \$. 4. ), то есть, изъ единицъ, десятковъ, сотень, пысячь и проч. то, ежели надобно будеть слаташь несколько чисель, надлежищь все единицы, все десяшки, всв сошни и проч. складывашь особливо, ж располагать по мъстамь имъ пристойнымъ.

#### ПРИМЪЧАНІЕ.

6. 42. Единицы чисель представляются пальцами, и потребное къ сложению вычисление дълается до шрхь порь по пальцамь, пока вы памяти не зашвердишся сколько всякое малое число вибств съ другимь забласив. На пр. два да при дблающь пяшь; а шесть да восемь двлають четыр атцать. И такъ gante.

## положение.

6. 43. Знакъ сложенія по большой части употребляется слёдующей (--), и выroBaговаривается чрезь лагоед (Plus). Такимь образомь 3—4. означаеть, что 3 сь 4 сложены.

## TEOPEMA I.

§. 44. Числа слагаемыя должны быть одного роду.

#### ДОКАЗАТЕЛЬСТВО.

Когда изъ слагаемыхъ чиселъ должно быть составлену такому цѣлому числу, которое бы приданныя числа, какъ части, въ себъ заключало (\$. 40: 41.): то необходимо должно быть тѣмъ частямъ между собою подобнымъ, которыя бы къ одному томужъ цѣлому числу относились (\$. 39.); слѣдовательно числа слагаемыя должны быть одного роду. ч. н. д.

#### ЗАДАЧА II.

S. 45. Данныя одного роду числа сложить.

## PEMEHIE.

г. Данныя числа надлежить написать такимь образомь, чтобы единицы состояли подь единицами, десятки подь десятками, сотни подь сотнями. И такъ далъе (S. 41).

2. Потомъ, проведя подъ ними черту, должно начинать сложение от единицъ, и сумму ихъ подписывать подъ единицами, сумму десятковъ подъ десятками, сумму сотенъ подъ сотнями и проч.

3. Десятки, которые произойдуть отв простых единиць, надлежить приложить кь десяткамь данных чисель; произшедшія жь оть сложенія десятковь сотни, надлежить приложить кь сотнямь. Продолжая такимь образомь далье, найдется искомая сумма всьхь данныхь чисель. На пр. ежели должно будеть сложить сльдующія числа:

то надлежить начинать сложение отв правой руки, и говоришь: 8 да з дълающъ 11, да 4 двлають 15, то есть, одинь десятокь, и 5 единиць; и для того подъ единицами надлежить только подписать 5, а одинъ десятокъ должно причислинъ къ сабдующему ряду. Такимъ же образомъ должно слагать десятки, и прежде всего къ нимъ приложить число десятковъ произшедших отвеложения единиць сабдующимь образомь: 1 да 7 двлають 8, да 6 будеть 14, да еще 2, будеть 16, то есть, 6 десятковъ, которые подпиши подърядомъ десятковъ, а одну сотню отнеси къ сл влующему ряду, гдв сошни находящея: потомь говори: 1 сотня, произшедшая оть сложентя десяшковь, и 6 двляють 7, да 4 двлають 11, иеще і будеть 12, да 2 здваноть 14, то есть, четыре сотии и одна тысяча; и для того подь рядомъ еотент подпиши 4, а одну тысячу отпеен къ сабдующему ряду, и говори : 1 да 5 двлаюшь 6, да 6 двлаюшь 12, да і будешь 13, mo

то ссть, 3 тысячи и г десятокь тысячь; и понеже больше ничего слагать не осталось: то 13 надлежить такь написать, чтобы знакь 3, означающей тысячи, состояль подь рядомь тысячь, а единица, значащая одинь десятокь тысячь, состояла на пятомь оть правой руки мъсть, т. е. на мъсть десятитысячномь Такимь образомь сумма данныхь чисель будеть 13465

# ДОКАЗАТЕЛЬСТВО.

Сложение бываеть, когда всв единицы, всв десятки, всв сотни и проч. сложены будуть вь одну сумму (§. 41.); но найденное такимь образоть число содержить вы себь всв единицы, всв десятки, всв сотни и проч. данныхы чисель, т. е. ихы части, и потому оно должио быть такь велико, какы всв данныя числа, взятыя втвств (§. 34.); следовательно найденное число будеть сумма предложенныхы чисель, и данныя числа сложены. ч. п. д.

## привавление.

5. 46. Изд чего видно, чио, ежели всё части данных имсехь приняты будушь за простым единицы, въ сумму пишется только литекъ слагаемыхъ чисель сверъкъ девяни. Ибо вмъсто 15 пишется и да 5, которыя, булучи приняты за простым единицы, дълають 6, слъловательно показывають литекъ числа 15 сверъхъ 9, равнымъ образомъ вмъсто 16 пишется подъ десятками 6, ла поль сотиями 1, которыя два числа, будучи приняты за простыя единицы, и наяты вмъсть, лълають 7, н слъдовательно показывають излишество числа 16 сверъхъ 9 и проч. И такъ при складыванти чисель при всякомъ ряду столько девятокъ выпускается, скольжо единиць причислается къ слъдующему ряду.

## 3AAA4A III.

S. 47. Понврить сложение, т. е. узнать, лодлинно ли найденное число тако пелико, како данныя числа пев плавств.

## ръшение.

1. Замвчай по сторону помянутыя единицы, которыя, во время сложенія, отбрасываются, и оныя, по окончаніи двиствія, сложи, дабы можно было видвть, сколько

разъ выпущено при сложении.

2. Притомъ изъ найденной суммы вычти столько разъ девять, сколько можно, и сїн девятки сложи съ тъми, которыя выпущены при сложенїн, а оставшееся число, которое въ число девяти не вхо-

дишь, запиши.

3. Наконець смотри, еколько разы можно вычесть девять изы данныхы чисель, и какое число напослёдокы останется, оное также запиши. Ибо, ежели будеть число выпущенныхы девятокы вы обоихы мыстахы равно, и одно число останется: то найденное число, т. е. сумма, будеты такы велика, какы данныя числа всы выбеть (\$.34.); слыдовательно будеть увырень, что ты по правиламы сложентя точно поступаль, и сложенте здылаль вырно.

опредъление XII.

5. 48. Вычитанёе (Subfractio), есть способь находить такое число, которое бы, будучи взято вмёстё се однимы изы данныхы чисель, равно было другому данному числу. Найденное число называется разноеть, или, остатохь (Differentia vel Refiduum.)

поло-

## положение.

5. 49. Когда одно число изв другаго надлежить вычитать: по, для означентя сего, кь вычитаемому числу прилагается слъдующей знакь —, который выговаривается чрезь минуод (minus). На пр. ежели бы изв 9 должно было вычесть 5: по бы надлежало написать слъдующимь образомь: 9-5=4, т. е. изв 9 вычтено 5, вь остаткъ 4.

#### прибавление т.

\$. 50. Понеже всякое число состоить изъ многихъ единиць (\$. 41.). т. е. изъ единиць, десятковъ, сотень и проч. то вычитанте здългется, когда единицы вычитены будуть изъ единиць, десятки изъ десятковъ, сотни изъ сотень и проч.

#### ПРИВАВЛЕНИЕ 2.

 Сабдовашельно вычищаемое число должно быть меньше того, изъ котораго дълается вычитаніе.

## TEOPEMA II.

Числа меньшое и большое по пы-

## ДОКАЗАТЕЛЬСТВО.

Понеже большое число, изъ котораго вычитается меньшое, представляется какъ цълое число, изъ котораго извъетная нъ-которая часть чрезъ вычитанте отнимается (\$. 48.): но всякое число изъ подобныхъ частей состоитъ (\$. 39.); слъдовательно числа меньшое и большое въ вычитанти должны быть одного роду. ч. н. д.

# 3AAA4A IV.

S. 53. Данное число изд другаго тогожд рода пычесть.

ръшение.

т. Вычитаемое число подъ тъмъ числомъ, изъ котораго вычитать надлежить, подпиши такимъ образомъ, какъ въ сложени

показано (\$. 45.).

- 2. Проведи подъ ними черту, и начинай потомь дълать вычитанте от правой руки къ лъвой, т. е. вычитай единицы изъ единицъ, десятки изъ десятковъ, сотни изъ сотень и проч. остатокъ от единицъ надлежить подписывать подъ единицами, остатокъ от десятковъ подъ десятками, от сотенъ подъ сотнями, и такъ далъе.
- 3. Но ежели которой нибудь знакь числа, изь котораго меньшее вычитается, будеть меньше, нежели соотвыствующей знакь вычитаемаго: то вы такомы случаь от знака слыдующаго большаго знаменования должно занять единицу, и приложить оную кы знаку, изы котораго дылать вычитания не можно, гды занятая единица будеть значить десять (\$.22.). Но понеже вычитаемой знакы не можеть быть больше, какы 9: то по присовокуплени десятка, какой бы знакы вычитаемой ни быль, всегда вычитание здылать будеть возможно.

4. При знакъ верьхняго числа, от котораго единица занимается, для памяти ставится точка, (.), чтобы видно было, что взята оть

оть онаго единица. Продолжая такимь образомь далье, найдется остатокь, или разность двухь чисель. На пр. требуется найти разность слъдующихь чисель:

6874 4253 2621

то написавь оныя, какь показано, начинай вычитанте от правой руки, и говори: 3 единицы изь 4 хь останется одна, которую подпиши подь единицами; 5 изь 7 вь остаткь будеть 2, что должно подписать на второмь мысть от правой руки, для того что десятки вычтены изь десятковь; 2 изь 8 останется 6, которыя должно подписать подь тыми знаками, которыхь здылано вычитанте. Такимь же образомы вычтя, 4 изь 6 останется 2, и найдется подлинная данныхь чисель разность 2621.

А когда въ вычитаемомъ числъ случатся нъкоторые знаки больше, нежели соотвътствующе имъ того числа, изъ котораго вычитанте дълать должно, какъ на пр.

9.1.2.0 4 6 8 6 7 2 2 2 5 3 2

то поступать надлежить следующимь образомь: 2 изь 4, остатокь будеть 2; 7 изь о вычесть не можно, и для того оть следующаго знака большаго знаменованія должно занять единицу, т. е. девять десятковь, тогда 7 десятковь изь

десяти можно будеть вычесть, и останется з, что надлежить подписать на своемъ мъстъ. А понеже отъ 2 сотенъ одна уже взята: то вычитать следуеть 6 не изъ 2, да изъ 1; но сего учинить не возможно: чего ради должно отъ ел в дующаго знака занять единицу, и сте означинь точкою (.), и тогда вычитать должно 6 сошень изь 11, въ остаткъ будеть 5: потомь следовало бы вычитать 8 изъ о, но сего здвлать не возможно; того ради надлежить оть слъдующаго знака, что отб лвой руки, т е. оть 9 занять единицу, которая здвлаеть то посавдующаго, и для того вычитать должно 8 изв 10, останется 2; остатокв, подписавъ на приличномъ мѣстѣ, вычитанте продолжать должно далве, и говоришь 6 изъ 8, а не изъ 9, въ остаткъ будеть 2. Такимь образомь искомой остатокъ будеть 22532.

## ДОКАЗАТЕЛЬСТВО.

ИзЪ дъйствія видно, что найденное число, т. е. разность солержить въ себъ остатокъ от единицъ, от десятковъ, от сотень и проч. то есть, остатокъ всъхъ частей; а понеже остатокъ всъхъ частей втъстъ равенъ цълому числу (\$. 34.): того ради найденное число есть остатокъ, и будучи взятой съ отнятыть числоть, будеть равенъ другому данному числу (\$. 48.); слъдовательно вычитаніе здълано по предписаннымъ правиламъ (\$. 50.). ч. н. д.

## TEOPEMA III.

9. 54. Остатокд, или разность ежели сложена будетд од пычитаемымд числомд, т. е. сд меньшимд числомд: то сумма ирд будетд рапна большому числу, т. е. тому, изд котор ио меньшое число пычтено было.

## ДОКАЗАТЕЛЬСТВО.

Понеже меньшое число отнятое отв большаго, есть часть онаго, а остатокв есть также часть другая тогоже числа; но цвлое равно всвмв своимы частямы вмвств взятымы (\$. 34.); слвдовательно остатокь, сложенной св меньшимы числомы, должень быть равены большому числу. ч. н. д.

#### прибавление.

5. 55. Изъ чего видно, что число не перемъняется, когла отъ онаго что отвимется, да тожъ самое и при-

## примъчание т.

5. 56. Когда случится вычитать большое число изб меньшаго: то вычитается меньшое изб большаго, а къ остатку приписывается знакъ — , на пр. изъ 5 должно вычесть 8: то пишется такимъ образомъ 5 — 8 — — 3.

## ПРИМЪЧАНІЕ 2.

5. 57. Когда какте знаки вычишаемаго числа будущь больше, нежели соотвытетвующте имь верьките; вы такомы случаь способные вмысто того, чтобы кы ольдующему оты лывой руки знаку верыхняго числа ставить точку, знаменование которой уже обываено, ставить можно оную у слыдующаго вычи-

таемаго знака, и означать будеть, что къ вычит таемому знаку должно прибавить единицу. На пр.

1 9 0 4 0 8.6.8.5 1 0 3 5 5

Основание сего способа зависить от следующей вкстомы. Когда вычитается одно число изь другаго: то остатокь вссгда будеть тотьже, кот кь онымь числамь по единиць, или по лругому какому ни будь знаку приложится (\$.35.): такимь образомы все будеть равно, ежели вычтеть 5 изь 9: то останется 4; тожь останется, ежели вычтеть 6 изь 10, т. е 4.

## ПРИМ ВЧАНІЕ 3.

5. 58. При случающихся вы общемы жишти задачих всякъ можеть видъть, гдъ должно упстребляшь вычитание, и гдв сложение. Ежели бы кто нмыль записную книгу приходовь и росходовь, и по прошестви накотораго времени, в дать бы хотвав, сколько у него денеть находится: то бы надлежало всв приходы сложить вв одну сумму. пошомъ сложить и росходы, и сумму росходовъ вычесть изв суммы приходовь; остатокь покажеть, сколько денегь на лицо. Также, ежели бы мив должны были нъсколько человъкь: одинь бы должень быль А, другой В, третей С, четвертой В. и самь бы я другимь должень быль Е и Е, и хотьль бы въдать, сколько по возврать и расплать долговь, останется: яветвуеть, что то, чьмь миж другіе должны, надлежить сложить, и чёмь я самь другимь должень, сложить же; и сумму последнюю, ежели она будеть меньше прежней, вычесть изб первой, остаток в покажеть число деметь, которыя у меня будуть. Ежели жъ сумма последняя будеть больше первой: то должно вычесть изв последней, и передв остаткомв поставить знако - что будеть означать, сколько я буду должень, ежели всё возвращенным изъ долговь деньги употреблю на разплату долговь.

примъчание 4.

5. 59. Понеже сложение и вычитание суть дъйствия противныя, такъ что части чрезъ сложение въ одну сумму соединенныя, опять чрезъ вычитание могуть быть отняты изъ оной суммы. Почему повърка обоихъ дъйствий, естьли потребована будеть, на обороть можеть быть здълана, т. е. вычитание можно повърить сложениемь (\$. 54.), а сложение вычитаниемь, т. е. надлежить одинь порядокь слагаемыхъ чисель ставлить чертою, какъ ниже сего въ примъръ А будеть показано, и сыскать оставльныхъ сумму, которую, подписавь подъ суммою всъхъ данныхъ чисель, надлежить вычесть изъ всей суммы; и ежели остатокъ будеть равень отдъленному порядку: то почитать, что сложение здълано върно. На пр.

 $\begin{array}{c}
95678 = A \\
\hline
10463 = B \\
26124 = C \\
1200 = D
\end{array}$   $\begin{array}{c}
133465 = S \\
37787 = B + C + D \\
\hline
95678 = A.
\end{array}$ 

опредъление XIII.

б. 60. У множение (Multiplicatio), есть способь изь двухь данных чисель находить трете число такое, вы которомы бы одно изы житых в чисель столько разы содержалось, сколько единицы другое вы себы имыты. Искомое число называется произпедение (Productum, feu Factum); а изы данных в чисель одно называется множимое число (Multiplicandus), а другое множитель (Multiplicator); или однимы в 4 сло-

словомь, оба данныя числа называются фажторами (Factores).

#### прибавление.

§. 61. И такъ, когда надобно будетъ какое ни будь число умножить на другое: то надлежить столько разъ взять оное, сколько единицъ содержится въ множителъ. Изъчего видно, что умноженте есть сокращенное сложенте.

## положение.

\$. 62. Для означенія умноженія иные употребляють знакь, точку(.), которая между множимымь числомь и множителемь пишется, какь на пр. 6. 8 — 48. Иные х, какь 6 х 8 — 48. Чтожь касается до тъх количествь, которыя вообще означаются чрезь литеры: то для означенія умноженія оныхь, просто безь всякаго знака поставляется одна литера подль другой. На пр. А умножить должно на В, изображается такимь образомь: АВ.

## BAAAYA V.

S. 63. Данное число на другое умножить безд таблицы.

# рвшение.

Положимъ, что дано число 15674, которое должно умножить на 4: то, понеже умножение не что иное есть, какъ нъсколько разъ повторенное сложение (\$. 61.), надлежитъ сложить множимое число столько разъ само съ собою, сколько единицъ содержится въ множителъ; и макъ произведения ведентя данных чисель найдутся слёдую шимь образомь:

15674

15674

15674

15674

62696 = 15674 × 4 = 62696

## примъчание.

\$. 64. Сей способь умножентя тогда только употреблять можно, когда множитель будеть состоять изъ одникъ единицъ: но въ противномъ
случат, когда множитель будеть состоять изъ многихъ знаковъ, сего способа никонмъ образомъ употреблять не возможно. Для такихъ случаевъ надлежнтъ твердо содержать въ памяти произведентя
всткъ чисель изъ одного знака состоящихъ на числа
изъ одного знака состоящтя, что покажеть следующая таблица, которая по имени своего изобртателя, называется Пифагороном, (Abacus Pythagoricus).

	STORE TO						200	Annal -	
I	2	3	4	5	6	7	8	9	10
2	4	6	8	10	12	14	16	13	20
3	6	9	12-	15	18	21	24	27	30
4	8	12	16	20	24	28	32	36	40
5		15						45	50
6	12	13	24	30	36	42	48	54	60
7	14	21	28	35	42	49	56	63	70
8	16	24	32	40	48	56	64	72	A CONTRACTOR OF THE PARTY
9	13	27	36	45	54	63	72	81	90
10	20	30	40	50	60	70	80	90	100
B 5						31			

## BAAAYA VI.

5. 65. Данное число на другое данное умножить, помощію таблицы.

рвшение.

т.) Надлежить множителя подписать поды множимымь числомь такь, какь показано вы сложени (\$.45.) и подыними провесть

чершу.

2.) Пошомь, начиная от правой руки, должно умножать первымь знакомь множителя всякой знакь порознь множимаго числа, и произведентя подписывать подь чертою; десятки жь, произмедите от умножентя, надлежить придавать къ слъдующему от ъдвой руки произведентю.

3.) Такимъже образомъ должно умножать и другими множителя знаками, наблюдая только то, чтобы произведентя десятковъ множителя соотвътствовали десяткамъ множителя соотвътствовали десяткамъ множимаго, изъ сотенъ сотенямъ, въ разсужденти ихъ мъстъ, (5. 22.) и проч.

4.) Няпослёдокь найденныя произведентя должно сложить вы одну сумму, которая по-

кажеть искомое произведенте. На пр.

И такъ помощио данной таблицы умножено сперьва знакомъ 5, и понеже 3 жды 5 дълають 15: то 5 подписано подъпервымъ вымъ знакомъ, а и десятокъ приданъ къ са Бдующему произведению; потомъ 5 ю 7, АБлають 35 десятковь, а св оставшимся отв умноженія единиць однимь десяпкомъ, будеть 36, то есть, 3 сотни и 6 десятковъ, и для того 6. подписано на второмь мвств, а з удержаны вв умв для савдующаго знака; потомъ 5 ю 6 двлають зо сощень, а съ удержанными въ умъ 3 мя, будетъ 33 сотни, по чему з сотни написать должно на третьемЪ мвств, а 3 тысячи удержать вв умв: пошомъ 5 ю 5 дълають 25 тысячь, да 3 вь умв удержанныя, будеть 28, по чему 8 только подписать должно, я 2 удержащь вы умв: наконець 5 ю 4 двлають 20, и 2 въ умъ удержанныя, будеть 22. А понеже въ множимомъ числъ болье ничего знаковъ не остается: то должно подписать оба знака 22. Потомь должно умножать вторымь знакомь множите: ля, то есть, десятками, наконець третьимъ, то есть, сотнями, поступая съ оными шакже, как поступлено св первымв, и наблюдая при томъ з пункть ръшентя, и продолжая такимъ образомъ далве, найдешся наконець желаемое произведеmie 6622585.

## ДОКАЗАТЕЛЬСТВО.

Въ силу учиненнаго дъйствтя и таблицы (\$.64.), первое число подъ чертою написанное содержить въ себъ множимое число столько разъ, сколько первой знакъ множителя единицъ въ себъ содержить; такимъ образомъ и во второмъ числъ подъ чертою подписанномъ, столько разъ множимое число содержится, сколько второй знакъ множителя единицъ въ себъ содержить (\$. 22.). Тожъ должно разумъть и о третьемъ числъ подъ чертою подписанномъ. И понеже всъ числа потомъ складываются: то въ сумъть ихъ должно столько разъ множимое число содержаться, сколько множитель единицъ въ себъ имъетъ (\$. 40.); слъдовательно данное число на другое данное умножено (\$.60.) ч. н д.

## примъчание.

- 5. 66. Ежели данной множитель будеть соетоять изь двухь, или трехь знаковь, и проч. и вы разсуждении ихь всёхы вмёсть взятыхы можеть онь принять быть за произведение: то вы такомы случай можно дёлать умножение слёдующимы образомь:
  - и. Разбери, как'ї множители составляють оной данной множитель, и оные представь вы особливости, то есть, каждой изы нихы порозны.
  - 2. Потомъ возьми которой ни будь изъ нихъ, и умножь онымъ данное множимое число, а произведение изъ того умножай порознь на прочие, и такимъ образомъ тоже самое произведение выдетъ, какое выходить изъ умножения по первому ръщению; что больше всего можно уразумъть изъ слъдующихъ примъровъ:

Положимь, что должно умножить 365 на 27. Понеже видно, что данной множитель 27 состоить изь двухь знаковь, вь разсужденти коихь вмысть изятыхь, можеть онь принять быть за произведенте, потому

потому что 9 х 3 = 27; того рады будеть

Произв. 9355 == 9855 тоже самое произв.

Равнымъ образомъ 1868 можно умножить на 125. Понеже множитель 125, въ разсужденти всъхъ зна-ковъ, можетъ принять быть за произведенте произведенте изъ умножентя 5 × 5 × 5 = 125.

И сте умноженте, въ разсужденти предъидущаго, разнетвуеть только тъмъ, что вы немь не употребляется сложение, но чрезъ одно умножение находишся желаемое произведение: и шогда шолько употребительно бываеть такое умножение, когда данной множитель, вы разсуждении встхы своихы знаковь вмъстъ взятыхь, можеть принять быть за мючное произведение. Естьли жЪ знаки, даннаго множишеля, взящые всв вмветв, не будуть составлять точнаго произведентя: то вы такомы случай, чтобы избъжать того, что въ показанномъ выше сего ръшении умножентя предписано было (\$. 65), надлежить только знаки даннаго множителя взятые вст вмтсть принять за сумму, и оную разбить на-двь, натри, или на четыре части и проч. такъ чтобъ тъ части взятыя вев выветь, точно были равны сумыв вебхв знаковь, составляющих в множителя, и потомь порозны

порознь каждою частью умножать данное множимое число; произведенія жь изь того одно подь другимь должно подписывать, не уступая знакомь, какь выше упомянуто: но чтобь единицы каждаго произведенія единицамь, десятки десяткамь и проч. соотвітствовали, и наконець оныя произведенія сложить между собою, произшедшая изь того сумма будеть желаемое произведеніе.

№ На пр. 3568 надлежить умножить на 13: то

множитель 13 раздѣля на - двѣ части = 10 + 3,
поступай слѣдующимъ образомъ:

3568 10 35680 произв. изБ перьвой ч. множ. 3568 3 10704 произв. изБ втор. ч. множ. 35680

46384 Сумма двухь произв. изь двухь частей множителя будеть желаемое произведенте. Ибо, даниое множимое число умноживь надлежащимь образомы на даннаго множителя (\$. 65), произойдеть тоже самое произведенте. На пр.

3568 13 10704 3568 46384 Жбрно.

// Или, тотьже множитель разбивь на-три части, к умноживь каждою его частью данное множимое число, и притомы произведентя изы трехь частей сложивь вы одну сумму, будеть точно тоже самос произведенте. Напр. 13 = 4 + 4 + 5, на которыя части порозив умноживь 3568, будеть

3568

4

14272

14272

14272

произ. мзъ пер. ч. 17840

3568

4

14272

произ. мзъ втор. ч. 3568

5

17840

произ. нзъ втор. ч. 3568

5

17840

произ. нзъ прет. ч.

#### прибавлентв т.

5. 67. Слѣдовательно какое содержаніе имѣеть единица къ множителю, такоежь содержаніе имѣть должно и множимое число къ произведенію.

#### ПРИБАВЛЕНІЕ 2.

— \$. 68. И такъ, ежели произведение раздълится на одно которое ни будь изъ данныхъ множимыхъ между собою чисель: то произойдеть другое данное число.

## ПРИБАВЛЕНІЕ 3.

69. Явствуеть при томъ изъ вышеписанныхъ, что одинаковыхъ множителей одинаковы произведенія быть должны.

# примъчание т.

5.70. Когда при которомь ни будь числь изы множимых случится на конць нысколько нулей: то оные должно только приписать кы произведению прочихы знаковы оты правой руки (5.21.23.). жакы на пр.

368 200 73600 47500 3000 14250000

#### ПРИМЪЧАНІЕ 2.

5. 71. Ежели въ срединъ множителя случатся нули: то оные, для краткости, оставя, должно умножать слъдующимъ послъ оныхъ нулей знакомъ, и произведенте изъ того писать на томъ мъстъ, противъ котораго тоть знакъ находится на пр.

93408	58346
3007	201
653856	58346
280224	116692
280877856	11727546

## ПРИМЪЧАНІЕ 3.

% 5. 72. Ежели одно изъ данныхъ множимыхъ между собою чисель, на пр. множитель, будеть единица съ нъсколькими нулями: то произведенте будеть, когда къ множимому числу приданы будуть всъ находящеся при множитель нули. На пр.

2340 1000 2340000

## примъчание 4.

б. 73. Что касается до повърентя умножентя з то оно повъряется лучше чрезъ дъленте (\$ 67.); незнатощте жъ дълентя могуть повърять умноженте чрезъ ощбрасыванте девятокъ, то есть, сперьва должно ечесть, сколько въ множимомъ числъ будеть девятокъ, и что останется сверьхъ того, оное написать вверьху креста на бумагъ или на доскъ нарочно для того изображеннаго, потомъ должно счесть также и въ множителъ, и лишекъ сверьхъ сочтеныхъ девятокъ поставить въ низу креста, и умножить онымъ вверьху поставленной лишекъ, и смотръть, сколько лишку будеть сверьхъ девяти въ семъ произведенти, и оной поставить съ котораго ни будь боку креста; и ежели изъ произведентя дянныхъ чиселъ такойже точно выдеть лишекъ;

то почитать надобно, что вЕрно зделано умноженте на пр.

4567
4 лишекъ отъ множимаго числ.

22835 отъ произ. 7—7 лишекъ отъ произведентя.

22835 лишковъ.

13701
4 лишекъ отъ множителя.

1621285

ОПРЕДЪЛЕНІЕ XIV.

6. 74. Дѣленге (Diuisio), есть способь изв данныль двухв чисель находить третге, вы которомь бы столько разв содержалась единица, сколько разв одно изв данныхв чисель вы другомы содержится. Искомое число называется частное число (quotus); а изв данныхв чисель одно называется дѣлитель (Diuisor); а другое дѣлимое число (Numerus diuidendus).

#### прибавление т.

5. 75. Следовательно, когда кто хочеть какое ни будь число разделить на другое, то есть, найти частное число, тоть должень столько разы вычитать делителя изы делимаго число, сколько возможно; число нескольких вычитаний покажеть искомое частное число, то есть, сколько разы делитель содержится вы делимомы числь; по чему деление есть несколько разы повторенное вычитание.

ПРИБАВЛЕНІЕ 2.

5. 76. Следовашельно сколько разъ делишель содержишся въ делимомъ числе, сшолько разъ единица содержишся въ часшномъ числе.

## положение.

9. 77. Знакъ дѣленія иные употребляють двоеточіе какь (:) и пишется оной // между дѣлимымъ числомъ и дѣлителемъ такимъ образомъ : 8 : 4, и сіе означаеть, чаеть, что \$ разділить должно на 4; \$ иные діленіе изображають дробью, що есть, ділимое число пишуть на місті числителя, а ділителя на місті внаменателя слідующимь образомь: \$ (\$ 201.).

# TEOPEMA IV.

у §. 78. Ежели двлитель на частное число будето умножено: то произше дшее изо того произпедение будето рапно двлимому числу.

## ДОКАЗАТЕЛЬСТВО.

Чрез в умноженте находится такое число у которое столько раз содержить в себ только единиць содержить в себ только единиць содержить в себ только раз содержится двлитель в двлитом числь, сколько единица в частном числь (\$.76.); следовательно двлитель умноженной на частное число производить число равное двлитому числу. ч. н. д.

#### ПРИБАВЛЕНІЕ.

1. \$. 79. Изъ чего видно, что какъ вычитанте противное есть дъйствте сложентю (\$.59.)., такъ дъленте умножентю. Ибо тожъ число, которое чрезъ умноженте нъсколько разъ само съ собою складывается, чрезъ дъленте опять тоже возвращается; по чему одно вмъсто другаго, въ разсужденти повърки, служить можетъ, то есть, дъленте повърить можно умножентемъ (\$.78.), а умноженте дълентемъ (\$.67.).

## 3AAA4A VII.

6. 80. Данное число раздълить на другое. ръщение.

Положимь, что двлимое число дано 1071; а двлитель 204: то вы силу (\$. 75.) надленадлежить двлителя столько разь вычесть изь двлимаго числа, сколько разь можно. Число вычитанти покажеть, сколько разь двлитель содержится вы двлитомы числь на пр. 1071

Изъ чего видно, что дълителя пять разъ можно вычесть изъдълимаго числа, и при томъ еще останется 51; слъдовательно частное число будеть  $\frac{1071}{204} = 5$ 

другое ръшение.

Но понеже такое двленте не очень будеть способно, когда двлимое число будеть велико, и для того въ такихъ случаяхъ должно вычитать не самаго двлителя, но его произведентя происходящтя изъ умножентя на какой ни будь знакъ, что двлается слъдующимъ образомъ:

1. Написавь от львой руки двлителя, а от правой двлитое число, надлежить вы двлитоть числь от львой руки от двлить столько знаковь, сколько вы двлитель находится, или, ежели первой

знакЪ дѣлимаго числа будеть меньше, нежели первой дѣлителя то къ отдѣленнымъ знакамъ дѣлимаго числа должно присовокупить еще слѣдующей, и смотрѣть, сколь о разъ дѣлитель въ отдѣленныхъ знакахъ содержитея, что дастъ первой знакъ въ частномъ числъ. Симъ знакомъ надлежить умножить дѣлителя, и произведенте вычесть изъ отдѣленныхъ знаковъ дѣлимаго числа.

- 2. Потомъ, понеже остатокъ долженъ быть меньше, нежели дълитель, надлежитъ къ остатку приписать слъдующей знакъ дълимаго числа, и отвъдывать, сколько разъ дълитель въ семъ числъ содержител, что дастъ второй знакъ частнаго числа.
  - 73. Ежели жЪ дѣлитель въ оставшихся и снесенныхъ знакахъ дѣлимаго числа не содержитея ни разу: то въ частномъ числѣ поставя нуль, должно еще знакъ взять изъ дѣлимаго числа, и потомъ дѣлить. Поступая такимъ образомъ и съ прочими знаками дѣлимаго числа, найдется наконецъ искомое частное число: на пр.

24) 65496 | 2729 . 805 ) 670894 |  $833\frac{3}{8}\frac{2}{0}\frac{2}{3}$  . 6440 . 2689 . 2415 . 2744 . 48 . 2415 . 216 . 216 . 229 . 216 . 229 . 216

ДОКАЗАТЕЛЬСТВО.

Изъ самаго дъйств видно, что найденное число показываеть, сколько разъ дълитель въ тысячахъ, сотняхъ, десят. кахъ и единицахъ дълимаго числа содержится; слъдовательно въ частномъ числъ столько единицъ содержится, сколько въ дълимомъ дълитель. По чему найденное число будетъ частное число, и данное число на другое данное раздълено (\$. 74.). ч. н. д.

## ПРИМЪЧАНІЕ.

\$ 81. Не всегда, помощію шаблицы, можно варугь узнать, сколько разь дълитель вы отделенныхь дълимаго числа знакахь содержится, а особливо, когда делишель сосшонть изь многих знаковь. Въ первомь примъръ хотя таблица и показываеть, что 2 вь 6 содержится прижды, однакожь не больше можно взяшь оное, како шолько дважды, потому что ежели тремя умножищь ділителя: по произведение будеть больше, нежели первые знаки д.Блимаго числа. И сте показываеть, что д.Блитель содержишся меньше, нежели шрижды вы ощавленныхь знакахь дълимаго числа. Прошивнымь образомь, ежелибы послъвычшеннаго произведения остатокь быль больше, нежели дълитель, или ему равень: то бы надлежало умножать большимь знакомь, нежели прежде умножено было. Сте наблюдая съ мачала до конца, найдещся настоящее частное число.

## 3AAA4A VIII.

S. 82. Дылить иныма образомв.

ртшение.

т. ДБлимое число и дБлишеля напиши обы-

- 2. Дълителя умножь сперьва на единицу, потомъ на 2, на 3, и такъ далъе до 9, и произшедштя изъ того произведентя одно подъ другимъ напиши подъ мъстомъ частнаго числа.
  - // 3. Изъ дълимаго числа возьми столько знаковъ, сколько дълитель имъетъ, и сравнивай оные съ произведентями дълителя, чрезъ что майдется частное число, которое напиши на своемъ мъстъ за чертою.
  - исла подписавь, изъ оных вычти.
  - "5. Къ остатку снеси събдующей знакъ дълимаго числа, и поступай по прежнему, продолжая такимъ образомъ далъе з найдется частное число. На пр.

175) 385724675	2204141	
350	175	I
/ 357	35.0	2
350	525	3
724	700	4
700	875	5
246	1050	6
175	1225	7
717	1400	8
700	x575	9
175		
175		

# примъчание т.

\$. 83. Сокращение двления одно только нужно примвчать, то есть, сколько нулей при концв двлителя будеть находиться, столькожь знаковы отдвлить должно и при концв двлимаго числа, а по окончании двления оные отдвленные знаки приписать кы остатку. На пр.

## примъчание 2.

5. 84. Эдёсь можно упомянуть о повёреніи умноженія. Ибо оно повёряется чрезь дёленіе. Найденное произведеніе должно раздёлить на множителя, ежели умноженіе здёлано вёрно: то частное число будеть точно множимое число; ежелижь найденное произведеніе раздёлено будеть на множимое число: то частное число будеть множитель. На пр.

432	23) 9936 (432	432) 9936 (23 864
1296	73	1296
9936	69	1296
7730	46	

# примъчание з.

S. 85. Что касается до повъренія дъленія: то оно // повъряется умноженіемь (S. 78.). Найденное частное число надлежить умножить дълителемь, и кь пронзведенію, естьли случится, придать остатокь, и ежели дъление здълано върно: то произведение бу-

# ГЛАВА ТРЕТІЯ.

0

# ЧИСЛАХЪ ВЪ РАЗНЫХЪ РОДАХЪ. = ОПРЕДЪЛЕНІЕ XV.

9. 86.

Числа по разныто радато, или числа со — наименопаниемо (Numeri heterogenei) называющия, которыя означають части цвлаго, вы разсуждени разнаго содержания, раздвленнаго. На пр. дни, или сутки, могуть раздвлены быть на 24. часа, часы на 60 минуть: то числа дней и часовь, будуть числа разныхь годовь.

опредъление XVI.

§. 87. Раздробленте (Refolutio) чисель вы разных в родах в, есть способь, чреть которой числа различнаго именовантя приводятся вы меньшее наименованте; а когда числа меньшаго именовантя обращаются вы числа большаго наименовантя: тогда такое дыйствте называется припеденте (Reductio).

## ПРИБАВЛЕНІЕ.

5. 88. Изъ чего видно, что Раздробление чиселъ въ разныхъ родахъ дълается чрезъ умножение, а припедение чрезъ дъление.

ЗАДАЧА IX.

\$. 89. Здёлать раздробление чисело по размыхо родахо. То есть, разныхо родопо числа припести по самой меньшей.

## ръшение.

т. Большаго сорта число умножь на части, // составляющия тоть большой сорть.

2. КЪ произведентю придай слъдующтя числа и къ тому жъ сорту принадлежащтя.

T 5

2. Продолжая такимы образомы далые, т е. умножая каждаго предындущаго большаго наименованія число на число частей составляющихы оное, здылано будеть раздробленіе. На пр. 65 пуды, 36 фунтовы, 8 лотовы должно привести вы лоты; поступай слыдующимы образомы:

доказательство.

Акстомы, которая вы томы состоить: ежели цылое равно всымы своимы частамы, выбеты взятымы (\$.34.): то и сте число частей чрезы умноженте столько разы должно быть взято, сколько сортовы того роду содержится вы другомы. На пр. пуды содержить вы себь 40 фун. фунты 32 лотия, а два пуда 80 фун. и такы далые. ч. н. д.

## задача х.

Изв числа пв меньшем в сорть предста. (пленнаго пыключить больше сорты, т. е. здылять припедение.

ръше.

ръшение.

и. Данное въ меньшемъ сортъ число раздъли на части ближнято предъидущаго сорта.

- 2. Изъ найденняго частнаго числа выключай также предъидущей сорть, т. е. найденное частное дъли на части числа большаго наименовантя;
- 3. а остатки, которые будуть оставаться посль дыленти, надлежить подписывать на своихы мыстахь, т. е. гды какому остатку стоять прилично. Поступая такимы образомы далые, будеть заблано принеденте.
  - На пр. изъ 84360 лотовъ требуется выключить фунты и пуды, найдется желаемое слъдующимъ образомъ: понеже изъ лотовъ слъдуеть сперьва выключить фунты; того ради лоты надлежить раздълить на 32, потому что одинъ фунть содержить въ себъ 32 лота, частное число будеть 2636 фунтовъ; а понеже изъ выключенныхъ фунтовъ должно еще выключить пуды; того ради фунты должно раздълить на 40, потому что одинъ пудъ содержитъ въ себъ 40 фунтовъ, такимъ образомъ будетъ

32) 84360 (2636 фун, 40) 2636 (65 пуд.

И такь изъ 84360 лотовь выключено 65 пудь, да остаточных выплось 36 фун. 8 лот.

## примъчание т.

5. 91. Ежели случится изъ многихъ данныхъ меньшижъ сортовь выключать больше: то найденныя чрезъ ра дёлене на части ближняго большаго предъидущаго сорта частныя числа надлежить сперьва придавать къ даннымъ предъидущимъ сортамъ и потомъ дълить, а съ остатками щакже поступать, какъ выше сего показано (\$.90.).

### примъчание 2.

- 5. 92. Припедение чисель вы разных родажь можеть быть заблано другимь способомь: на пракогда должно будеть из одного даннаго вы больших знакахы меньшаго сорта выключить прямо большие сорты по порядку, вы такомы случай надлежить поступать слыдующимы образомы:
- л. Тоть сорть, какой желаешь выключить изь даннаго меньшаго сорта, приведи сперьва по раздроблентю (\$. 80.) въ такой сорть, который бы соответствоваль меньшему данному сорту, и потомь дълн на оной.
- и в. Частное число напиши на мъстъ того сорта, какой пыключаль.
- 7. А изъ остатка выключай послёдующей большой сорть, которой также по раздроблению напередь приведи въ соотвътствующей меньшому.
- 4. Поступая такимъ образомъ далъе, выключены будуть изъ даннаго меньшаго сорта всъ желаемые больште сорты.

на пр. въ 1285672198 полушкахъ спрашивается, много ль будсть рублей, гривень, копъекъ? найдется слъдующимь образомъ:

Рубаь

рубль имфенть полуш. 400) 1285672198 (3214180 руб.

1200 - 856 - 800 - 567 - 400 - 1672 - 1600 - 721 - 400 - 3219 - 3219 - 3200 - 1600 - 198 4 грив.

тривна имћеть полуш. 40 198 4 грив. копћика имћеть полуш. 4 38 9 копћи. 2 полуш.

и такъ изъ меньшаго сорта, т. е. изъ 1285672198 полушенъ выключено 3214180 рублей, 4 гривны, 9 копъекъ, и остаточныхъ 2 полушки.

#### ПРИБАВЛЕНІЕ.

93. Изъ чего видно, что приведение и раздгобление чиссель въ разныхъ родахъ суть два между собою противныя дълаго въ меньшихъ сортахъ, а другое въ большихъ. По чему, въ разсуждени повърения, одно вмъсто другаго служить можеть, те с раздробление можно повърчть приведением приведением раздроблением върчть приведением раздроблением върчть приведением раздроблением върчть приведением раздроблением върчть приведением в приведение раздроблением върчть приведением в при в приведением в приведением в при в п

## ЗАДАЧА XI.

§ 94. Числа из разных з родах в данных еложить.

ръшение.

Сложенте въ разныхъ родахъ сходствуеть съ простымъ сложентемъ, только тъмъ разнетвуеть, что въ сложенти простомъ скла-

складывающся единицы св единицами; а здвеь должно поступать такимь образомь: каждой сорыв св подобнымь ему сорыомь надлежить складывать, т. е. самой меньшей сорть св меньшимь, и какь вв сложенін простом в лишек в сверьх в девяти прилается къ десяткамъ, а сверьхъ десяти къ сошнямь (\$.45), и такь далье: такимь образомы и при сложении чисель вы разныхы родахь надлежинь поступать, только сь тою отмвною, что здвсь лишекв сложеннаго котораго ни будь сорта, познается чрезь двленте, т. е. когда сумма онаго, естьли будеть превышать знаменованте предвидущаго сорта, раздвлена будеть на оное знаменованте: тогда произойдеть частное число, показывающее излишество сложеннаго сорта, которой почему и придается къ предвидущему сорту; а остатки, какте будуть посав двленти, подписываются поль твми сортами, которые были склалываемы. Такимъ образомъ поступая, всъ сорты будуть сложены, и желаемая сумма найлется. На пр.

	100	руб. — 8	грив. — 9	коп. —	3	полуш.
1,	15	I	6	***************************************	2	
	29	5	5		I	
	145	6	I	No. Spinore and Spinore Spinore and Spinor	2	Sales A

## примъчаніе.

5. 95. Какъ въ сложении простомъ начинаетъ сперьва складывать единицы съ единицами, десятки съ десятками, (5. 45.), и такъ далъс, равнымъ образомъ и при сложени чисель въ разныхъ родахъ надле-

надлежний пост пать, т. с. должно складывать каждой сориб сб подобнымь ему сориомь, начиная отб правой руки кв лавой.

## 3AAAYA XII.

\$. 96. Вычесть числа по разных в родах з изд других данных в такогож в епойства.

# ръшение.

Вычитанте чисель вы разных в родахы также дылается, какы и простое вычитанте, только тым разнетвуеть от простаго вычитантя, что здысь занятая от большаго сорта единица не значить десять, но столько, сколько большей сорты меньшаго вы себы содержить. На пр. занятая кы фунтамы изы пудовы единица, будеты значить вы фунтовы единица значить вы золотикамы изы фунтовы единица значить вы золотикамы изы фунтовы единица значить вы золотикамы изы фунтовы единица значить вы

8 пуд. — 15 фун. — 28 лот. 2 — 20 — 44 5 — 34 — 16

## ПРИМЪЧАНІЕ.

5. 97. Видно, что вычитанте чисель вы разных родахы имбеты сходство сы выдачею денегы, когда большой сорты размынивается, естьли мылкихы столько не доставать будеть, сколько надлежало выдать.

## 3AAAYA XIII.

5. 98. Данныя числа пз разных в родах в на другое данное умножить.

## ръшение.

ж. Сперыва надлежить здвлать раздробленте, (\$.89.), то есть, множимое число, изъ

разных в сортовь состоящее, должно привести вы меньшей сорть, и послы того умножить на данной множитель.

2. Изб произшедшаго такимъ образомъ произведентя надлежить выключить по порядку, въ силу приведентя (\$.90), вышите сор-

шы, чвмв и кончишся двисшеге.

3. Ежели множитель также будеть дань вь разныхь сортахь: то надлежить привести и оной въ такой сорть, въ какой приведено будеть множимое число, и по-томъ одно на другое умножать. На пр.

45 пуд. — 28 фун. — 72 золот. × на 5

45 288 пуд. — 23 фун. — 72 зол.

40

1800

28

1828

96

10968

16452

175488

72

175560

5

877800

н такъ вышло въ произведенти 288 пуд. 23 фун. 72 зол. т. е. произведенте 877800 вол. раздълено на 96 зол. и вышло въ чаетномъ числъ 9143 фун. да въ остаткъ 72 зол. которые и подписаны подъ золотниками.

никами, потомъ 9143 фун. раздълены на 40 фун. и вышло 228 пудъ, которые и подписаны подъ пудами, да въ остаткъ сверьхъ того явилось 23 фун. которые также подписаны подъ фунтами.

другое ръшение.

Короче можно здвлать умноженте чисель вы разныхы родахы такимы образомы: т. е. когда каждыхы сортовы числа порозны умножены будуты на данной множитель, и изы произведнти выключены будуты по приведентю прелыидущте сорты. (\$ 91.). на пр. 45 пуд — 28 фун. — 72 зол.

х на 5

228 --- 23 --- 72

Т. е. сперьва умножь 72. зол. на 5, изъ произведентя 360. зол. выключи фунты, т. е. раздин на 96 вол. шакимъ образомъ выдеть з фун. которые должно придать къ фунтамъ, а остаточные 72 зол. подмисать подъ мъстомь, на которомъ находятся золотники; потомъ умножь 28 фун. на 5, выдеть 140 фун. да выключенные 3 фун. будеть 143 фун. избоных выключи пуды, т. е. раздбли на 40, выдеть з пуд. которые должно придать къ пудамъ, а остаточные 23 фун. подписать подъ фунтами, наконець 45 пудь умножь на 5 выдеть 225, да остаточных в 3, будеть 228 пуд. которые надлежить и подписать подъ пудами. Такимъ образомъ будеть произве-Денїе = 228 пуд. 23 фун. 72 золотника.

## ДОКАЗАТЕЛЬСТВО.

Первое рвшенте видно из раздроблентя чисель вы разныхы родахы, и изы умножентя чисель одинакаго роду, а другое изы опредвлентя умножентя (\$. 60.). Ибо все равно, хотя части цвлаго порозны умножены будуть, хотя вев втвств; по тому что цвлое равно всвть своимы частямы втвств взятымы (\$ 34.). ч. н. д.

#### привавление.

5.99. Слёдовательно оба способа умножентя чисель въ разныхъ родахъ супъ справедливы. Ибо, что вышло изъ перваго рёшентя, тоже точно произошло и изъ втораго рёшентя, т. е. 228 пуд. 23 фун. 72 золотника.

# 3AAA4A XIV.

 5. 100 Числа по разных з родах з данныя на другое данног раздылить.

# ръшение.

- 1. Тоже и здёсь должно наблюдать, что и при умножени было наблюдаемо; т. е. дёлимое число надлежить привести по раздроблению вы самой меньшей сорть, (\$ 89.) и потомы дылить на данной дылитель. (\$. 80.).
  - 2. Изб найденнаго частаго числа надлежить выключить по приведентю предбидущте сорты (\$. 90.) Такимь образомы извыстно будеть каждаго сорта частное число. На пр.:

264 пуд. — 38 фун. — 30 дой.

:на 4

66 — 9 — 23

264

40 фунты.

10560

38

10598

32 дойы.

21196

31794

339136

30

4) 339166 (84791 Aom.

Н такъ вышло частное число 84791 лот. изъ котораго выключены потомъ предъйдуще сорты, т.е. сперъва частное число раздълено на 32, вышло 2649 фун. да остаточныхъ 23 лот. которые и подписаны подълотами; потомъ изъ 2649 фун. выключены пуды, т.е. раздълены на 40, вышло 66 пудъ, которые и подписаны подъ пудами, да остаточныхъ 9 фун. которые также подписаны на своемъ мъсть, т.е. подъ фунтами, какъ изъ приложеннаго примъра видно.

## другое ръшение.

Не приводя двлимаго числа по раздроблению вы самой меньшей сорты, должно двлишь порозны каждые сорты на данное число. Естьлижь которой ни будь сорты двлимато числа раздвлить не можно будеты на данное

данное число: то оной сорть почитается за остатокь, и по раздроблентю приводится вы следующей сорть, и сы онымы будучи сложень, дылится потомы на тожь данное число. Такимы образомы выдуть на конецы каждаго сорта порозны частныя числа, и сте рышенте предпочитается переды первымы. На пр.

264 пуд. — 38 фун. — 30 лот. раздъл: на 4

То есть, сперьва разделены 264 пуд. на данное число 4, частное число 66 пуд. подписано подъ пудами; потомъ 38 фун. раздвлены на 4, вв частномв числв вышло 9 фун. которые и подписаны подъ фунтами: а понеже посав того двлентя осталось еще 2 фун. которые не взошли в раздаленте; то оные приведены по раздроблению въ меньшей сорть, п. е вы лоты, и сь оными, т. е. 30 лот. будучи сложены, составили сумму 94 лот. которые потомъ также раздвлены на 4, и вышло наконець вы чаешномъ числъ 23 лоша, кои и подписаны подъ лошами, да сверых в того въ остаткв 2 лота, которые понеже не взотли въ раздъленте: то такъ сетавляющея, а во время повбрентя придающея. Таким в образомъ произошли каждаго порознъ сорта частныя числа, 66 пуль, 9 фунтовь, 23 лота, какъ видно изъ приложеннаго примъра. примвчание т.

б. 101. Что насается до повърентя умножентя и дъленти чисель вы разныхы родахы: то также дълается

дъмется оное, какъ умножентя и дълентя чисель одного роду, п. с. умноженте повъряется дълентемь, а дъленте умножентемъ (б. 84.).

### ПРИМЪЧАНІЕ 2.

\$. 102. А чтобы способнье можно было чисель вы разныхы родахы состоящихы дылать рышение: то не безполезно знать слыдующее:

О премени.

Вык содержить высебы 100 лыть, или годовь 12 мБсяцовь. Toab Ординарной мъсяць - 30 дней, или сущок. Недбля 7 дней. Lehb whiteyanku 24 yaca. 60 минуть. Yach 60 секундь. Минута 60 терцій. 365 дней. Секунда Простой годь 366 дней. Високосной годъ

# О мере протяженея

Нъмецкая миля - 7 верств.
Верста - - 500 сажень.
Сажень - - 3 аршина, или 7 фу-

Футь - - 12 дюймовь. Дюймь - - 12 линей.

Аршинъ - - 16 вершковъ 24 28

# O MEDE KUAKUXO MEAO =

бочка. - 40 ведрь, Ведро - 8 куржекь.

Кружка - - 12 чарокв, а иные полагають 40 ча окв.

Чарка - 500 капель.

Mail to the the tribal and the sales to a s

3 MAI

#### или

Ведро имћетв - 2 полуведра. Полведра - 2 четверти.

Четверть - 2 осьмухи, или штофа.

Осьмуха, или штофъ 2 кружки.

# О мере хльбной.

Дасть - 12 четвертей. Четверть - 2 осьмины. Осьмина - 4 четверика.

Четверикъ - 8 гарцовъ.

### Ontcaxo.

берковець - 10 пудь.

Пухв - - 40 фунтовь.

Фунть - 32 лота, или 96 золотниковь.

лоть - - 3 золотника.

Плитекарской песъ.

### Фунть, или либра 12 унцій.

Унція - - - 8 драхмі, или б золощь

Дражма - 3 скрупеля. Скрупель - 20 грановь. Двъ дражмы - 1½ золотника.

# Вд Нъмецкой земль Серебряной пъсд.

Марка - - 16 лотовъ. Лотъ - - 18 грановъ.

### Во Франціи.

Марка - - - 12 дентеровь. Дентерь - - 24 грана.

### Золотой пъсъ.

Марка - - - 24 крапы. Крапа - - 12 грановь.

Ecmasan-

## В З Эстаяндін и Лифаяндін.

Шифь-фунть имъеть 20 лись-фунтовь, или 4 лофа.

Ласть - - 12 шифь фунтовь, или 48 лосфовь.

лофь - - - 5 лись фунтовь.

Лись-фунть - 20 фунтовь.

Фунть - - 16 унцій, или 32 лоша.

Унція - - 2 лоша.

лоть - - 4 квинтеля, или драх,

Цейшнерь - - 120 фунтовь. Тонна - 240 фунтовь.

### ВЗ Голландін.

Шифъ - фунть 20 лись - фунтовъ.

Лись фунть 15 фунтовь. Штеинь - 8 фунтовь.

Фунтв - 2 марки, или 16 унцій, или 32 лота.

Марка - 8 унцій, или 16 лотовь. Унція - 2 лота, или 20 энгелевь.

лоть - 10 энгелевь. Энгель - 32 асса.

### ВЗ Англён.

При свѣшиваніи тяжелыхь и простыхь товаровь употребляется вѣсь Аверь-дюпоа называемой, котораго раздѣленіе есть слѣдующее:

Тонна - 20 цейтнеровь. Цейтнерь - 112 фунтовь. Фунть - 16 унцій.

Унція - - 8 драхмів. Арахма - - 3 скрупуля.

### ВЗ Ивмецкой земль.

При свъшивании тяжелыхъ и простыхъ товаровъ употребляется раздъление Ниренбергскаго фунта, которато есть слъдующее:

Фунть имъеть - 2 марки, или 16 унцій, или 32 лота.

 Лотв
 4 драхмы.

 Драхма
 4 фенинга.

 Фенингь
 4 геллера.

 Марка
 8 унцїй.

 Унцїя
 2 лота.

 Лоть
 4 квинтеля.

 Квинтель
 4 фенинга.

Квинтель - - 4 фенинга. Фенингр - - 4 геллера,

При свъщиванти же мълкихъ товаровъ, а особливо серебра или золота употребляется раздъленте Кельнекаго фунта, котораго есть слъдующее:

Фунть - 2 марки, или 16 унцій.

Марка - 8 унцій.

Унція - 2 лота, или 8 драхмв.

Лоть - 4 квинтеля, или 4 драхмы,

Квинтель 4 фенинга. Фенингр - 15 гранр.

Во Франціи.

Фунть - 2 марки.
Марка - 8 унцій.
Унція - 8 гроссовь.
Гроссь - 3 деніера.
Деніерь - 24 грена.

Грень - - 42 Гароба, или прима.

Гаробь, или примь 24 секунды.

Секунда - - 24 терціи, или малока.

Bb

#### Въ Саксонии.

Фунть - 2 марки, или 16 лотовь, или 24 караша.

- - 8 унцій. Марка Унція - 3 карата. Kapamb - - 4 грана. 3 грена. Грань Nomb 18 греновъ.

Всякаго круга, какой бы онъ ни быль величины, окружность раздъляется на 360 равных в частей, которыя градусами называющся, по чему

/ Градусь имћеть 60 минуть. Минута - 60 секундв.

60 терцій и проч. Секунда - -

Традусь въ другихъ случаяхъ раздъляется также на слъдующия части:

7 верств. 15 миль. Градусь - RANM

700 сажень и проч. Верста

# О Россейских деньгах д.

Имперіаль по рублей. Полуимперіаль 5 рублей. Червонець - 2 рубли. Рубль - 2 полтины.

Полтина - 2 полуполтинника, или 5 гривень.

Полуполтинник 25 копбекв. Гривна - 10 копъекъ. Алтынь - з копьйки. Грошь 2 копъйки. Копъйка - 2 деньги. Деньга - 2 полушки. -

A 5

Во Нарив, Репель и Дерлтв.

Употребляются сладующий деньги:

реихсталерь - 64 вейссена = 80 коп.

реихсталерь ходячей 52 вейссена = 65 коп.

Вейссень - = 1 4 коп.

Шведской каролинь 20 вейссеновь = 25 коп.

### ВЗ Ригв.

 Реихсталерь з гульдена = 105 коп. или 15

 алберть - марковь, или 90 грошей.

 Гульдень - марковь = 35 коп. или 30 грошей.

Маркъ - 4 фердинга = 7 коп. или 6 грошей.

Фердингь -  $1\frac{1}{2}$  гроша =  $1\frac{3}{4}$  коп.

### ВЗ Голландін.

Здвсь употребляются деньги куранть и банко, но только банковыя деньги всегда выше, нежели куранть или касса; ибо оныхъ всегда 5 на 100 считается, по чему

Гульдень 20 штиб. 40 кур. 42 бан. или 40 фенинг. флам. или гротовь.

Штиверь - 16 Голланд. фенинг. 2 кур. 2 то бан. или 8 дюймовь, или 2 фенинг. фламскихь.

Флам. фенинг. 8 фенинговь Голландскихь. Шилинг. флам. 6 штив. 12 кур. 12 бан. или 12 фенинг. флам.

Реихсталерь 50 штиб. 100 кур. 105 бан. или 100 фенинг. флам.

Флам. фунт. 120 шти. 240 кур. 252 бан. или 20 шилинг. флам. или 6 гульд.

Дюйть - 2 фенинг. Голланд. 1 кур. Дукать - 210 кур. 220 бан.

BB

## В в срапнении съ Российскими деньгами.

Фламской фени:	нгр	буде	mb	Y	копъйка
Рейхсталерь	-	100	-	100	KOII.
Червонець		7	-	210	коп.
Гульдень -	-			40	коп.
Штиберь -		1		2	коп.
Фенингь Голла		кой		<u>x</u>	коп,
Фунть фламск			45	240	коп.
Шихингр		No.	•	12	коп.

### ВЗ Англён.

Фунтв штерлин. 4 крона = 440 коп. или 20 шилинг. штерлинговв. Кронв - 5 шилин. штер. = 110 коп. Шилинг. штер. 12 фенин. штер = 22 коп. Гинея - 21 $\frac{1}{2}$  шилин. штер. = 473 коп. Гратв - 4 фенин. штер. =  $7\frac{1}{3}$  коп. фенинг. штерлин. 4 фердинга =  $1\frac{5}{6}$  коп. фердингв - - =  $\frac{1}{2}\frac{1}{4}$  коп. или =  $1\frac{5}{6}$  пол.

# ВЗ Гамбургь и Любекь.

Здёсь также употребляются какь и вы Голландіи куранть и банко, но только сь такою отмёною, что вы банковыхы деньгахы 16 процентовы на 100 считается, по чему

Маркв - 16 Люб. шил. 30 кур. 34 бан. Любской шил. 72 Люб. фен. 1 кур. Флам. шилингв 6 Люб шил. 11 кур. Талерв - 3 марка - 90 кур. 104 бан. Вексел. шалерв 2 марка - 60 кур. 69 бан. Флам. фуншв 120 Люб. шил. 225 кур. 261 бан. или 20 шилинг. флам.

Въ Саксонги и Брандебургии. 24 гупень гроша = 78. коп. Талерь Гушень-грошь 12 фенинговь  $= 3\frac{1}{4}$ . коп. Цвей-дришшельштикъ, или дву- 16 гутенъ гроща = 52 коп. третная штука ( з фенинга. Дрейорь ВЗ Брауншпейг и Люнебург в. 36 маргэнь-гроша = 78 коп. Талерь Маріэнt-грошь 8 фенинговь  $= 2\frac{1}{6}$  коп. Также Талерь - 24 гушень гроша. Гутень-грошь 12 фенинговь  $=2\frac{1}{4}$  коп. или 1 д маріонь грошь. ВЗ Бременв. 72 грота = 78 коп. Tamepb 4 фенинга  $= 1\frac{1}{2}$  коп. T pomb Во франкфурть при Майнь. 90 крейцеровь = 75 коп. Талерь 4. фенинга = 5 коп., 2½ гульдена. Крейцеры Талерь\_ Гульдень 60 крейцеровъ = 50 коп. или 15 баценовь. = 4 крейнера  $= 3\frac{1}{3}$  коп. или 2 албуса. 2 крейцера = 1<sup>2</sup> коп. Antych копфв штикв 20 крейцеровв. Кейзерь грошь 3 крейнера = 2½ коп. 100 крейнеровь кур. 82 вексель крейн. ВЗ Бреслапль и Шлезін. 30 кейзерь - гроша = 75 коп. Талерь или шилинговь.

Кей-

De monte de la constitución de l
Кейзеръ - грошъ з крейцера $= 2\frac{x}{2}$ коп.
или 4 грешеля.
Крейцерь 4 фенинга $=\frac{3}{6}$ , или $\frac{\pi}{3}$ коп.
Грешель - 3 фенинга.
Въвънъ, Ниренбергъ, Аусбургъ, Апстрии,
франконіи и по Шпабіи.
Гульдень 60 Крейцеровь = 50 коп. или 15 баценовь
Крейцерь 4 фенинга = %коп.
Талерь 90 крейцеровь = 75 коп.
$6$ ацень - 4 крейцера = $3\frac{1}{3}$ коп.
Кейзер $b$ -грош $b$ - 3 крейдера $= 2\frac{\pi}{2}$ коп.
ВЗ Гданскв, Кенингсбергв и Пруссён.
Tyrraeth - 20 room - 26 ror
Талерь 3 гульдена = 78 коп.
или 90 грошей.
Трошь 3 шилинга = 13 кол.
Шилингь 6 фенинговь.
Тимфь 18 грош. = 153 коп.
Сти денги здъсь употребляемыя называются
Польскими деньгами.
and a formation.
$\lambda$ ивр $b$ (фунт $b$ ) - 20 соль, или су = 20 коп.
Су 12 денгоровъ = 1 коп.
Экто 3 ливра = 60 коп.
или, 60 су.
Старой луйдорь, или волотая монета 375 коп.
Новой луйдорь 448 коп.
Луй-бланкь, серебряная монета 102 коп.
Въ Итален.
Скуди 20 сольдовь = 94 коп.
Сольдь - 12 денгоровь = 470 коп.
Денгорь

Денгорь -	$-\frac{47}{100}$ коп.	или $1\frac{17}{30}$ полуш.
Венеціанской	банковой дукать	= 90 коп.
Аирь-Куранп	ть простой -	$=15\frac{2}{4}$ KOII.

# въ Дацкой землъ.

Талерь	- 6	марковъ	= 90 коп.
Маркв	16	шилинговр	= 15 коп.
Шилингъ -			$=\frac{1}{16}$ KOM.
Дацкая Крона		марки Любских	
Любская марка	- 2	марки Дацких	cb = 30  kom.

### ВЗ Шпецён.

d-school word	4	cenefor	OFT N	#200T	-	26	YAAR
Серебряной талер.							
Серебряная марка							
Мъдной талерь	4	мваны	K b M	парок.		12	коп.
		мђдных				3	коп.
Серебряной талер.	3	талера	мъ	дных	b		
			di		-	1 3	коп.
Эрь мъдной -		The state of the s	**			3/6	коп.

### ВЗ Гишланги.

Мареведись -	-	1	-	= ½ KON	
25 мареведисовь	90	-		= 7 коп	
реаль		do	-	$= .9^{\frac{1}{2}\frac{9}{5}}$ KOIT	
Пево-дотто	-		-	= 957 коп	
Пистоль				= 3804 коп	

# ВЗ Португаллін.

Крусадо	CO.A.E	ржащ	дей 4	00 pe	ей <b>с</b> ов	ab = 48	коп.
Крусадов							
Пистоль			'esi		-	== 360	коп.
Паттакон		-	*	-	et .	== 72	
Пезо - до	пппо	Lum	панси	гой		== 80	
Тестонв		-	- 44	- 14		== 12	коп.
peakb	69	_	101			$= 4\frac{4}{5}$	коп.
pee -	-	wh	-				коп.
							Сра-

Сравненте Росстискаго в Беу съ иностраннымъ. Одинъ пудъ, или 40 фунтовъ Росстискихъ дълають

Дылаюшь					
Вь авиньгон в тамон	иних	фун	повъ	38100	
- Александріи, в.	b Eru	dmn	- 4	26 3 4 6	
— Аликанть -	-	-		33100	
— АмстердамЪ		-	-	32 100	
- Анконъ		-		47100	
Антверпен Б		-	-	32100	
— Аугсбургв -	~	~	*	32 700	
— базелъ -	ata .	-	-	31 36	
— батавіи, вь Ин	АДТИ	-	-	26,566	
<u>— бергамъ</u>	-	-	-	54100	
- бергенъ -	-	-	**	35700	
— бононіи -	-	100	-	48 3 2	
- бременъ -	-	pen	cw .	32 100	
— бреславлъ -		-	-	40	
- бригтъ -	-	-		33 100	
— Валенціи -	-	-	iii	50 72	
— Венецїи -		-	-	53 100	
— Галленъ -	-			31 36	
— Гамбургв -	-	-	-	32 64	
- ГданскЪ -		-	~	35 200	
— Гелдернъ -	-		-48	33 100	
— Гентъ	-	-	-	35 84	
— Генув	iten		-	48	
Дорникв -	- 25	-	-	36100	
Женевъ			ma	28 100	
— Иперив -	ile	***		36-48	
— Кадиксв -	-		di	33 100	
— Каиръ			-	35100	
— Кельнъ -			-	33 200	1
- КенингсбергВ		in	di	40	-
-Китав	4		-	25 500	
	1		-		ph

			-	and the last street of the last	and placement of the same of the control of
Pb	Константинопол	B		-	28116
CLIFT	опентагенъ -	1 Op	-	-	32 3 2
)	-Кутрав -	-		-	35 84
	- A-ungurb -	2000	Egnet	-	33100
	- Ливорнв .		.m.	Our	46 40
-	- Лиллъ -	-	100	-	36 48
	_ лиссабонъ -		See .		3648
	- Дишших -	-		dea	33100
-	- Ліонъ	ğin.			37100
) province of the same of the	- Лондонв малой	въсъ	108	par .	35100
	большої		Ъ	-	31 100
-	- Любикъ -	-	-	500	33 700
	- Мадритъ -	-	.000	~	33100
1-	- Мантув -	ès	911	916	56
	- Марселъ -	19			39200
	- МедголанЪ -	too to	és	~	53 700
	- МексикЪ -	-	-		5278
	- Миттельбургв	poor	-	ène	33500
	- Моденъ -	N. See	4a	dia	48 3 2
	- Монсв	-	-	500	33100
-	- МонтпельерЪ	-	-	- 6	38,500
	- Нантесъ		free Ann	da	31 100
-	- Наумбергв -		-	en .	33100
-	- Неаполъ -			49	54180
Southease	- Ниренбергъ	-	20	-	31 36
- Janes	- Парижъ	bn		-	Charles Comment
	- Реджів -			100	48 3 2
-	- purb	-			31700
-	- Рошелав -	100		A04	31 500
- Spranderson	- Руанъ		im Think		30 700
-	- Caparoccb	M 19	-		5072
	- Севиліи	-	-	-	32700
	-Стамв		-	-	25 60
	- Смирнъ -	-		-	2816
					Cmok-
		F 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1			

Vancousers				The state of the s	AND DESCRIPTION OF THE PARTY OF	Company of the last of the las
вь Стокгольмъ	-	-	-		37-4-4	
Toprost	-		200	4-	51 52	
— Тулузв	-		Seat.	den.	37300	
— Тунисъ	**		-	-	28 48	
— Туринъ	941		384	-	48 3 2	
— Уденардъ	344	-	Rin .	- 19	35 100	
— Флоренціи	-	Sin	-	-	48100	
— Франкфурт	<b>b</b>	при рък	BI	ЛайнЪ	3136	
— ШтетинЪ	193		-	-	32300	

Срапненте Росстиской мвры съ иностран-

# Россійских в 100 аршинъ дълають

Вь китав тамошни:	xb a	арши	нЪ	400	206
— Швецїи				-	1214
— Голландіи -	-			-	1051
— Англіи				-	78
Данїи		-	UN.	too	1183
— Гданскв и Полы	त्य		-	-	1263
— Ниренбергъ -			ten		109#
— Португалліи -			-	-	641
— Гишпаніи			-		83 =
— бреславлъ -					128
— Франціи			PR		612
— НидерландахЪ -				-	1263
— Гамбургѣ, Любек тѣ, Лейпцигѣ	ъ,	Франі Кель	кфур	. }	125
— базелъ, Кенигсб				dr	127
	1		- 31	-	1133
Общей шагь равняетс	SQ R	гинла	эниск	имъ	2 ₹ фут.
Геометрической же	, ,			_	5 фут.
1 A CORONA					A STATE OF THE PARTY OF THE PAR

Одинъ градусъ окружности	земной
содержить пъ себъ	
Италіанских	\$60 MHAB
Турецкихъ	300 1111111
бононских	72 =
(больших)	$27\frac{1}{2}$ —
Аглинских д средних в	48 —
(малыхв	60 —
Нъмецкихъ	15 -
Венгерскихь	310
Унгарских в	5
Реинландскихв	2115
Шошуанчскихр	50 -
Голландских	19 —
Дацкихь	10 —
Ирландскихь	48 —
Швейцарскижь	£10 -
Норвежских в	)
Польскихв	20 -
Гишпанскихв	172 -
Шведскихь	} II-2-
Гельвецкихв	3
Сеолимхр	20 —
Французских В средних в	25 —
(малых)	30
Персидских в парасангов	30
ин фиских в гось	25
CIOCD	125
Китайскихь } лы	250
упу	25
АрапскихЪ ЗсреднихЪ -	29
Coponini	$56\frac{2}{3}$
Поотугальских в засовь бъту	284
( dacombonly	20
	-нопк

Японских в мърв -	= 1		20
Россійских верств	-	-	1043336
или	*	100	52381
Римских в стадій -	è	-	630

Срапнение между собою разных в пъ Епроль улотребляемых футопъ.

Парижской тоазы содержить вы себь 6 Парижскихы футовь, а каждой футь имы веть 12 линый, линыя раздыляется на 10 пунктовь, называемыя части, которыхы содержить

Пар жской футь	1440	Лондонской -	1350
Римской	1320	Реинландской	1391
Шведской	1320	Дацкой	1403
Венеціанской -	1540	булонской -	1686
Страсбургской	1283	Ниренбергской	1347
Гданской	1271	Голландской	1320
Флорентинской	2580	Лейденской -	1390
А Россійской аршин			

равному количеству събдующих металловъ есть въ содержани:

11	Kb	золоту			ub.	какЪ	9000	b 19640
	Ministra	ртупи	-		4	440 A	-	14000
	-	свинцу	-	6				11325
	(Confessoration)	серебру		20	wd		. 189. 9.6	1109E
	-	желъзу		-	-		- 7	7645
	-	олову		-	-		-	7320
	-	дождево	й во	дъ.		10h ma		1000
					1100			

X gwinout, growno parathemen na lo Cpa-

Срапнение фунтопъ пъ другихъ государстпах улотребляемых съ Кельнским дфунтомъ.

Одинъ фунть въсить.

Вь Ахенъ и Ульмъ - 32 лот. 2 фенинга, или деніора. — АмстердамЪ - 33 лот. 3 квинтеля, или дражмы. - Архангельс. город 27 лот. 3 квинтеля, 3 фенинг. 32 лот. 2 фенин. 6 гран. бургъ въ Циппау 32 лош. І фенин. 2 гран. — болоніи 24 лот. 3 кви. т фе. 3 гр. — брисселъ 32 лот. 2 фенин. — бреславл в и Краковъ 27 лот. 3 квин. 7 гран. 33 лот. 2 квин. 3 фен. - бурдо — Кадиксъ, Шаугаузенъ и Малагъ 31 лот. 2 квин. - Кельнъ и брауншшвейгъ 32 лот. - Копенгагент -- 32 лопт. 2 фени. 6 гран. 38 лот. 1 квин. 2 фен. — Сальцбургъ -— ГданскЪ 29 лопт. 3 кв. 1 фен. 8 гра. — Флоренціи 23 лот. І квин. І гран. — Франкфурт в при Майнъ -32 лот. 3 гран. женевъ -31 лот. 2 кв. 3 фен. 3 гр. — Гамбургъ 33 лопт. I квин. \_ Аусбургъ боль. въс. 33 лот. 2 кв. 3 фен. 3 гр. \_\_\_\_ малой въсъ 32 лот. 1 кв. 2 фен. 6 гр. - Кенигсбер.ста. въс. 26 лот. 1 фенин. Bb

ВЪ Кенигсбер. нов. въс 32 лот. 1 фенин.
— Ліонъ 28 лот. 2 квин. 3 фен.
— Ливорнъ 23 лот. I кв. I фе. 10 гр.
<ul> <li>— Лиссабонъ 31 лот. 1 кв. 3 фе. 7 гра.</li> </ul>
— Лондонъ 30 лот. 3 кв. 3 фе. 9 гра.
— Любекв 33 лот. 2 фенин.
— Люнебургв 33 лот. I кв. I фе. 5 гра.
— Неапол в - 29 лот. 1 фения. 8 гран.
— Ниренбергъ 34 лот. 3 кви. 3 фенин.
— Парижъ 33 лот. 2 кви. I фенин.
— Санкишетербургв 28 лот. 3 гран.
- 35 лот. 3 фен. 5 гран.
- 28 лот. 2 кв. 2 фе. 8 гра.
— Римъ 23 лот. I кв. I гран.
- Регенсбургви Мин-
хенъ 38 лот. 1 кв. 1 фенин.
— Страсбургъ 32 лот. 1 кв. 1 фенин.
<ul> <li>Варшавъ</li> <li>25 лот. 3 кв. 2 фен. 5 гра.</li> </ul>
— ВБНВ 38 лот. 2 квин.
Аптекарской фунть
содержить - 26 лот. 3 фен. 4 гран.
А что бы способиве и скорве при случав
можно было написать, какой потребно
будеть сорть; того ради нъкоторыхъ
сортовь при семь сообщается сокращение.
ориоз при семь сообщается сокращение.
Рубль пишется для краткости - рл.
Гривна гр.
Рейхсталерь ртл.
Taxept ma.
Гульденb гл.
Штиберь шт.
Фунть фт.
Шилингъ шл.
Фенингъ фг.
E 3 Aeni-

	Charles and the second	and the same of the same of		-		- 227	***************************************	* 200000
11	Денторь,	или	дена	рій		12		др.
1/	Марка	140		-	-	-	-	MK.
	Грошь	-	-	-	-	7	-	ГШ.
	Гутень - 1	грои	di	-	-	-	-	Г. ГШ
	Крейцерь		-	-	- 10		-	кр.
	Крейцерь	- Tp	omp	-			-	к. гщ.
	Маріонь -	rpou	di		in .			М. ГЩ.
	Червонецъ			-	-		7	чр.
	Дукать	4		9		pus	+	# 5
	EKIO -		cod		-	-	-	V
								плиек.
	Драхма	~		-	- 9			дрм.
	Скрупель		-	-	- 1		-	скр.
	Грань	7	4	12	-	-	-	£bHs
	Градусь	-	4	-	-	4	77	0
	Мынута	-	-					12
	Секунда	-			~	9	-	
	Терція	100	7-	-		7	-	111
	Сажень, и	или	рута	7		- 11	-	0
	Фушь	-	- 0	-	-			1 .
	ДюймЪ	rq.	4	-		P		11
	линъя	7	Non	-	-	-	•	111
	Либра	7	œ.	-	-	*	~	推
	Унція	-	-	Τ.	-			33
	Драхма	9	7	3				3
	Скрупуль	-	7	-		7		9
	ГранЪ		7	\$80 . ·	-	7		gr.

Nocht elie Magmb gforn.

ГЛАВА

# ГЛАВА ЧЕТВЕРТАЯ

0

СОДЕРЖАНІИ, ПРОПОРЦІИ И ПРО-ГРЕССІИ АРИӨМЕТИЧЕСКОЙ И ГЕОМЕТРИЧЕСКОЙ.

опредъление XVII.

6. 103.

Гогда два числа, на пр. 4. и 12. сравниваютия между собою такимо образомо, что разсуждается сбо ихо разности, на пр. 8, которая находится чрезо вычитаніе; тогда таксе сравненіе называется содержаніемо мриюжетическимо (Ratio Arithmetica); когда жо разсуждается обо ихо частномо число, на пр. 3, которое находится чрезо досніе; тогда такое сравненіе называется содержаніемо Геометрическимо (Ratio Geometrica), или однимо словомо : содержаніе (Ratio).

OUPEABAEHIE XVIII.

5. 104. Понеже всякое содержаніе между двумя только числами состоить (б. 103.): то ть два числа навываются терминами, или, членами (Тегтіпі); и тоть члень, которой первое місто занимаєть, навываєтся лерпой, или предвидущей (Antecedens), а теть, которой на второмь мість находится, навываєтся пторой, или посліду ощей (Confequens).

опредъление хіх.

б. 105. Вы Ариеметическомы содержанти то число, которое показываеты чыть мень-

тие предвидущей члень последующаго, или, четы больше последующей предвидущаго, навывается разностью (Defferentia); напрошивь того вы Геометрическомы содержании, то число которое показываеть, во сколько разы предвидущей члень больше последующаго, или какая часть предвидущей члень буде ты своего последующаго, то есть, сколько разы меньшее число вы большемы содержания (Nomen rationis), знаменателемы содержания (Denominator rationis), или, однимы словомы: знаменателемы (Denominator).

#### прибавление т.

5. 106. Следовашельно въ содержании Ариомешическомъ меньшее число находишся чрезъ вычищанте разности изъ большаго, а большое чрезъ сложенте шойжо разности съ меньшимъ (§. 54, 59.); въ Геометрическомъ же содержанти меньшее число находишся чрезъ раздълекте большаго на знаменателя, а большое чрезъ умноженте меньшаго на шого жъ знаменателя, (§. 65, 84.).

ПРИБАВЛЕНІЕ 2.

\$. 107. По чему въ содержанти Ариометическомъ между числами справедливо употребляется знакъ вычитантя (—) (§. 49.), а въ Геометрическомъ знакъ дълентя (:) (§. 77.).

OHPEADAEHIE XX

б. 108. Подобныя содержанія называются тв, которыя имбють одинакую разность, или одинакой знаменатель; не подобныя жвень тв, которыя имбють или не одинаком разность, или не одинакаго знаменателя. Опредбление XXI.

6. 109. Вы подобных в содержаніях в предвидущим в члень св предвидущим в, и посладующим в данна количества одинаковыя (Quanta homologa). На

пр. вь содержаніяхь 3-6, и 7-10, такь же 2: 4 и 3:6 два предвидущіе члена 3 — 7 и 2:3, и два послъдующе, 6-10, и 4:6, сущь количества одинаковыя.

опредъление ХХІІ.

6. 110. Когда вb содержантяхb A: В, и С: D посл'вдующіе члены В и D раздівлены будуть на равное число частей, и сколько частей количества В содержаться будеть вы количествъ А, столькожь частей количества D будеть содержаться вь количествь С, или короче сказать, когда количество А столько разв содержится вв количествв В, сколько количество С содержится в количествъ D, и на обороть; тогда содержанте А: В будеть равно содержанию С: D, и количества А, В, С, D называются пролорціональныя.

OUDETPY ENIE XXIII.

 5. 111. Содержанія, как в Ариометическое такь и Геометрическое, суть йныя большой не рапноети (Maioris inaequalitatis), то есть, когла вь оныхь предвидуще члены будуть. больще послъдующихв. На пр. 4-2 и 16: 8; и особливо в разсужденти Геометрическаго содержанія, когда вь ономь предвидущей члень будеть вдвое сольше своего послъдующаго; тогда такое с держание называется дпойное (Ratio dupla), на по. 6: 3; а когда втрое, тогда трой ное (Tripla), на пр. 18: 6; четигрное (Qaadrupla), на пр. 24: 6; и такъ далъе, лолуторное (Sesquialtera), какb 3:2; лолу третное (Sesquitertia), какb 5:2, и проч.

Напротивь того содержанія меньшей нерапности (Minoris inaequalitatis) называются тв, вы которыхы предындущіе члены будуть меньше послідующихь. На пр. 2—4, и 8: 16; и особливо вы разсужденіи содержанія Геометрическаго, когда вы ономы предындущей члень будеть вдвое меньше послідующаго, тогда такое содержаніе называет я полопинное (Ratio fubdupla), на пр. 6: 12; а когда втрое, тогда третное (Subtripla), на пр. 4: 12; четпертное (Subquadrupla), когда вы четверо меньше, на пр. 3: 12, и такы далье.

#### прибавление т.

С. 112. Следовашельно, въ содержанти Геометрическомъ меньшей неравности, знаменатель будеть ломаное число, поколику предъидущей члень въ содержанти Геометрическомъ делится на последующей. На пр. содержантя 4:6 знаменатель есть <sup>2</sup>/<sub>3</sub>, которой показываеть, что 4 есть <sup>2</sup>/<sub>3</sub> шести. На противъ того, въ содержанти большей неравности, знаменатель будетъ целое число, или целое съ дробью. На пр. 8:2 есть знаменатель 4, также 6:4 есть знаменатель 1 <sup>1</sup>/<sub>2</sub>.

 $\P$ . 113. По чему знаменащели содержаній большей  $\P$  меньшей неравности, на пр.  $\frac{2}{3}$ , и 1  $\frac{1}{2}$ , могуть приняты быть за одно число, какь и есть действительно. ПРИБАВЛЕНІЕ 3.

У. 114. Изъ чего видно, что въ разсужденти содержанти меньшей неравности, можно всякую дробь принять за содержанте, котораго предъидущимъ членомъ будетъ числитель дроби, а послъдующимъ знаменатель оныя. На пр. 4— 1:4.
ПРИБАВЛЕНІЕ 4.

С. 145. Видно также и то, что въ содержантяхъ Геоме прическихъ большей неравности предвидущте члены состоять изъ своихъ последующихъ умноженныхъ на знаменателя. На пр. содержантя 6:3, будеть предъ-

идущей члень 6 = 3 ж 2; а вы содержантихы меньшей неровности предвидущте члены состоять также изы своихы послыдующихы, токмо раздыленныхы на знаме-

нашеля.

машеля. На пр. содержаній 3: 6 будеть прельидущей члень 3 — 2. Чего ради, высилу того, что равное вмусто равнаго принять можно (\$.31.), вы содержанійхь большей неравности вмусто предыдущаго члена можно принять послудующей члень; умноженной на знаменателя, а вы содержаній меньшей неравности, вмусто предыдущаго члена тотьже послудующей члень, токмо раздуженной на знаменателя. На пр. вмусто содержаній 6:3, будеть 3 × 2:3, также вмусто содержаній 2:6 будеть §: 6,

### примъчаніе.

\$. 116. Сте изображенте предвидущаго члена вы обоихы случаяхы, то есть, чтобы выбото онаго принимать послыдующей члены, или умноженной, или раздыленной на знаменателя, емотря по содержантю, удивительную способность дылаеты вы наукы о пропорцияхы, такы что начинающие учитыся, все то, что трудиымы могло бы имы казатыся, помощию сего, сы легчайщимы трудомы преодольты могуты.

# опредъление XXIV.

учения вы которых во содержаній, и именно: Ариометическую пропорцію составляють проторых вы которых во одинакая разность находится. На пр. 6—4, и 9—7. Напротивь трого Геометрическую пропорцію составляють находится. На пр. 6—4, и 9—7. Напротивь трого Геометрическую пропорцію составляють находится. На пр. 6:2 и 12:4.

#### ПРИБАВЛЕНІЕ I.

5. 118. По чему, для означентя всякой пропоряти, справеливо употребляется знакЪ равенства (—) (5. 13.); а содержантя сверьхЪ того означаются своими знаками (5. 107.). На пр. Ариометическая пропоряти изобража теся 6—4—9—7; а Геометрическая 6: 2—12: 4. ПРИБА-

#### ПРИБАВЛЕНІЕ 2.

5. 119. Для той же причины и члены вы пропорціи выговариваются следующимы образомы: какы одного содержанія предылущей члены кы своему последующему содержинся, такы и другаго содержанія предылущей члены кы своему последующему; или, какы первой ко второму, такы трешей кы четвертому. То есть, вы пропорціи Ариометической, чёмы больше, или меньше первой члены втораго, темы самымы больше, или меньше тервой члены втораго; а вы Геометрической, во сколько разы больше, или меньше первой втораго, во столькожь разы больше, или меньше первой втораго, во столькожь разы больше, или меньше первой четвертаго.

# опредъление хху.

6. 12с. Проморція непрерыпная (Ргорогію continua) есть, віз которой члены будуть віз такомі содержаній: какі первой ко второму, такі второй кіз третьему; то есть, когда послідующей члень перваго содержанія будеть предыидущимь втораго содержанія. На пр. Аривметическая 5,7.9, или 5—7—7—9; а Геометрическая 3,6,12, или 3:6—6:12, и изображается Аривметическая, какіз тр. 7,9, Геометрическая же какіз тр. 3,6,12.

### примъчание.

§. 121. Вы пропорцін непрерывной, какы Ариометической, такы и Геометрической, теть члень, которой два раза принимается вы срагненіе, на пр. 7 и 9, называется средней пропорціональной, (Меdius proportionalis).

# опредъление XXVI.

Прогрессия (Progressio) есть порядок количество одного роду во одинакомо содержанти продолжающихся, и собственно навывается Ариеметическою, когда между всбми количествами, то есть, членами непрерывно продолжающимися, будеть одинакая разность. На пр. 3,5,7,9,11,13,15,17, и проч. между котпорыми встми есть одинакая разность 2. Напротивь того Геометрическою называется; когда между всвми членами непрерывно продолжающимися будеть одинакой знаменашель. На пр. 3, 6, 12, 24, 48, 96, 192. и проч. между коими встми есть Одинакой знаменашель 2.

ОПРЕДБЛЕНІЕ XXVII.

б. 123. Прогрессія Арно метическая позрастающая (Progressio Arithmetica crescens) есть, во которой каждой посладующей члень, вь разсужденти своего предвидущаго, вь одинакомъ содержании спіановитіся больше, то есть, в которой второй члень изв сложения перваго и разности; третей изв сложенія втораго, и тойже разности; четвертой изв сложенія третьяго, и помянутой разности; и такь далве, происходять. На пр. 4.7. 10, 13, 16, 19, и проч. умаляющаяся же (Decrescens) есть, вы которой каждой послыдующей члень, выразсуждении своего предыидущаго, в одинаком содержании становишся меньше, що есть, в которой второй члень происходить, когда изв перваго; третей, когда изв втораго; четвертой, когда изь третьяго; и такь далье, вычтена будеть помянутая разность. На пр. 19, 16, 13, 10, 7, 4.

TIPHBABARHIE. S. 124. Когда въ прогрессіи Ариометической возрастающей каждой последующей члень состоять изв своего предъидущаго взятаго вместе съ разностью, на пр: последующей члень 7 состоить изв своего предвилущаго 4, и разности 3, а 10 состоить изь 7, и тойже

еамой меньшей члень 4, и два раза разность 3: то вы такой прогрессии каждой большей члены происходить изы сложения самаго меньшаго сы разностью столько разы взятою, сколько всёхы членовы от самаго меньшаго до него находится, то есть, изы сложения самаго меньшаго сы разностью умноженною на число членовы безы единицы. На пр. 16—(3×4)—4. Напротивы то об прогрессии Аривметической умаляющейся каждой последующей меньшей члены происходить, когда изы самаго большаго вычтена будеты разность, умноженная на число членовы безы единицы. На пр. 7—19—(4×3)

OUDETPY EHIE XXVIII.

6. 125. Прогрессия Геометрическая позрастающая (Progressio Geometrica crescens) есть, вв которой каждой послъдующей членв происходить изь умножентя своего предвидущаго на знаменателя. Таким в образом в второй члень происходить, когда первой; третей, когда второй; четвертой, когда третей; и такъ далъе, умножены будуть на внаменателя. На пр. 3, 6, 12, 24, 48, 96, и проч. У маляющаяся же (Decrescens) есть, вы которой каждой последующей члены происходить, когда его предвидущей члень будеть разділень на знаменашеля. Такимь образомь второй члень происходить, когда первой; третей, когда второй; четвертой, когда третей; и такъ далбе, раздълены будуть на знаменателя. На пр: 96, 48, 24, 12, 6, 3.

#### прибавление.

б. 126. Когда въ прогрессіи Геометрической возрастающей каждой последующей членъ происходить изъ умножения своего предъидущаго на знаменателя (\$. 125), на припоследующей членъ 6 состоить изъ умноженія своего предъидущаго 3 на знаменателя 2, а 12 состоить изъ умноженія также своего предъидущаго 6 на того же знаменателя 2, то есть, въ 12 находится самой.

меньшей члень 3 умноженной на знаменашеля 2 одинь разТ самаго на себл взящаго: що въ шакой прогрессии каждой большей члень происходишь изь умножения самаго меньшаго на знаменашеля сшолько разъ безъ двухъ самого на себя взящаго, сколько всѣхъ членовъ до самаго меньшаго находийся, на пр. 48 = 3 % (2 % 2 = 4 % 2 = 8 % 2 = 16). Напрошивъ шого въ прогрессии Геометрической умаляющейся каждой меньшей членъ происходить, когда самой большей членъ раздъленъ будетъ на произведение, произшедшее изъ умноженъй знаменашеля на число членовъ безъ двухъ. На пр. 6 = 96: (2 % 2 = 4 % 2 = 8 % 2 = 16).

### AKCIOMA 1.

§. 127. Ежели изд дпухд, или нусколькихд содержанги каждое будетд рапно одкому какому ни будь содержангю, или рапнымд: то и они будутд между собою рапны. На пр.

3: 12 = 1:4 5: 20 = 1:4 2: 10 = 3: 15 7: 35 = 4: 20

moбудеть 3:12=5:20 Но3:15=4:20

тобудеть {2:10=3:15 27:35=4:20

### AKCIOMA II.

§. 128. Рапныя количестпа, или числа, ко одному количестпу, или ко рапнымо, имото одинакое содержание; то есть, будучи больше его, содержато по себо его по ропну, а булучи меньше его, содержатся по немо по ропну жо. На пр.

Ежели два между собою равныя коли-чества А и В = 10 и 10, будуть равны одно-

му третьему количеству C = 5: то оных между собою содержатся как A: C = B: C, то есть, 10:5=10:5; или, когда два равныя количества A и B=8 и 8, будуть равны также двумь между собою равнымы количествамь C и D=4 и 4: то орыя содержатся тогда, как A: C=B:D, то есть, 8: 4=8:4.

#### ПРИБАВЛЕНІЕ 1.

\$. 129. И по тому одно количество, или число, къ равнымъ количествамъ, или числамъ, имъетъ одинакое

содержанте. На пр.

Ежели одно количество С 3 будеть равно двумь между собою равнымь количествамь А и В 6 и 6: то будеть содержаться оное кънимь, какъ С: А С: В, то есть, 3:6 3:6.

#### ПРИБАВЛЕНІЕ 2.

§. 130. Следовательно и те самыя количества, или числа, на пр. А и В = 6 и 6, будуть между собою равны, къ которымъ одно количество, или число, на пр. С = 3, имфеть одинакое содержание.

То есть C: A = C: B, 3:6 = 3:6; бухеть A = B, 6 = 6.

A КСІОМА III.

• 131. Подобныя, или одинакія части, ко споимо цвлымо имвюто одинакое содержаніе; а которыя части ко споимо цвлымо имвюто одинакое содержаніе: то тв части суть подобныя, и между собою содержатся, како ихо цвлыя; следопательно на оборото, и цвлыя ко споимо частямо подобнымо имвюто одинакое содержаніе, и содержатся между собою, како ихо части.

TEOPE-

### TEOPEMA V.

9. 132. В дропорци Аринметической A = B = C - D, то есть, 6 - 4 = 9 — 7, сумма дпух крайних членоп A + D = 6 + 7 рапна суммы дпух средних B + C = 4 + 9.

### AOKASATEABCTBO.

Положимь, что вы ней предвидуще членых даны больше последующихь. На пр. А > В, С > D, то есть, 6 > 4, 9 > 7. Понеже первой члень происходить изь сложения втораго и разности Е = Напр. А = В - Е, то есть, 6 = 4 + 2; а третей изb еложенія четвершаго и тойже разности. На пр. С = D → E, то есть, 9=7+2 (S. 106.); того ради въ суммъ перваго и четвертаго будеть находиться второй, четвертой и разность. На пр. A-D=B-D+E, mo ecmb, 6-7=4-7 - 2; а въ суммъ втораго и претьяго пъже самые, второй, четвертой и разность. На пр. В -- C = В -- D -- E, то есть, 4 - 9 = 4 - 7 - 2; са в довательно об в суммых должны быть между собою равны (\$. 35.).

ПоложимЪ, что предъидущте члены даны меньше послѣдующихЪ. На пр. A < B, C < D, то есть, 4 < 6, 7 < 9. Понеже второй членЪ происходитЬ изЪ сложентя первато и разности. На пр. B = A + E, то есть, 6 = 4 + 2; а четвертой изЪ сложентя третьяго и тойже разности. На пр. D = C + E, то есть, 9 = 7 + 2 (\$. 106), того ради, по сложенти перваго и четвертаго, въ суммъ

ихъ будеть находиться первой, третей и разность. На пр.  $A \rightarrow D = A \rightarrow C \rightarrow E$ , то есть,  $4 \rightarrow 9 = 4 \rightarrow 7 \rightarrow 2$ ; а по сложенти втораго и третьяго, въ суммъ ихъ будуть находиться тъже самые, первой, третей и разность. На пр.  $B \rightarrow C = A \rightarrow C \rightarrow E$ , то есть,  $6 \rightarrow 7 = 4 \rightarrow 7 \rightarrow 2$ ; слъдовательно объ суммы должны быть между собою равны (\$. 35.). ч. н. д.

### TEOPEMA VI.

§. 133. В дролорции Арифметической непрерыпной, на пр.  $\stackrel{...}{\leftarrow}$  А, В, С, то есть, 5, 7, 9, сумма дпух храйних членоп , на пр. А  $\stackrel{...}{\leftarrow}$  С, то есть, 5  $\stackrel{...}{\leftarrow}$  9, рапна среднему дпажды пзятому, на пр. В  $\stackrel{...}{\leftarrow}$  В, то есть, 7  $\stackrel{...}{\leftarrow}$  7.

ДОКАЗАТЕЛЬСТВО.

Понеже въ пропорции Ариометической непрерывной третей членъ С=9, происходить 
изъ сложентя втораго В=7, и разности, на 
пр. E=2; а второй B=7, изъ сложентя 
переаго A=5, и тойже разности E=2 (§. 120. 106.); слъдовательно третей членъ С=9 состоить изъ перваго A=5, и двухъ 
разностей E+E=2+2; и по тому въ сумть перваго и третьяго будуть находиться 
два первыхъ члена и двъ разности, на пр. A+C=A+E+A+E, то есть, 5+9 =5+2+5+2; а гъ сумтъ средняго два 
раза взятаго, находятся тъже самые, на пр. B+B=A+E+A+E, то есть 7+7=5+2+5+2. Чего ради сумма перваго

и третьяго въ пропорціи Ариометической непрерывной должна быть равна среднему двяжды взятому (\$. 35.). ч. н. д.

#### привавление.

5. 134. Слѣдовательно въ пропорціи Ариометической непрерывной, средней пропорціональной члень, на пр. В = 7, есть равенъ половинъ суммы двухъ крайнихъ, на пр. В = (A + C): 2, то есть, 7 = (5 + 9): 2.

### TEOPEMA VII.

§. 135. В в пропорцён Геометрической A:B=C:D, то есть, 6:3=10:5, произпеденёе дпух крайних членон  $A\times D$ , то есть,  $6\times 5$ , рапно произпеденёю дпух средних  $B\times C$ , то есть,  $3\times 10$ .

### ДОКАЗАТЕЛЬСТВО.

Положимь, что вы ней предвидуще члены даны больше посл'в дующих в, На пр. А > В, и С > D, то есть, 6 > 3, и 10 > 5. Понеже первой члень А = 6 происходить, когда второй В = 3; а третей С = 10, когда четвертой D=5, на знаменателя содержанія, на пр. E = 2, будуть умножены (§. 115); того ради будеть A = B x E, то есть, 6  $=3\times2$ , aC=D×E, mo ecmb, 10=5×2. И потому въ произведении перваго и четвертаго члена будуть находиться множимыя между собою числа второй и четвертой члень, и при томъ знаменатель, на пр. А X D = B X D X E, то есть, 6 X 5 = 3 X 5 X 2; а въ прозведенти втораго и третьяго, твже самыя числа, то есть, второй, четвертой и знаменатель, Hanp.  $B \times C = B \times D \times E$ , mo ecmb,  $3 \times 10 = 3$ 

X 2

× 5 × 2; сабдовательно оба произведентя должны быть между собою равны ( §. 69.).

Положимъ, что предвидущие члены даны меньше посл'бдующихь. На пр. А < В, и С < D, то есть, 3 < 6 и 5 < 10. Понеже въ содержантяхъ Геометрическихъ меньшей неравности второй члень, на пр. В=6 происходить, когда первой А = 3; а четвертой D=10, когда третей С=5, на знаменателя содержантя, на пр. Е = 2 будуть умножены ( \$. 115.); того ради будеть В = A  $\times$  E, mo ecmb, 6 = 3  $\times$  2; a D = C  $\times$  E, то есть, 10 = 5 x 2. И потому, какъ въ произведенти перваго на четвертой, такъ и въ произведенти втораго на третей, будуть находинься одинактя между собою умножаемыя числа, на пр. А X D = A X C X E, то есть, 3×10=3×5×2, marke B×C=A×C×E, mo еснь, 6 × 5 = 3 × 5 × 2; ел Бдовательно оба таковыя произведентя должны бышь между собою равны ( \$. 69. ). ч. н. д.

### TEOPEMA VIII.

§. 136. В В пропорци Геометрической непрерынной ... А, В, С, то есть, 3, 9, 27, произпеденте дпух врайних членоп Ах С, то есть, 3х27, рапно среднему члену самому на себя умноженному Вх В, то есть, 9х9.

### доказательство.

Понеже въ пропорціи Геометрической немрерывной второй члень В = 9 шакже и претьяго мъсто занимаеть, и слъдовашельно тельно члены въ такой пропорціи между собою содержатся, какъ первой ко второму, такъ второй къ третьему, на пр. А: В = В:С, то есть, 3:9 = 9:27 (\$.120); того ради равнымъ же образомъ, какъ и въ первомъ случав доказывается, что АхС = ВхВ, то есть, 3×27 = 9×9 (\$.135.); слъдовательно въ пропорціи Геометрической непрерывной, произведеніе двухъ крайнихъ членовъ равно среднему члену самому на себя умноженному. ч. н. д.

NPUBABAEHIE.

5. 137. И потому въ пропорціи Геометрической непрерывной средней пропорціональной члень на пр В = 9, есть равень радиксу, которой изъ произведенія двухъ крайнихъ членовъ, на пр. А  $\times$  С, то есть, 3  $\times$  27, будеть мявлечень. На пр. В  $= \sqrt{A} \times C$ , то есть, 9  $= \sqrt{3} \times 27$ . (\$. 264.).

TEOPEMA IX.

§. 138. В пролорціи Геометрической A: B = C: D, то есть, 6: 3 = 8:4, члены содержатся также и на оборот в (invertendo), как в пторой к перпому, так четпертой к третьему. На пр. B: A = D: C, то есть, 3: 6 = 4:8.

### ДОКАЗАТЕЛЬСТВО.

Положимъ, что предъидущіе члены А и С, то есть, 6 и 8 даны больше своихъ последующихъ, какъ и есть дъйствительно; и слъдовательно, оные будучи раздълены на свои послъдующе В и D, то есть, 3 и 4, производять частныя числа, на пр. Е и Е, то есть, 2 и 2: то будеть содержаться единица къ частному числу, какъ дълищель

кЪ дЪлимому въ обоихъ случаяхъ. На пр. 1: Е=В: А, то есть, 1:2=3:6, также 1: Е=D С, то есть, 1:2=4:8 (\$. 76.); слъдовательно В: А=D:С, то есть, 3:6 =4:8. (\$. 127.). ч. н. д.

TEOPEMA X.

§. 139. В пропорцін Геометрической A: B = C: D, то есть, 3: 9 =6: 18, члены между собою содержатся также и чрез длен (alternando, seu регтитандо), как перной к третьему, так пторой к четнертому. На пр. A: C = B: D, то есть, 3: 6 = 9: 18.

AOKASATEABCTBO.

Понеже предвидущёе члены вы пропорцём даны меньше своихы послёдующихы; мого ради оные будущы, какы части своихы послёдующихы, и слёдовательно подобны, и содержател между собою, какы ихы цылыл. На пр. A: C = B:D, то есть, 3:6 = 9.18 (§. 131.).

Положимъ пропорийо A: B = C: D, то есть, 12: 4 = 24: 8, въ которой прельидуще члены даны больше своихъ послъдующихъ: то, для тъхъже причинъ, будетъ В: D = A: C, то есть, 4: 8 = 12: 24, или, что все равно, A: C = B: D, то есть, 12: 24 = 4: 8. ч. н. д.

прибавление,

TEO.

<sup>5. 140.</sup> Изъ чего видно, что какое содержание между собою имфють предвидущие члены, такое жъ содержание будуть имфть и последующие; и на обороть, какое содержание имфють последующие, такоежь и предвлаущие.

### TEOPEMA XI.

§. 141. Ежели дпа количестна A и B, то есть, 4 и B, будуто умножены на одно трете, на пр. C=3: то произпеденея ихо  $A \times C = D$ , то есть,  $A \times B = 12$ , и  $B \times C = E$ , то есть,  $A \times B = 24$ , будуто содержаться между собою, како умноженныя количестна A и B, то есть, A B.

### AOKABATEABCTBO.

Понеже 1: С = A: D, mo есть, 1:3 = 4: 12, и 1: С = B: E, то есть, 1:3 = 8:24 (\$. 66.): то будеть A: D = B: E, то есть, 4:12 = 8:24 (\$. 127.); и сабдовательно A: B = D: E, то есть, 4:8 = 12:24 (\$. 139.), или, что все равно, D: E = A: B, то есть, 12:24 = 4:8 (\$. 31.). ч. н. д.

#### ПРИБАЗЛЕНІЕ I.

 142. И по тому въ пропорціи Геометрической А: В \_ C: D, mo есть, 4:8 \_ 12:24, естьли умножены будуть перваго содержантя члены А и В, то есть, 4 и в на одно трете, на пр. Е = 3: то произведентя ихъ АхЕ и ВхЕ, то есть, 4 х з и 8 х з , будуть содержаться между собою, какъ втораго содержания члены СиD, то есть, 12 и 24. На пр. Ах Е: Вх Е = С: D, то есть, 4 x 3:8 x 3 = 12:24, и произведенте изъ пер. ваго къ третьему, какъ произведение изъ втораго къ четвертому. На пр. АхЕ: С = Вх Е: D, то есть, 4 X 3: 12 = 8 X 3: 24. Понеже A X E: B X E = A: B, то есть, 4 х 3: 8 х 3 = 4:8 (5. 141.); но А: В = С: D, то есть, 4:8 = 12: 24, содержится по положентю: то будеть АхЕ: ВхЕ = C:D, то есть, 4х3: 8х3 = 12: 24 (S. 31.), также АХЕ: С=ВХЕ: D, то еспь, 4 х 3 12 = 8 х 3: 24 (\$. 139.).

#### ПРИБАВЛЕНІЕ 2.

5. 143. Когда же въ пропорціи Геометрической А: В = С: D, то есть, 4: 8 = 12: 24 будуть умиожены втораго со-

держануя члены Си D, то есть, 12 и 24 на одно тремийе, на пр. Е 3: то произведения ихъ Сх Е и Dх Е, то есть, 12 х 3 и 24 х 3, будуть содержаться между собою, какъ перваго содержануя члены А и В, то есть, 4 и 8, на пр. Сх Е: Dх Е А:В, то есть, 12 х 3: 24 х 3 — 4: 8, и произведение изъщетьято къ первому, какъ произведение изъ четвертато къ второму, на пр. Сх Е: А — D х Е: В, то есть, 12 х 3: 4 — 24 х 3: 8. Понеже С х Е: D х Е — С: D, то есть, 12 х 3: 24 х 3 — 12: 24 (\$. 141.); но С: D — А:В, то есть, 12: 24 — 4: 8 солержится по положению: то будеть Сх Е: D х Е — А: В, то есть, 12 х 3: 24 х 3 — 4: 8 (\$. 31); также С х Е: А — D х Е: В, то есть, 12 х 3: 4 — 24 х 3: 8

привавление з.

6. 144. Следовательно вы пропорціи Геометрической А: В - С: D, то есть, 4: 8 = 12: 24, естьли предвидуп те члены А и С, то есть 4 и 12 будуть умножены на одно трете, на пр. Е = 3: то произведентя их В Ах Е м Сх Е, то есть, 4 х з и 12 х з будуть содержаться между собою, какъ ихъ последующие члены В и D. то есть, 8 и 24, на пр. Ах Е: Сх Е В: D, то есть, 4 x 3: 12 x 3 = 8: 24, и одного предвидущаго произведение къ своему последующему будеть содержашься, какъ произведение другаго предвидущаго къ своему последующему члену, на пр. А х Е: В = С х Е: D, mo есть, 4 × 3: 8 = 12 × 3: 24. Понеже въ пропортіи Геометрической A: В = C: D, то есть, 4: 8 = 12: 24 могуть содержаться члены; и такимь образомь, какь А: C = B: D, то есть, 4: 12 = 8: 24 (\$. 139.): то бу-Aemb A x E: C x E = A: C, mo ecmb, 4 x 3: 12 x E = 4: 12 (S. 141.), также АхЕ: СхЕ=В: D, то есть, 4 x 3: 12 x 3 = 8: 24 (\$. 31.), WAXE: B = CXE:D, mo eemb, 4 × 3 : 8 = 12 × 3 : 24 (S. 139.).

ПРИБАВЛЕНІЕ 4.

\$\ 145. Когда же вы пропорціи Геометрической А: В—С: D, то есть, 4: 8—12: 24 последующіе члены В и D, то есть, 8 и 24 будуть умножены на одно третіе на пр. Е = 3: то произведенія ихы В х Е и D х Е, то есть, 8 х 3 и 24 х 3 будуть содержаться между собою, какы мхы предылущіе члены А и С, то есть, 4 и 12. На пр. В х Е: D х Е = А: С, то есть, 8 х 3: 24 х 3 = 4: 12, и одного последующаго произведеніе кы евоему предыллущему будеть содержаться, какы про- изведеніе другаго последующаго кы своему предыллушему

ецему члену, на пр. В х Е: А — D х Е: С, то есть, 8 х 3: 4 — 24 х 3: 12. Понеже въ пропорціи А: В — С: D, то есть, 4: 8 — 12: 24 могуть содержаться члены; и такимъ образомъ, какъ А: С — В: D, то есть, 4: 12 — 8: 24 (§. 139): то будеть В х Е: D х Е — В: D, то есть, 8 х 3: 24 х 3 — 3: 24 (§. 141), также В х Е: D х Е — А: С, то есть. 8 х 3: 24 х 3 — 4: 12 (§. 31), и В х Е: А — D х Е: С, то есть, 8 х 3: 4 — 24 х 3: 12 (§. 139).

### TEOPEMA XII.

Ежели дпа количества A и B, то есть, 6 и 12 булуто разлълены на одно трете, на пр. С = 3: то произшелийя изо того частныя числа, на пр. D и E = 2 и 4 булуто содержаться межлу собою, како разлъленныя количества A и B, то есть, 6 и 12.

### ДОКАЗАТЕЛЬСТВО.

Понеже 1: D = C: A, и 1: E = C: B, кно есшь, 1: 2 = 3: 6, и 1: 4 = 3: (2) (\$.76), также 1: C = D: A, и 1: C = E: B, то есшь, 1: 3 = 2: 6, и 1: 3 = 4: 12 (\$. 139); того ради будеть D: A = E: B, то есть, 2: 6 = 4: 12 (\$. 127); сабдовательно D: E = A: B, то есть, 2: 4 = 6: 12 (\$. 139). Ч. н. д.

#### прибавление т.

5. 147. Й потому въ пропорціи Геометрической А: В — С: D, то есть, 6: 12 — 9: 18, естьми перваго содержанія члены А и В, то есть, 6 и 12 будуть раздълены на одно третіе на пр Е — 3: то произтедтія изъ того частныя чйсла, на пр. F и G, то есть, 2 и 4 будуть содержаться между собою, какъ втораго содержанія члены С и D, то есть, 9 и 13, на пр. F: G — С: D, то есть, 2: 4 — 9: 13, и частное число изъ перваго къ третьему, какъ частное число изъ втораго къ тому, на пр. F: С — G: D, то есть. 2: 9 — 4: 18, и вбратно, третей члень къ частному изъ перваго, какъ

X 5

четвертой кЪ частному изъ втораго, на пр. С: F D: G, то есть, 9: 2 = 13: 4. Понеже А: В = С: D, то есть, 6: 12 = 9: 18 по положенію; на F: G = A: В, то есть, 2: 4 = 6: 12 (§. 146): то F: G = C: D, то есть, 2: 4 = 9: 18 (§. 31), также F: C = G: D, то есть, 2: 9 = 4: 18 (§. 139), и при томъ C: F = D: G, то есть, 9: 2 = 18: 4 (§. 138).

#### ПРИБАВЛЕНІЕ 2.

S. 143. Когда же вЪ пропорци Геометрической A: В — C:D, то есть, 3: 12 = 4: 16 будуть раздълены втораго содержанія члены С и D, то есть, 4 и 16 на одно треті на пр. Е = 2: то произшедшія изъ того частныя числа, на пр. F и G, то есть, 2 и 8 будупб содержаться между собою, какъ перваго содержанія члены А и В, mo есть, 3 и 12, на пр. F: G = A: В, то есть, 2: 8 = 3: 12, и частное число изъ третьяго къ первому, какЪ частное число изъ четвертаго ко второму, на пр. F: A = G: В, то есть, 2: 3 = 3: 12, и обратно, первой члень къ частному изъ третьяго, какъ второй къ частному изъ четвертаго, на пр. А: F = B: G, то есть, 3: 2 = 12: 8. Понеже А: В = С: D, то есть. 3: 12 = 4: 16 по положентю, а F: G = C: D, то есть, 2: 8 = 4: 16, (S. 146): mo F: G = A: B, mo есть, 2: 8 = 3: 12 (6. 31); также F: A = G: В, то есть, 2: 3 = 8: 12 (\$. 139,), и при томь А: F = B: G, то есть, 3: 2 = 12: 8, (5. 138).

#### привавление з.

\$- 149. Сатаовательно, естьми въ пропорци Геометрической A: B = C: D, то есть, 6: 12 = 9: 18 предвидущте члены А и С, то есть, 6 и 9 будуть раздълены на одно трепіїе, на пр. Е = 3: то произшедшій из того частныя числа, на пр. F и G, то есть, 2 и 3 будуть содержаться между собою, какъ последующе члены В и D, то есть, 12 и 18, на пр. F: G = В: D, то есть, 2: 3 = 12: 18, и частное число изъ одного предъидущаго къ своему последующему, какъ частное число изъ другаго предъидущаго къ своему последующему, на пр. F: В = G: D, то есть, 2: 12 = 3:18. Понеже А: B = C: D, то есть, 6: 12 = 9: 18 по положентю, и А: C=B: D, mo есть, 6: 9 = 12: 18 (5. 139); но F: G = A. C, то есть, 2: 3 = 6: 9 (§. 146): то будеть также F: G = B: D, то есть, 2: 3 = 12: 18 (§. 31), м при томъ F: B = G: D, то есть . 2: 12 = 3: 18. (§. 139).

#### привавление 4.

§. 150. Изъ чего видно, что езтьми въ пропорци Геоме-трической А: В = С: D, то есть, 2: 12 = 3: 18 последующе члены В и D, то есть, 12 и 18 будуть раздълены на одно трете, на пр. Е = 3: то произшедшія изъ того частныя числа, на пр. F и G, то есть, 4 и 6 будуть содержаться между собою, как предвидуте члены A и C, то есть, 2 и 3, на пр. F: G = A: С, то есть, 4:6 = 2:3, и частное число изъ одного последующаго къ своему предвидущему, какъ частное число изв другаго последующаго кв своему предвидуmeму, напр. F: A: G = C, то есть, 4: 2 = 6: 3. Понеже A: B = C: D, то есть, 2: 12 = 3: 18 по положенію; и А: С = В: D, то есть, 2: 3 = 12: 13 (S. 139); то будеть F: G = B: D, то есть 4: 6 = 12: 18 (S. 146), также F: G = A: С, то есть, 4: 6 = 2: 3 (S. 31), и при томъ F: A = G: C, то есть, 4: 2 = 6: 3 (\$ 139)

### TEOPEMA XIII.

§. 151. Когда дано бу дето несколько одинакихо содержаній, на пр. А: В,
С: D, Е: F, G: H, то есть, 2: 6, 3: 9,
4: 12, 6: 18, и проч. то сумма псехо
предоидущихо членопо ко сумме
псехо последующихо бу дето содержаться, како предоидущей члено
котораго нибу дь содержанія ко споему
последующему, на пр. А + С + Е + G:
В + D + F + H = A: В, то есть, 2 + 3 + 4 + 6: 6 + 9 + 12 + 18 = 2: 6.

## доказательство.

Понеже предвидущие члены меньше своихь последующихь: по по колику содержания даны одинакия, оные будуть одинакия части своихь последующихь, на пр:  $A = \frac{1}{3}B$ ,  $C = \frac{1}{3}D$ ,  $E = \frac{1}{3}F$ ,  $G = \frac{1}{3}H$ , то есть.  $2 = \frac{1}{3}6$ ,  $3 = \frac{1}{3}9$ ,  $4\frac{7}{3}$  12,  $6 = \frac{7}{3}$  18, и по тому будеть  $A + C + E + G = \frac{7}{3}B + \frac{7}{3}D + \frac{7}{3}F + \frac{1}{3}H$ , то есть,  $2 + 3 + 4 + 6 = \frac{1}{3}6 + \frac{7}{3}9 + \frac{7}{3}$  12  $+ \frac{7}{3}$  18 (\$. 35.); сабдовательно сумма предвидущихь къ суммъ посабдующихъ содержится, какъ 1:3 по положентю; но 1:3 = A:В, то есть, 1:3 = 2 6. Чего ради A + C + E + G:В + D + F + H = A:В, то есть, 2 + 3 + 4 + 6: 6 + 9 + 12 + 18 = 2:6.

ПоложимЪ, что предъидущёе члены будуть больше своихъ послѣдующихъ, на пр. A:B,C:D,E:F,G:H, то есть, 6:2,9:3,  $12\cdot4$ ,  $18\cdot6$ : то, для тѣхъже причинъ, послѣдующёе члены будуть одинактя части своихъ предъидущихъ, и слѣдовательно будеть  $B\to D\to F\to H=\frac{1}{3}A\to \frac{1}{3}C\to \frac{1}{3}E\frac{1}{3}G$ , то есть,  $2\to 3\to 4\to 6=\frac{1}{3}6\to \frac{1}{3}9\to \frac{1}{3}12\to \frac{1}{3}18$  (\$. 35.), и по тому сумма послѣдующихъ къ суммѣ предъидущихъ будеть содержаться какъ 1:3, по положентю; но 1:3=A В, то есть, 1:3=2:6, по первому случаю; слѣдовательно 1:3=30.

прибавление т.

§. 152. Следовашельно вы пропорции Геометрической А: В — С: D, 2: 4—3: 16, будеты чрезы сложение членовы (сотропендо), какы сумма членовы перваго содержания кы первому, или, ко второму тогожы содержания, такы сумма членовы другаго содержания кы третьему, или, кы четыертому, на пр: А — В: А — С — D: С, и А — В: В — С — D: D, то есть, 2 — 4: 2 — 3 — 16: 8, и 2 — 4: 4 — 3 — 16: 16. Понеже А: В — С: D, то есть, 2: 4 — 8: 16 по положению: то будеты также А: С — В: D, то есть, 2: 8 — 4: 16 (§. 139.); Но А — В: С — D — А: С, то есть, 2 — 4: 8 — 16 — 2: 8 (§. 151.): то будеты А — В: А — С — D: С, то есть, 2 — 4: 2 — 8

+ 16:8 (\$. 139); также A + B: C + D = B: D, то есть, 2 + 4:3 + 16 = 4:16 (\$. 127); слъдовательно и A + B: B = C + D: D, то есть, 2 + 4:4 = 8 + 16:16 (\$. 139.).

#### ПРИБАВЛЕНІЕ 2.

S. 153. Чего ради шеже обстоятельства должно наблюдашь, когда дано будеть насколько пропорцій. На пр. A: B = C: D, E: F = G: H, I: K = L: M, mo ecmb, 2: 4 = 3:16,6:12=24:48,32:64=123:256. M60 Bb maкомъ случав, сумма всъхъ предъидущихъ членовъ первыхь содержаний кь суммь всьхь своихь последующихь . членовь будеть содержаться, какь сумма всьхь предьидущих висновы вторых в содержаний кы сумма встхы посл $\pm$ дующихb, на пр. A + E + I: B + F + K = C + G+ L: D+ H+ M, mo ecmb, 2+6+32:4+12+64 = 8 + 24 + 128: 16 + 48 + 256. Honewe A + E + I: B+F+K=A:B, mo ecmb, 2+6+32:4+12+64 = 2:4, M C+G+L:D+H+M=C:D, mo ecmb, 8 + 24 + 128: 16 + 48 + 256 = 8: 16 (S. 151.); HO A: В = С: D, 2: 4 = 9: 16 по положению; следовательно бу-Aemb A + E + I: B + F + K = . C + G + L: D + H + M, mo ecmb, 2+6+32:4+12+64=8+24+128:16 -- 48 -- 256 (\$. 127.). Тожъ самое происходить и въ разсуждении умножения членовь, по колику умноженте есть сокращенное сложенте (S. 61.).

### TEOPEMA XIV.

§. 154. Ежели будето несколько одинскихо содержангй, на пр. А: В и C:D, то есть, 6:12 и 2:4: то разность предвидущихо коразности последующихо будето содержаться, како предвидущей члено одного котораго ни будь содержангя ко споему последующему. На пр. A-C:B-D=A:B или C:D, то есть, 6-2:12-4=6:12, или 2:4.

ДОКАЗАТЕЛЬСТВО!

Понеже A: B = C: D, то есть, 6: 12 = 2:4, по положентю: то будеть также А: C = B : D, mo eemb, 6 : 2 = 12 : 4 (§ 139.); но какъ оба члены перваго содержанія, по положентю, сушь больше членовь другаго содержанія, на пр. А>С, иВ>D, то ееть, 6 > 2 и 12 > 4: то какая часть С = 2 есть своего цвлаго А = 6, такая же часть булеть и D = 4 своего цвлаго В = 12, то еснь, объ часни будуть между собою подобиы. Ибо  $C = \frac{r}{3} A$ , и  $D = \frac{r}{3} B$ , то есть,  $2 = \frac{1}{3}6$ , и  $4 = \frac{1}{3}$  12; са Бдовательно, по от. няти ихь от цвлыхь, и оставшияся послв них вчасти, на пр. Еи F, то есть, 4и8, подобныя же будуть; чего ради будеть Е: A=F:B, то есть 4:6=8:12, или, что все равно, A — C: A = B — D: В, то есть, 6-2:6=12-4:12 (S. 131.), и A-С: В-D=A:В, то есть, 6-2:12-4=6: 12 (S. 139.); но понеже A: В = C: D, то есть, 6:12 = 2:4: то будеть также Е: С= F:D, то есть, 4:2=8:4 (\$ 131.), или, что все равно, A — C: C = B — D: D, mo есть, 6-2:2=12-4:4, и A-C:В \_D = C:D, то есть, 6-2:12-4=2: 4 (\$. 139.).

Положимь, что вы содержаніяхь A:B и C:D, то есть, 2:4 и 6:12 оба члены втораго содержанія будуть больше членовы перваго содержанія, какы и есть льйствительно: то, для тыхыже причинь, будеть A-C:B-D=C:D, то есть, 2-6:4-12=6:12. Понеже  $A=\frac{1}{3}C$ , и  $B=\frac{1}{3}D$ , то есть,

 $2 = \frac{1}{3}$  6 и 4 =  $\frac{1}{3}$  12 суть части изъ своихъ пълыхь между собою подобныя: то, по отняшін ихь оть цілыхь, оставшінся послів нихь части, на пр. Еи F, то есть, 4и8 подобныя же будуть; чего ради Е: С = F: D, mo есть, 4: 6 = 8: 12, или, что все равно, A - C: C = B - D: D, то есть, 2 -6:6=4-12:12 (S. 131.), и A-C: В -D = C: D, mo eemb, 2 - 6:4 - 12 = 6: 12 (S. 139.); но понеже A: B = C: D, то есть, 2:4 = 6:12: то будеть также, E: A = F: B, то есть, 4:2 = 8:4(S. 131.), или, что все равно, А — С: А =B-D:B, mo ecmb, 2-6:2=4-12: 4, и A — C: B — D = A: B, то есть, 2 — 6: 4-12=2:4 (§. 139). ч. н. д.

#### ПРИБАВЛЕНТЕ.

 155. Следовательно въ пропорци Геометрической А В = С: D, то есть, 6: 12 = 2: 4, члены содержатся между собою чрезъ вычитанте (diuidendo, feu conuertendo), какъ разность членовъ перваго содержанія къ предъидущему, или последующему тогоже содержания, такъ разность членовь другато содержанія кь предвидущему, или послѣдующему того же содержанія, на пр. А — В: A = C - D: C, или, A - B: B = C - D: D, то есть, 6-12:6=2-4:2, или, 6-12:12=2-4:4. Понеже A: B = C: D, то есть, 6: 12 = 2:4, по положентю, и A: C=B:D; то есть, 6:2=12:4 (S. 139.); но А - B: C-D = A: C, mo ecmb, 6-12: 2-4=6: 2 (S. 154.); следовательно A - B: A = C - D: C, то есть, 6-12:6=2-4:2 (\$. 139.); но понеже А:С \_ B: D, mo есть, 6: 2 \_\_ 12: 4: mo будеть также A B: C - D = B: D<sub>2</sub> mo ecms, 6-12:2-4=12:4 (S. 31.), и A-В: В = С-D:D, то есть, 6-12: 12 = 2 - 4:4 (5. 139.).

### примфчание т.

S. 156. Понеже изб предбидущих вомно видеть, что всякая Геометрическая пропорція во многих дру-

тих видах изображена бышь можеть: то не безполезно будеть, для краткости, всё случающияся вы пропорциях Геометрических перемёны здёсь предложить вообще:

- 1. Вы пропорцін Геометрической A: В = C: D, то есть, 2: 4 = 5: 10, третей члень можеть принять быть вмъсто втораго, а второй вмъсто третьяго (\$ 139), На пр. A: C = B: D, то есть, 2: 5 = 4: 10
- 2. Первой члень можеть принять быть выбото втораго, а трешей выбото четвертаго (\$. 138), На пр. A: B = C: D, то есть, 2: 4 = 5: 10 будеть В: A = D: C, то есть, 4: 2 = 10:5.
- 3 Сумма перваго и вшораго члена къ первому содержишен, какъ сумма препьяго и чепвершаго къ препьему (S. 152). На пр. А: В = С: D, то есть, 2: 4 = 5: 10.

4. Сумма перваго и впораго ко впорому содержийся, как сумма препьяго и четвершаго къ четвершому (\$. 152.), на пр. А: В = С: D, то есть, 2: 4 = 5: 10.

5. Сумма перваго и вшораго члена къпервому безъ впораго содержишея, какъ сумма прешьяго и че- швершаго къ прешьему безъ четвершаго. На пр. A: B = C: D, то есть, 2: 4 = 5: 10,

6. Разность между первымы и вторымы членомы кы первому, или, второму содержится, какы разность между третьимы и четвертымы кы третьему, или, четвертому (\$. 155.). На пр. A: B = C: D, то есть, 2: 4 = 5: 10.

будеть A — B: A — C — D: C mo есть, 2 — 4: 2 — 5 — 10: 5

или, 2:2=5:5

равнымы образомы: A - B : B = C - D : D

то есть, 2-4: 4=5-10: 10 или, 2: 4=5:10.

7. Второй члень къ четвертому содержится, какъ первой къ третьему. На пр. A: B = C: D, то сеть, 2: 4 = 5: 10:

будеть В : D = A : С то есть, 4: 10 = 2: 5.

 Третей члень къ первому содержится, какъ четвертой къ второму. На пр. А: В = С: D, то есть, 2: 4 = 5: 10;

будеть C: A = D: В то есть, 5: 2 = 10: 4.

5. Трешей члень къ четвертому содержится, какъ первой къ второму. На пр. А: В = С: D, то есть, 2: 4 = 5: 10.

> будеть С: D = A: В то есть, 5: 10 = 2: 4

то. Четвертой члень къ второму содержится, какъ третей къ первому. На пр. А: В = С: D, то есть, 2: 4 = 5: 10.

будеть D: В = C: А то есть, 10: 4 = 5: 2.

тт. Четвершой члень кы третьему содержится, какы второй кы первому. На пр. А: В — С: D, то есть, 2:4—5:10.

будеть D: C = B: A то есть, 10:5 = 4:2, и проч.

примъ\_

#### ПРИМЪЧАНІЕ 2.

\$. 157. А понеже о справедливости сихъ перемьть , вы разеужденти членовь, не скоро можно увтриться, по причинъ збивчивости; того ради, для краткости, должно смотръть только того, что естьли во всъхъ такихъ перемънахъ произведенте крайнихъ членовъ будетъ равно произ едентю среднихъ, или, какой знаменатель находится въ первомъ содержанти, такой же будетъ въ пакомъ, или, другомъ видъ взеображенную, должно почитать за справедливую.

### TEOPEMA XV.

§. 158. В прогресси Арифметической, а, b, c, d, e, f, g, b, i, то есть, 3, 5, 7, 9, 11, 13, 15, 17, 19, поколику между исьти членати есть одинакая разность, на пр. x = 2, сумма диух каких ни бу дь членой райна сумм других диух каких ни бу дь членой, которые из райном драстоянги от чих находятся.

## ДОКАЗАТЕЛЬСТВО.

Понеже a-b=h-i, b-c=g-h, c-d=f-g, mo есть 3-5=17-19, 5-7=15 -17, 7-9=13-15 (§. 122.); того ради a+i=b+h, b+h=c+g, c+g=d+f, то есть, 3+19=5+17, 5+17=7+15, 7+15=9+13 (§. 132.); събдовательно a+i=c+g, b+h=d+f, то есть, 3+19=7+15, 5+17=9+13 (§. 32.). Ч. н. д. TEO-

## TEOPEMA XVI.

\$. 159. Вд прогрессіи Арифметической, a, b, c, d, e, f, g, b, i, то есть, 3, 5, 7, 9, 11, 13, 15, 17, 19, псякой членд, на пр. <math>e=11, быпаетд рапенд полопинд суммы дпухд какихд ни будь членопд, которые отд него пд рапномд разстоянги находятся.

### ДОКАЗАТЕЛЬСТВО.

Когда возьмемъ въ разсужденте три только слъдующте члена, на пр. d, e, f, то есть, g,
11, 13 то будеть точно пропорцтя Ариометическая непрерывная (\$.120.), въ которой  $d \rightarrow f$   $= e \rightarrow e$ , то есть,  $g \rightarrow 13 = 11 \rightarrow 11$  (\$ 133.); и
слъдовательно  $e = (d \rightarrow f)$ : 2, то есть,  $11 = (g \rightarrow 13)$ : 2. (\$.134): Но доказано, что  $d \rightarrow f$   $= c \rightarrow g = b \rightarrow h = a \rightarrow i$ , то есть,  $g \rightarrow 13 = 7$   $+ 15 = 5 \rightarrow 17 = 3 \rightarrow 19$  (\$.158); того ради
члень e = 11 будеть также равень половинь каждой суммы изъ слъдующихъ: на пр. e  $= (c \rightarrow g)$ :  $2 = (b \rightarrow h)$ :  $2 = (a \rightarrow i)$ : 2, то есть,  $11 = (7 \rightarrow 15)$ :  $2 = (5 \rightarrow 17)$ :  $2 = (3 \rightarrow 19)$ :
2 (\$.31.). Ч. н. д.

### примъчание.

\$ 160. ТакимЪ же образомЪ доказывается, что и d = (b+f): 2 = (a+g): 2; также f = (d+b): 2 = (c+i): 2, й проч.

### TEOPEMA XVII.

9. 161. В прогрессён Арнометической, a, b, c, d, e, f, g, b, то есть, 5, 8, °11, 14, 17, 20, 23, 26, сумма псъх членопо рапна, (1.) ежели сумма крайних чле-3 2 нопь, ноид, то есть, симаго меньшаго и симаго большаго члена умножена будеть на псе число членоив, и произпеденге изв того раздылится на дпа, или, (2) ежели сумма крайних умножена будеть на полопину числа членопь, или, (3) когда полопина суммы крайних умножена бу деть на псечисло членопъ

### AORASATEABCTBO.

Положимъ, что членовъ есть чотка, или, ровное, то есть, такое число, которое на 2 двлишся безь останка по, поне. же a + h = b + g = c + f = d + e, то есть. 5 - 26 = 8 - 23 = 11 - 20 = 14 - 17 (S. 158.), сумма всвяв сихв суммв, що есть, сумма всвяв членовь произойдеть, когда всв онв вмветв сложены будуть, или, что все равно, когда одна которая ни будь изб показанных в суммв, на пр. a + h = 5 + 26 взята будеть столько разь сколько ихь встхв есть числомь, то есть, когда она умножена будеть на половину числа членовь. Понеже число встхъ сихъ суммъ составляеть половину числа членовь . для того что во всякой избоных всумм в находишся по два члена; савдовательно, когда которая ни будь сумма, на пр. сумма крайних b a + h = 5 + 26 = 31 умножена будеть на половину числа членовь: то произведение изъ того будеть сумма всвхъ членовь. Что было во вторыхь.

А когда сумму крайних умножишь на все число членовь: то произведение из того бу-

деть вдеое больше суммы всвяю членовь, какь видно изь доказательства втораго случая; чего ради раздъля оное на 2, частное число будеть сумма всвяю членовь. Ч. б. во первыхь.

Но какъ все равно, что хотя сумма крайнихъ членовъ умножена будетъ на все чиело членовъ, и произведенте раздълено на 2, или, хотя сумма крайнихъ напередъ раздълена будучи на 2, то есть, половина оныя, потомъ умножена будетъ на все число членовъ; того ради и въ такомъ случаъ сумма всъхъ членовъ будетъ равна половинъ суммы крайнихъ, умноженной на все число чле-

новь. Ч. б. въ третьихъ.

Положимь, что число членовь есть неровное, на пр. a, b, c, d, e, f, g, h, i, то есть, 5, 8, 11, 14, 17, 20, 23, 26, 29: то будеть такxe a + i = b + h = c + g = d + f, mo ecms, 5 + 29 = 8 + 26 = II + 23 = I4 + 20 \\$. 158.), и сабдоващельно сумма всбхв сихв суммь произойлень, когда онь всв вмвств будуть сложены. Но какь вы сумму ихъ не будеть входить средней члень е = 17, ноколику оной не быль принимань вы сравненте ни съ какимъ другимъ изъ данныхъ членовъ; того ради, для отвращения сего не-Достатка, сумму крайних a + i, то есть, 5 -- 29. умноживь на все число членовь, произведение изъ того будеть вдвое больше суммы вевхь членовь, также средняго e = 17, и савловашельно раздвля оное на 2, чаотное число будеть сумма встхв членовь или, что все равно, половину суммы крайнихь а -- і, то есть, 5 -- 29 умноживь на всечисло членовь, произведенте изь того будеть также сумма всвхь членовь. Ч. н. д. привавленте.

\$. 162. Понеже средней члень, которой остается безь сраянентя съ другимъ, есть половина суммы другихъ какихъ ни будь членовъ, которые отъ него въ равномъ разстоянти находятся (\$. 159.) и следовательно есть также половина суммы крайнихъ (\$. 31.); того ради, умноживъ его на все число членовъ, произведенте изъ того будеть сумма всёхъ членовъ.

## TEOPEMA XVIII.

§. 163. Вд прогресси Геометрической, a,b,c,d,e,f,g, то есть, 3,6,12, 24, 48, 96, 192, поколику между повми членами есть одинакой знаменатель, на пр. x=2, произпедение дпухд какихдни будь членопд рапно произпедению другихд дпухд какихдни будь членопд, которые отд нихд пд рапномд разстояни находятся.

## ДОКАЗАТЕЛЬСТВО.

Понеже a:b = f:g, ub:c = e:f, то есть, g:6 = 96:192, u6:12 = 48:96 (§. 122.); того ради будеть  $a \times g = b \times f$ ,  $ub \times f = c$  хе, то есть,  $g:6 \times g:6 \times g:6$ ,  $g:6 \times g:6 \times g:6$  то есть,  $g:6 \times g:6 \times g:6$  то есть,  $g:6 \times g:6 \times g:6 \times g:6$  то есть,  $g:6 \times g:6 \times g:6 \times g:6 \times g:6 \times g:6$  то есть,  $g:6 \times g:6 \times g:$ 

## TEOPEMA XIX.

§. 164. В в прогресси Геометрической, a, b, c, d, e, f, g, то есть, 3, 6, 12, 24, 48, 96, 192, псякой член , на пр. d = 24, есть рапен в радиксу, которой

торой из произпеденія дпухо каких ни будь членопо, по рапномо разстояній ото него находящихся, изплечено будеть.

ДОКАЗАТЕЛЬСТВО.

Естьли приняты будуть вь разсужденіе три только сл'блующ'є члена на пр. с, d, e, то есть, 12, 24, 48: то будеть точно пропорція Геометрическая непрерывная (S 120.), вb которой  $c \times e = d \times d$ , то есть, 12 × 48 = 24 × 24 (\$. 136.); и са Бловательно  $d = V_{c \times e}$ , то есть, 24 =  $V_{12}$ \* 48 (S. 137.). Но какЪ доказано, что с x е  $=b \times f = a \times g$ , mo ecmb,  $12 \times 48 = 6 \times 96 = 3$  $\times$  192 (S. 163): то средней члень d = 24 будеть равень радиксу, которой изв произвеленія двухь какихь ни будь членовь, вь равномь разстояни от него находящихся, извлечень будеть. На пр.  $d = Vb \times f = Va \times g$ , то есть, 24 = V6 x 96 = V3 x 192 (\$. 31.). 4. H. A. ПРИМЪЧАНІЕ.

\$. 165. Равнымы образомы доказывается, что н c = V  $\times d = Va \times e$ , то есть,  $12 = V6 \times 24 = V3 \times 48$ , также  $e = Vd \times f = Vc \times g$ , то есть,  $48 = V24 \times 96$   $= V12 \times 192$  и проч.

### TEOPEMA XX.

5. 166. Вд прогресси Геометрической, а, b, c, d, e, f, g, то есть, 2, 4, 8, 16, 32, 64, 128, разность крайних дленой кд суммы исых дленой, безд самаго большаго, содержится, какд разность самаго меньшаго и ближняго

### ДОКАЗАТЕЛЬСТВО.

Понеже g: f = f: e, e: d = d: c, c: b = b:a, mo ecmb, 128: 64 = 64:32, 32: 16 = 16:82 8:4=4:2 (\$. 122.): то будеть также g-f: f=f-e: e, e-d: d=d-c: c, c-b: b=b-a:a, mo ecmb, 128-64:64=64-32:32,32-16:16=16-8:8,8-4:4=4-2:2(\$.155.), ng-f+f-e+e-d+d-c+c-b+b-a: f + e + d + c + b + a = b - a : a, mo ecmb, 128 -64 + 64 - 32 + 32 - 16 + 16 - 8 + 8 - 4-+ 4-2:64-32+16-8-4+2=4-2: 2(S. 151.); Ho nonexe g-f+f-e+e-d+d-c+c-b+b-a=a-g, mo ecmb 128 -64-64-32-32-16-16-8-8-4 -+4-2=2-128, (\$. 55.); сабдовашельно a-g:f+e+d+c+b+a=a-b:a, moесть, 128 — 2:64 — 32 — 16 — 8 — 4 — 2 = 2 -4:2(\$, 31.). Ч. н. д.

### TEOPEMA XXI.

§. 167. В в прогресси Геометричет ской, a, b, c, d, e, f, g, то есть, 2, 4, 8, 16, 32, 64, 138, знаменатель содержания, на пр. <math>x = 2 безд единицы к единиць содержится, как разность сымаго меньшаго и сымаго большаго к суммы псых членонд, безд самаго боль»

большаго. На пр. x - 1: 1 = a - g: a + b + c + d + e + f, то есть, 2 - 1: 1 = 2- 128: 2 + 4 + 8 + 16 + 32 + 64.

### доказательство.

Понеже 1: X = a:b, то есть, 1: 2 = 2: 4 (\$. 103,76.),  $u \times : 1 = b:a$ , то есть, 2: 1 = 4:2 (\$. 138.): то будеть также X = 1: 1 = b - a:a, то есть, 2 - 1: 1 = 4. 2: 2 (\$. 155.). Но b - a: a = a - g:a. 4 + b + c + d + e + f, то есть, 4 - 2: 2. 4 + b + c + d + e + f, то есть, 4 - 2: 2. 4 + c + d + e + f, то есть, 4 - 2: 2. 4 + c + d + e + f, то есть, 4 - 2: 2 + c + d + e + f, то есть, 4 - 2: 2 + c + d + e + f, то есть, 4 - 2: 2 + c + d + e + f, то есть, 4 - 2: 2 + c + d + e + f, то есть, 4 - 2: 2 + c + d + e + f, то есть, 4 - 2: 2: 2 + d + e + f, то есть, 4 - 2: 2: 2 + d + e + f, то есть, 4 - 2: 2: 2: 2 + d + e + f. 4 - 2: 2: 2: 2 + d + e + f.

### TEOPEMA XXII.

§. 168. В в прогресси Геометрической, а, b, c, d, e, f, g, то есть, 2, 4, 8, 16, 32, 64, 128, сумма псъх членоп булет , когла изд самаго большаго пычтется самой меньшей, остаток разлытья на знаменателя, единицею уменьшеннаго, и к в частному числу приложен булет самой большен член в. На пр. a + b + c + d + e + f  $+ g = \frac{g-a}{x-1} + g$ , то есть, 2 + 4 + 8  $+ 16 + 32 + 64 + 128 = \frac{128-2}{2-x} + 128$ .

### ДОКАЗАТЕЛЬСТВО.

Понеже знаменатель безь единицы къ единицъ содержится, какъ разность самаго 3 г больщаго и самаго меньшаго кв суммв всвхв членовь, безь самаго большаго (\$.167.); то-го ради, поколику единица не умножаеть, разность крайних членовь, то есть, самаго большаго и самаго меньшаго, раздвля на знаменателя безь единицы, частное число будеть сумма всвхв членовь, безь самаго боль, шаго (\$.173.), которой кв ней приложивь, будеть сумма всвхв членовь. Ч. н. д.

### 3AAAIA XV.

\$. 169. КЗ даннымЗ тремЗ числамЗ 3, 5., 8, найти четпертое Ариюметическое пропорціональное число.

## рвшение.

1. Второй члень сложи съ третьимъ.

2. Наб суммы, ихв вычти первой членв, остатокь будеть четвертое Аривметическое пропорциональное число. На пр.

3, 5, 8. 5 x 3

то четвер. Арием. число.

## ДОКАЗАТЕЛЬСТВО.

Понеже въ пропорціи. Ариомешической сумма крайнихъ членовъ равна суммъ среднихъ можно принять вмъсто крайнихъ (\$. 31.), и слъдовательно изъ суммы среднихъ вычешь ши первой членъ, останется четвертое Ариометическое пропорціональное число (\$. 48.). Ч. н. д.

приба-

#### прибавление.

5. 170. Сабдовательно, когда въ пропорци Ариеметичеекой даны будуть три посабдние члена, на пр. 5, 8, 10, а требуется найти первой члень: то изъ суммы двухъ первыхъ членовъ вычетии посабдней члень, остатокъ будеть первой члень. На пр.

5, 8, 10.

5

13

10

3 neps. Apuam. 4uc 40.

### 3AAAYA XVI.

\$. 171. КЗ даннымЗ дпумЗ числамЗ 5, 7, найти третте Арифметическое пропорціональ: ное число.

ръшение.

т. Второй члень сложи самь съ собою.

2. Изъ суммы вычщи первой члень, остатокъ будеть третте Ариеметическое пропоругональное число. На пр.

5, 7. -7 -14 5

9 шреш. Ариом. число.

ДОКАЗАТЕЛЬСТВО.

Понеже въ пропорціи Ариометической непрерывной сумма крайнихъ членовъ равна среднему члену дважды взятому, или, самому съ собою сложенному (\$.133.); того ради средней членъ, дважды взятой, можно принять за сумму крайнихъ (\$.31.), и слъдовательно изъ онаго вычетии первой членъ, остатокъ, для тъхъ же причинъ (\$.48.), будеть третіе Ариометическое пропорціональное число. Ч. н. д.

#### привавление.

\$. 172. Явствуеть изъ сего доказательства, что между двумя числами, на пр. 5 и 9 среднее Ариометическое пропорціональное число — 7 майдется, когда два данныя числа будуть сложены, и сумма ихъ раздёлится на 2 (\$.134.). На пр.

5, 9.
5
12 14 7 среднее Арием. число.

### 3AAAAA XVII.

\$. 173. КЗ даннымЗ тремЗ числамЗ 9, 27, 6, найти четпертое Геометрическое пролорцёональное число.

## ръшение.

т. Посавднія два числа умножь между собою.

2. Произведенте изътого раздвли на первой члень, частное число будеть четвертое Геометрическое пропорціональное число. На пр.

9,27, 6,

9/162/ 18 четвер. Геом. число.

### ДОКАЗАТЕЛЬСТВО.

Понеже въ пропорціи Геометрической произведеніе крайнихъ равно произведенію среднихъ (\$.135); того ради, принявъ про-изведенія крайнихъ (\$.31), и слъдовательно раздъля опое на первой членъ, частное число будеть четвертое Геометрическое пропорціональное число (\$.67). Ч. н. д.

#### ПРИБАВЛЕНІЕ.

\$. 174. Следовательно, когда въ пропорціи Геометрической дацы будуть три последнія числа, 27, 6, 18, а требуется найти первой члень: по процаведеніе двужь первыхь первых в членов в разделя на последней членв, частное число будеть первое Геом етр. число На пр.

27, 6, 18.

18 1162 9 пер. Геом. число.

### 3AAAAA XVIII.

§. 175. КЗ данным д дпум в числам в в 24, найти третте Геометрическое пропорцтональное число.

## ръшение.

- т. Второй члень умножь самь на себя.
- 2. Произведен е изъ того раздъли на первой членъ, частное число будеть третте Геометрическое пропорцинальное число. На пр.

8, 24.

96

8/5761 72 препіте. Геом. число.

56

16

### ДОКАЗАТЕЛЬСТВО.

Понеже въ пропорции Геометрической непрерывной произведение крайнихъ равью произведению изъ средняго, самого на себл умноженнаго (\$.136.); того ради средней членъ, самъ на себл умноженной, можно принять за произведение крайнихъ (\$.31.), и съъдовательно раздъля оное на первой членъ, частное число будетъ третте Геометрическое пропорциональное число (\$ 67.). Ч. п. д.

ПРИБА-

#### ПРИБАВЛЕНІЕ.

176. Явствуеть изь сего доказательства, что между двумя числами, на пр. 8 и 72, среднее Геометрическое пропорціональное число найдется, когда изь произведенія двухь данныхь чисель извлечень будеть квадратном радиксь (\$. 137.). На пр.

8, 7 2.

5, 7 6 24 сред. Геом. чиело.

4 1 7 6 1 7 6

### примъчание!!

\$. 177. Между двумя данными числами среднее Геометричсское пропорціональное число можно найти и приміняясь, то есть, для произведенія двухі данныхі чисель должно прибрать такого ділителя, на котораго бы оное произведеніе разділимось безі остатка, и при томі бы оной ділитель, ві разсужденіи знакові, равені былі изі того промизтедтему частному числу. Но какі сїє получаєтся сі большимі трудомі, нежели по первому случаю: то лучте надлежить слідовать первому, а сей случай для того только здісь показані, чтобі, незнаний еще еще извлеченія радикса квадратнаго, могли по крайней мірі, но сему находить среднее Геометрическсе пропорціональное число.

### 3AAA4A XIX.

§. 178. В дрогрессіи Арифметической даны, еймой меньшей член 3, число петх з членов = 3, число петх з членов = 7, и разность оных 3 = 2; найти еймой большей член 3, то ееть, лоследней.

## ръшение..

1. Разность умножь на число членовъ безъ единицы.

2. КЪ произведентю приложи самой меньшей членъ, сумма буденъ самой большой членъ (б. 124.).

(\$ 124.) На пр. 7-1=615 самой большей члень.

3AAAYA XX.

6. 179. ВЗ прогрессии Аривметической даны . естой большей член3 = 15 . число пев 23 членоп3 = 7, и разноеть их3 = 2; найти самой меньшей членз, то есть, лерпой.

## ръшенте.

Нзв самаго большаго члена вычти разность, на число членовъ безъ единицы умноженную, остатокъ будеть самой меньшей члень, то есть, первой члень (S. 124.). На пр.

2×7-1=12

### з самой меньшей члень. примъчание.

 180. Ежелижь дана будень сумма всъхъчлеповъ = 63, число членовъ = 7, и разность = в : то, вы такомы случай, сумму всёхы членовы раздыля на половину числа членовь, часиное число будеть сумма крайнихь ( \$. 67, 161. ), и понеже вь оной находишся два раза самой меньшей члень и разность, на число членовь безь единицы умноженная (б. 178.); того ради из найденной суммы крайних вычетии разность членовь, на число оныхь безь единацы умноженную, и остатокь раздыля на 2, частное число будеть самой меньшей члень. На пр.

> 63: 7 = 18 $2 \times 7 - 1 = 12$ . 2 6 3 самой меньшей члень.

### BAAAIA XXI.

§. 181. ВЗ прогрессти Дрифметической даны, есімой меньшей член3=3, есімой большей = 15, и число членов3=7; найти разность членов3.

ръшение.

- т. Изъ самаго большаго члена вычин самой меньшей.
- 2. Остатовъ раздъли на число членовъ безъ единицы, частное число будетъ разность членовъ (§. 67.). На пр.

7—1 = 6 | 12 | 2 разность членовь.

ПРИМЪЧАНІЕ.

\$. 182. Ежели жь дана будеть сумма всвы членовь = 63, число членовь = 7, самой меньшей члень = 3: то, вы такомы случав, сумму всвый членовь раздыля на половину числа членовь, частное число будеть сумма крайнихь (\$. 67. 161.); и понеже вы оной суммы находится два раза самой меньшей, и разность на число членовь безы единицы умноженная (\$. 124, 178.); того ради изы най-денной суммы крайнихы вычетии два раза самой меньшей члень, и остаток раздыля на число членовы безы единицы, частное число будеть разность (\$. 67.). На пр.

 $63: \frac{7}{2} = 18$   $3 \times 2 = 6$   $7-1 = 6 \int 12 \int 2$  разность членовь. 3AAA4A XXII.

\$. 183. В в прогрессій Ариометической даны; самой меньшей члено 3, разность члено 3 — 2, и самой большей члено — 15; найти число члено в член

ръше-

## ръшение.

г. Изъ самаго большаго члена вычти самой меньшей членъ.

2. Остатокъ раздъли на разность, и къ произшедшему изъ того частному числу приложи единицу, то будетъ число членовъ. На пр.

\$. 184. Естьян же дана будеть сумма всъх членовь = 63, самой меньшей члень = 3, и самой большей = 15: то, вы такомы случав, сумму всъх членовы раздъля на половину суммы крайнихы, частное число будеть число всъхы членовы (\$. 67.). На пр. 15+3=18:2=9 63 7 число членовь.

Или, еумму всѣхъ членовь раздѣлл на всю сумму крайнихь, и частное число умноживь на 2, произведенте изъ того будеть число членовь. (§. 161.). На пр.

15 + 3 = 13 | 63 |  $3\frac{1}{2} \times 2 = 7$  число членовъ.

3AAAYA XXIII.

5. 185. ВЗ прогрессии Арифметической даны, есмой меньшей членд, ссмой большей и чиело членопз; найти сумму псьхз членопз.

РБШЕНІЕ. Понеже, или число членовь, или сумма крайнихь можеть быть число неровное: то

1. Естьли сумма крайних будеть число ровное, а число членовъ неровное: то, въ такомъ случав, половину суммы крайних и умноживъ

умнокивъ на все число членовъ, произведенте изъ того будеть сумма всъхъ членовъ (\$. 161,). На пр.

Са́мой большей члень = 15 число член = 7 Са́мой меньшей = 3

Сумма крайнижь 18 есть чис. неров. то будеть 18:2 = 9 × 7 = 63 сумма всёхьчл.

с Естьли же сумма крайних будеть число меровное, а число членовь ровное: то, вы такомы случав, сумму крайнихь, умноживы на половину числа членовы произведение изы того будеть также сумма всых членовы (\$. 161.). На пр

 Са́мой большей члень = 18 

 Са́мой меньшей = 3 

Сумма крайнихь = 21 есть чис. неров. то будеть 21 × 6:2 = 63 сумма встхв чл.

### прибавление.

5. 186. Изъ чего видно, что сумма всъхъ членовъ, въ разсуждени обоихъ случаевъ, найдется текить образомъ, когда сумма крайнихъ умножена будеть на все число членовъ, и произведение изъ того раздълится на а. (§. 161.). На пр.

Самой меньшей члень = 3
Самой большей = 13, число членовь = 6

2) 126 (63 сум. всёх в членовь :
Также

Самой меньшей члень = 3 число членовь = 7

18 7 2) 126 (63 сумма всёхь членовы.

3AAA9A

## 3AAAAA XXIV.

\$. 187. Вз прогрессии Арифметической даны, есмой меньшей членд, разность членопз и сумма петхз членопз; найти число членопз.

ръшение.

Первой случай. Когда самой меньшей члень, вдвое взятой, будеть больше разности: то

 Нзв самаго меньшаго члена, два раза взятаго, вычти разность и остатокъ раздъ-

ли на оную жъ разность.

2. Изб найденнаго таким образом частнаго числа возьми половину, оную умножь саму на себя, и произведенте изб того сложи съ суммою всбх членовь, взятою два раза и раздъленною на разность.

3. Потомъ изъ прошедшей сей суммы извлеки квадратной радиксъ (\$. 264.), и изъ онаго вычти показанную половину частнаго числа, остатокъ будетъ число

членовъ. На пр.

Са́мой меньшей члень = 14
разность членовь = 5
Сумма всбхъ членовъ = 203.

то будеть  $14 \times 2 = 28 - 5 = 23:5 = 4\frac{2}{7}:2 = \frac{23}{10} \times \frac{23}{10} = \frac{520}{100} + (203 \times 2:5) = 86$   $\frac{49}{100} = \frac{8649}{100} = \frac{78649}{100} = \frac{23}{10} - \frac{23}{10} = \frac{70}{10} = 7$ число членовь.

Второй случай. Когда меньшей члень, вдвое взятой, будеть меньше разности: то

из разности, и остаток раздели на оную же разность.

2. Изв найденнаго такимв образомв частиа-

11 2

camy

саму на себя, а произвеленте изъ moro сложи съ суммою всъхъ членовъ, два раза взятою и раздъленною на разность.

3. Потомъ изъ произшедшей сей суммы извлеки квалратной радиксъ (\$ 264.) и къ опому придай показанную половину чаетпаго числа, сумма будетъ желаемое число членовъ. На пр.

Самой меньшей члень = 2

разноешь = 5

сумма всвхв членовь = 87.

то будеть  $2 \times 2 = 4 - 5 = 1 : 5 = \frac{1}{5} : 2 = \frac{1}{10}$  $\times \frac{1}{10} = \frac{1}{100} + (87 \times 2 : 5) = 34 \frac{81}{100} = \frac{3481}{100} = \frac{3481}{100} = \frac{3481}{100} = \frac{1}{100} = \frac{59}{100} + \frac{1}{100} = \frac{60}{100} = 6$  число членовь.

## ЗАДАЧА XXV.

\$.188. ВЗ прогресси Арифметической даны, самой меньшей членз, разность и одинз такой членз, которой, будучи умноженз на число членоиз, рапняется суммы ценх з членоиз; найти число членоиз, и сумму псых з оных з.

## рвшение.

Первой случай. Когда меньшей члень, вдвое взятой, будеть больше разности: то

т ИзБ дважды взящаго даннаго члена вычши разность, какая будеть между дважды взятымь меньшимь членомь и разностью.

2 Остатокъ раздъли на оную жъ разность, частное число будеть число членовъ, которое сыскавъ, можно будеть найти и сумму вевхъ членовъ (\$.178 185.). На пр.

Са́мой меньшей члень = 3

разность членовь = 2

данной члень = 10

то будеть 10  $\times$  2 = 20 —  $(3 \times 2 - 2)$  = 16:2=87 число членовь а  $2 \times (8 - 1) = 14 + 3 = 17 + 3 = 20 \times 8 = 160:2 = 80$  сумма вевхь чле. новь.

Второй случай. Когда меньшей члень, вдвое взятой. будеть меньше разности: то

т СЪ дважды взянымъ даннымъ членомъ сложи разноснь, какая буденъ между дважды взянымъ меньшимъ членомъ и разноснью.

2 Сумму раздвли на разность, частное число будеть число членовь, которое сыскавь, можно будеть найти и сумму вевыв членовь (\$.178,185.). На пр.

 Са́мой меньшей члень
 2

 разносшь членовь
 5

 данной члень
 17

то будеть  $17 \times 2 = 34 + (2 \times 2 - 5) = 35$ : 5 = 7 число членовь; а  $5 \times (7 - 1) = 30 + 2$  =  $34 \times 7 = 238$ : 2 = 119 сумма всъхъчленовь.

3AAAYA XXVI.

5. 189. В прогресси Арифметической даны, самой меньшей членв, число членов и одинв такой членв, которой будучи умноженв на число членовв, равняется сумм в певяв членовв; найти разность и сумму певяв членовв.

ръшение.

1. Изb дважды взятаго даннаго члена вычти, два раза взятой, меньшей членb.

2. Остатокъ раздъли на число членовъ безъ елиницы, частное число будетъ разность. На пр.

Са́мой меньшей члень = 1
число членовь = 4
данной члень = 7

то будеть  $7 \times 2 = 14 - (1 \times 2) = 12 : (4 - 1) = 4$  разность;  $24 - 1 \times 3 = 12 + 1 = 13 + 1 = 14 \times 4 = 56 : 2 = 28$  сумма вебхъ членовъ. (\$. 178, 175.).

### примъчание.

5. 190. Сін три последнія задачи, котя и принадлежаті единственно кі Алгебре; только здесь предложены для того, чтобы показать, что и Алгебранческія задачи, котя є большимы трудомы, токмо рішены быть могуть и чрезы Арисметику.

### BAAAYA XXVII.

§. 191. В дрогрессіи Геометрической даяы, самой меньшей членд = 3, знаменатель = 2п число членоп= 3; найти самой большей членд.

## рвшение.

- 1. Знаменателя содержанія умножь самого на себя столько разь, сколько есть всёхь членовь сь искомымь, безь двухь.
- 2. На него такимъ образомъ умноженнаго умножь самой меньшей членъ, произведение изъ того будеть самой меньшей членъ (\$. 126.). На пр.

2×2=4×2=8×2=16×2=32×2=64×2 =128×3=384 самой большей члень.

### примъчание.

\$.192. Естьли дана будеть сумма всъх членовъ 2: 765, самой меньшей члень 3 и знаменатель 2: мо, вы такомы случай, самой большей члены найдется, когда сумма всъхы членовы умножится на знаменателя безы единицы, кы произведению приданы будеть самой меньшей члень, и напослъдокы сумма сія раздылится на знаменателя (\$.167.). На пр.

 $765 \times (2 - 1) = 765 + 3 = 768:2 = 384$  cámoř

большей члень.

3AAAHA XXVIII.

\$. 193. Вз прогресей Геометсической да ны, самой большей членз = 384, знаменатель = 2 и число членов = 8; найти самой мень-

PBMEHIE.

Самой большей члень раздвли на знаменателя, показаннымь образомь (\$.191) умноженнаго, частное число будеть самой меньшей члень (\$.67.). На пр.

2 X 2 = 4 X 2 = 8 X 2 = 16 X 2 = 32 X 2 = 64 X 2 = 128: 384 = 3 самой меньшей члень. ПРИМЪЧАНІЕ.

\$. 194. Ежели же дана будеть сумма всёхь членогь — 765, самой большей члень — 384, зна-менатель — 2: то, вь такомь случав, сумму всёхь членовь, безь самаго большаго, умноживь на знамена-теля безь единицы, и произведение вычетии изъсамаго большаго, остатокь будеть самой меньшей члень (\$. 167.). На пр.

765 — 384 = 381 × (2 — 1) = 381 — 334 = 3 ся́мой меньшей члень.

ЗАДАЧА ХХІХ.

\$. 195. ВЗ прогрессіи Геометрической даим ефмой меньшей член 3 = 3, ефмой большей = 84 и сумма перхд членоп 3 = 765; найти зніменатель.

PHEHIE.

- т. Самой меньшей члень вычши изв самаго большаго.
- 2. Остатов раздели на сумму вебхв членовь, бозв самаго большаго, и въ частному числу приложи единицу, сумма стя будеть знаменатель (\$. 167.). На пр.

384—3 = 381: (765—384) = 1—1=2 знаменашель.

#### Или

- Изъ суммы всъхъ членовъ вычти сямой большей членъ.
- 2. На остатокъ раздъли разность, какая будеть между самымь меньшимь и самымь большимь членомь.
- 3 КЪ произшедшему изъ того частному числу приложи единицу, сумма будеть знаменатель (§. 167.). На пр.

765 — 384 = 381: (3 - 384) = 1 + 1 = 23 на-

### 3AAAYA XXX.

\$. 196. ВЗ прогрессіи Геометрической даны, самой меньшей членз = 3, самой большей = 384, знаменатель = 2; найти число членоиз.

ръшенте.

- г. На самой меньшей членъ раздъли самой большей.
- 2. Знаменателя умножай самого на себя до твхв порв, какв опв будеть равень частному числу, которое происходить извраздвлентя самаго большаго члена на самой меньшей.
- 3. Сколько разъ такимъ образомъ знаменатель будеть умножеть, запиши, и приложивъ къ тому двъ единицы, будеть число всъхъ членовъ (\$. 126.). На пр.

3: 384=128

 $2 \times 2 = 4 \times 2 = 8 \times 2 = 16 \times 2 = 32 \times 2 = 64$  $\times 2 = 128$ .

Понеже знаменатель 2 самъ на себя умножень здъсь шесть разъ; того ради къ 6 приложивъ 2, сумма — 8 будетъ число членовъ.

BAAA-

## 3AAAYA XXXI

\$ 197. ВЗ прогрессіи Геометрической даны, самой меньшей членд = 3, знаменатель = 2 и число членоп = 8; найти сумму певх зчленоп = 8.

ръшение.

- 1. Найди самой большей члень ( §. 191. ).
- 2. Изъ онаго вычти самой меньшей.
- 3. Остатокъ раздъли на знаменателя, единицею уменьшеннаго, и къ частному числу приложи самой большей; такимъ образомъ будеть сумма всъхъ членовъ \$. 167.). На пр.

 $2 \times 2 = 4 \times 2 = 8 \times 2 = 16 \times 2 = 32 \times 2$ =  $64 \times 2 = 128 \times 3 = 384 - 3 = 381 : (2 - 1) = 381 + 384 = 765$  cymma Bcbxb членовъ

### ДОКАЗАТЕЛЬСТВО.

Понеже, какъ знаменатель, единицею уменьшенной, содержится къ единицъ, такъ разность между самымъ меньшимъ и самымъ большимъ членомъ, къ суммъ всъхъ членовъ, безъ самаго большаго (\$. 167.): то, поколику единица не умножаетъ разность крайнихъ членовъ раздъля на знаменателя безъ единицы, частное число будетъ сумма всъхъ членовъ безъ самаго большаго (\$. 173.), которой къ ней приложивъ, будетъ сумма всъхъ членовъ. Ч. н. д.

## ПРИМЪЧАНІЕ.

\$. 198. Что принадлежить до других задачь Ариометической и Геометрической прогрессии, обы оных вы Алгебры пространные будеть упомянуто; поколику оныя единственно до оной принадлежать.

И 5

ГЛАВА

# **ГЛАВА ПЯТАЯ**

ДРОБЯХЪ, ИЛИ ЛОМАНЫХЪ ЧИСЛАХЪ.

# опредъление ххіх.

6. 199.

Дообь, или, ломаное число (Fractio, fine, numerus fractus) есть часть цвлаго, или, единиды, которая какое ни будь цвлое число, таб извъсшнаго числа частей состоящее,

представляеть.

Положимь, что цёлое число на четыре равныя части раздёлено, и изы тёхь част й одна, или больше, берется, на пр. три: то число, такую часть цёлаго изображающее, какь, три четвертыхь, или, три четверти, числомь до манымь, или, дробью называется.

#### прибавление.

5. 200. Следовательно дробь состоить изъ двухь чисель, изъ которых одно показываеть, на сколько частей какое цълое разделено, и называется знаменатель (denominator), а другое, которое показываеть, еколько техь частей взято, называется числитель (numerator).

### положение.

5. 201. Дробь изображается, поставлях знаменателя внизу, а числителя вверь-ху, и одного отв другаго проведенною между ими линвечкою отдвляя. На пр. Ежели какое цвлое число будеть раздвлето на четыре равныя части, и изъ твхъ частой

частей возмутся три: то числитель будеть 3, а знаменатель 4, и изображается сладующимь образомь: 3. И ежели бы дробь 3 относилась ко извъстному цолому числу, на пр. ко артину: то бы она означала, что артинь должно раздолить на четыре равныя части, и таких частей взять три. примъчанте.

\$. 202. Происхожденте дробей иные производять от делентя, и называющь дробь частивым 3 числом 3, которое происходить от делентя, когда делитель вы делимомы числы, или, ни одного раза не можеть содержаться, или, не совершенно, но инсколько токмо разы содержится; тогда делитель будеть знаменатель, а делимое число числитель. Тожы самое разумыть должно и об остаткы оты делимаго числа, что сказано о целомы делимомы числы. Ибо и вы такомы случай правильно почитается остатокы за числителя, а делитель за знаменателя.

опредъление ххх.

6. 203. Дробь, вв которой числитель есть равенв знаменателю, на пр. 4, разна цвлому, поколику вв оной столько частей берется, сколько ихв цвлое имветв; а вв которой дроби числитель меньше сврего знаменателя, та дробь, поколику вв ней не всв части, но нвсколько токмо ихв берется, есть меньше цвлаго. На пр. 3; вв которой же наконецв д оби числитель будетв больше знаменателя, та дробь, поколику вв ней больше частей берется, нежели сколько ихв цвлое имветв, есть больше цвлаго. На пр. 4.

#### ПРИБАВЛЕНІЕ 1.

\$. 204. Чего ради количество, или, величина драби въ содержанти числителя ея къ знаменателю состоить, и
слъдовательно тъ драби будуть между собою равны,
въ которыхъ числители къ своимъ знаменателямъ
имъють одинакое содержанте (§. 130.). На пр. драби ф. 130. Та будуть между собою равны. Ибо числители всъхъ сихъ данныхъ дробей въ своихъ знаменателяхъ по три раза содержатся. Напротивъ того
та дробь, коей числитель въ своемъ знаменателъ
больше разъ содержится, нежели другтя драби числитель въ своемъ знаменателъ, будеть меньше оной другой.
На пр. 21 меньше, нежели въ для того, что 21 седьмую часть, а в половину того же цълаго изображаютъ.

прибавление з.

5. 205. И такъ дробь увеличивается, когда или числитель увеличится, или знаменатель уменьшится. Ибо въ первомъ случат больше частей берещея, а въ другомъ цълсе на большія части раздъляется. Напрошивъ того дробь уменьшится, когда или числитель уменьшается, или знаменатель увеличивается. Ибо въ первомъ случать меньше частей возмется, а въ другомъ тоже цълое на меньшій части раздълится.

привавление з.

§. 206. Изъ чего видно, что естьли какой ни буль дроби, на пр.  $\frac{4}{5}$ , какъ числитель, такъ и знаменатель будутъ умножены, или раздълены на одно трете число, на пр. 2: то, въ первомъ случаъ, произведент  $\frac{1}{2}$ , а въ другомъ, частныя числа  $\frac{2}{3}$ , составять дробь равную даннож (§. 114, 141, и 146.).

опредъление ХХХІ.

© 207. Пранильная дробь (fractio pura, propria) называется та, коей числитель есть меньше своего знаменателя. На пр. ⅔. Напротивь дробь не пранильная (fractio impura, impropria, fpuria) есть та, коей числитель, или равень своему знаменателю, или больше его. На пр. ⅙ и ⅙. Наконець смв-шенная дробь (fractio mixta) есть, при которой находится цълое число. На пр. ¾.

опредъление ХХХИ.

б. 208. Общей дълитель (communis diuifor maximus) дроби есть такое число, на которое и числитель, и знаменатель дроби
дълится безь остатка, такь что уже произшедшія изь того новыя дроби, данной равныя, числитель и знаменатель ни на какое
другое, по изволенію взятое число, безь остатка не раздълится.

опредъление хххии.

6. 200 V меньшенге, или сокращенге (Reductio fractionis ad minimos terminos) дроби есть так е двиствіе, чрезв которое находится данной дроби другая равная, токмо вв меньшихв числахв.

3 A A A Y A XXXII.

\$. 210. Изд непрапильной дроби пыключить
 цылыя числа.

ръшение.

Числителя раздёли на знаменателя, частное число будеть число цёлыхь, то есть, такое число, которое будеть показывать, сколько цёлыхь вы той дроби находител; а остатокь, естьли будеть какой, предетавь вы дроби (\$. 201, и 202.). На пр.

$$\frac{24}{6}$$
 24(4 makke  $\frac{23}{5}$   $\frac{23}{20}$   $\frac{4^{\frac{2}{5}}}{20}$ 

доказательство.

Частное число 4 показываеть, сколько разь знаменатель 6 вы числитель 24 содержител (\$. 114, 112, 76.); но знаменатель есть тоже самое, что и цылое число (\$. 200.):

Слъдовательно частное число показываеть, сколько разь цълое число въ дроби содержител, и потому оно будеть число цълыхъ. Ч. н. д.

## 3AAA4A XXXIII.

Я \$ 211. Смишенную дробь припеети по не-

ръшение.

- д. Цёлое число умножь на знаменателя дроби.
- 2. Произшедшее изБ того произведенте сложи съ числителемъ ея.
  - 3. Потом подвермму подпиши тойже дроби знаменателя. Таким образом из см вшенной дроби произойдет дробь неправильная. На пр.  $2\frac{1}{3}$  =  $2 \times 5$  = 10 + 3 =  $\frac{1}{3}$ .

## 3AAAYA XXXIV.

S. 212. Цълое число принести из дробы.

## ръшенте.

Подь цвлымь числомь проведи линвечку, и подпиши единицу. Такимь образомы цвклое число будеть представлено вы дроби.
На пр. 5 = ½ и проч.

## 3AAAYA XXXV.

5. 213. Цвлое число принести из дровь, ко-

## . РВШЕНІЕ.

нателя, произведенте из того будеть числитель дроби къ данному ел знаменателю. На пр. цълое число — 3, знаменатель дорби — 8.

будеть 3 x 8 = 24.

#### ДОКАЗАТЕЛЬСТВО. =

Понеже какЪ единица кЪ данному цѣлому числу з содержится, такЪ данной знаменатель кЪ произведенїю 24, то есть, 1: 3 = 8:24 (\$. 66.); Но единица и данной знаменатель есть тоже самое, что и цѣлое число (\$. 200.); того ради найденная дробь  $\frac{2}{3}$  данному цѣлому числу з есть равна (\$. 130.), и слѣдовательно цѣлое число въ
дробь приведно. Ч. н. д.

- 3AAAYA XXXVI.

S. 214. Найти общаго дёлителя, то есть, найти такое число, на которое бы, как в числитель, так в и знаменатель какой ни будь данной дроби мог враздёлиться без в остатка.

ръшение.

т. Знаменателя данной дроби раздвли на числителя ея.

= 2. Потомъ на остатокъ, какой будеть отъ перваго дъления, раздъли его дъли-

теля, то есть, числителя дроби.

23. Равнымь образомь на остатокь, какой будеть от втораго двленія, раздвли двлителя втораго жь двленія, и такь далве продолжай до твль порь, какь раздвлителя безь остатка. Такимь образомь послыдней двлитель. На пр. дроби 16 найдется общей двлитель. 24 слвдующимь образомь:

ДОКА-

**ДОКАЗАТЕЛЬСТВО.** 

Понеже на последней делищель 24 лвлится безъ остатка двлитель 72 предъидущаго, то есть, втораго двлителя; того ради раздълитея также безъ остатка на оной и двлимое число 168 предвидущаго, то есть, втораго двлентя, потому что оно изв двлимаго 72, послваняго двлентя, нвсколько разв взятаго (вв семв случав дважды), и изъ дълишеля 24 того же дълен я состоить. По чему, когда на посавдней авлитель двлится безв остатка одно изв данных в чисель, на пр. 168, то есть, числитель, и остатокъ отъ перваго дълентя 72: то раздвлишея также и другое изв данныхв, на пр. 240, по есть, знаменатель; потому что оно изъ меньшаго, то есть, 168 нв. сколько разв взятаго (вв семв случав однажды ), и изв остатка отв перваго двлентя, то есть, 72 состоить; слъдовательно посабдней аблитель есть общей аблитель обоихь данныхь чисель, то есть, какь числителя, такв и знаменателя. ( \$. 208. ). Ч. н. д.

5. 215. Данную дробь из меньших числах предетанить, то есть, найти такую дробь которая бы из меньших числах з изображалась, была бы раина данной дроби.

3AAAYA XXXVII.

рвшение.

/ л. Найди общаго дВлишеля ( S. 214.).

2. На него какъ числителя, такъ и знаменателя раздъли, частныя числа составять искомую дробь, и равную данной дроби. (\$. 204, 146.).

приба-

#### привавление.

5. 216. Понеже, изб разделенія какого на будь числі на единицу, частное число бываєть тоже делимое (\$. 76, 130.); того ради, естьли какой ни будь дроби общей делитель будеть единица, та дробь вы меньшихы числажь представлена быть не можеть.

## примъчание т.

\$. 217. Ежели числитель и знаменатель какой ин будь дроби будуть не большія числа на пр. 48 то вы такомь случаь общаго делителя, для уменьшентя помянутой дроби, не искать показаннымь образомь, для того чтобь не имёть продолжентя вы действіи, но смотрёть только того изб умножентя, то есть, изб какихь чисель числитель и знаменатель данной дроби происходять, и естьли вы обоихь найдется одинаксе умножаемое число то, поколику на него какь числитель, такь и знаменатель раздёлятся безь остатка, будеть оно общей дёлитель.

#### ПРИМЪЧАНІЕ 2.

\$. 218. Хотябы какая дробь и изъ большихъ чисель состояла, однако можно и такую дробь, не находя для оной общаго дблишеля, уменьшать слвдующимь образомь: Должно смотрыть не последние знаки, что от правой руки, числителя и знаме-. нашеля, и прибирать для нихв, по изволентю, такого двлителя, на которой бы они могли раздвлиться безь остатка; потомь должно смотрять также и на последние знаки, произшедшия изб того новой Ароби, и приняшь по изволению для оной такого Авлителя, на которой бы также числетель и знаменатель ен могь раздалиться безь остатка, и сте двиствие до техь порь продолжать, какь уже ни на какого, по изволенто взящаго дълишеля, не можно будеть раздълить числителя и знаменателя дроби. Ибо и такимъ образомъ найденная послъдняя дробь; будеть изображаться вы меньших инслахы, и данной дроби равна. На пр.  $\frac{1}{1}$ ,  $\frac{1}{2}$ ,  $\frac{3}{4}$ , найдешся по сему правилу слъдующимь образомь:

# 

## примъчание з.

5. 219. А чиобъ можно было уменьшать дроби способите и скоряе по показанному правилу (5. 218.): то небезполезно будеть знать слъдующия правила:

- 1. Всякое число можеть раздълено быть безь остатка на 2, вы которомы послъдней знакь, оты правой руки, дълится на 2.
- 3. На 3 можно раздълить безь остатка всякое такое число, вы которомы сумма всыхы знаковы, дылится на 3.
- 3. На 4 можно раздёлить безь остатка такое число, вы которомы два послёдние знака, оты правой руки, дёлятся на 4.
- 4. На 5 всякое число можеть раздълено быть, въ которомь послъдней знакь, от правой руки, будеть 5, или о.
  - 5. Раздълишен безь остатка на 6 то число, въ которомь послъдней знакь, отъ правой руки, какъ на 2, такъ и на 3 дълишен.
- 6. На 8 безь остатка можно раздълнить то число, вы которомы три послыдние знажа, оты правой руки, дълятся на 8.
  - 7. На 9 двлятся безь остатка вев тв числа, вы которых сумма всвх знаковь, двлится на 9.
  - 8. Всякое число раздалится на 10 безь остатка, въ которомъ последней знакъ, отв правой руки, бу-

#### примъчание 4.

\$ 220. А чтобы узнать, дълится, или нътъ безъ остатка какое ни будь число на 7, на то правила показать не можно; но токмо надлежить отвършвать дълениемъ.

примъ-

## примъчание 5. =

5. 221. Дробь въ меньшія числа приводишся, мли для скоръйшаго и удобнъйшаго вычисленія, или чтобъ лучше понять, какая она будеть часть своего цълаго. На пр.  $\frac{2}{3}$  сажени, лучше понять можно, что онъ значать тоже самое, что и 2 аршина, нежели  $\frac{1}{2}\frac{4}{7}$  тогоже цълаго, то есть, сажени, хотя впрочемь объ дроби, то есть  $\frac{2}{3}$  и  $\frac{1}{2}\frac{4}{1}$  одну такую жь часть онаго цълаго изображають.

## 3AAAAA XXXVIII. =

5. 222. Дроби, разных знаменателей им выщёя, принести ко одному знаменателю.

- ръшение первое.

Периой случай. Когда даны будуть двв только дроби, на пр.  $\frac{2}{3}$  и  $\frac{3}{4}$ : то

=1. Числишеля и знаменашеля первой дроби, умножь на знаменашеля другой. На пр.  $\frac{2}{3} \times \frac{4}{3} = \frac{8}{3} = \frac{2}{3}$ .

2. Потомъ числителя и знаменателя второй дроби умножь на знаменателя первой. На пр.  $\frac{3}{4} \times \frac{3}{3} = \frac{9}{12} = \frac{3}{4}$ . Такимъ образомъ произошли дроби, имъющія одинакаго знаменателя, и даннымъ равныя (\$. 206).

 $\sim B$ торой случай. Когда даны будуть три дроби, на пр.  $\frac{2}{3}$ ,  $\frac{3}{4}$ ,  $\frac{5}{7}$ , или и болве: то

= 1. Числитель и знаменатель первой дроби умножается на знаменателей второй и третей дроби. На пр.  $\frac{2}{3} \times \frac{4}{7} \times \frac{7}{7} = \frac{56}{84} = \frac{2}{3}$ .

2. Потомъ числитель и знаменатель второй дроби умножается на знаменателей первой и третей дроби. На пр.  $\frac{3}{4} \times \frac{3}{3} \times \frac{7}{7} = \frac{6}{8} \frac{3}{4}$ 

 3. Наконець числитель и знаменатель третьей дроби умножается на знаменателей первой и второй дроби. На пр.  $\frac{6}{7} \times \frac{3}{3} \times \frac{4}{3} = \frac{7}{8} \frac{4}{8}$  =  $\frac{6}{9}$ . Такимъ образомъ, вмѣсто данныхъ дробей  $\frac{2}{3}$ ,  $\frac{2}{4}$ ,  $\frac{6}{7}$  произойдуть дроби, одинакаго знаменателя имѣющій, и даннымъ равныя  $\frac{16}{8}$ ,  $\frac{6}{8}$ ,  $\frac{2}{8}$ ,  $\frac{7}{8}$ . Такимъ же образомъ должно поступать, когда дано будеть большее число дробей, то есть, надлежить умножать каждой дроби числителя и знаменателя прочихъ дробей.

ръшение второе.

Всвхь дробей, сколько ихь ни будеть дано, знаменашелей между собою умножь, и произведение изв того, которое общимь знаменателемо называется, на знаменателя каждой дроби раздвли, а частное число на числишеля шойже дроби умножь: или, что все равно, найденнаго общато знаменашеля на числишеля каждой дроби умножь, а произведенте на знаменашеля тойже дроби раздёли. Такимъ образомъ, какъ произведентя, такь и частныя числа будуть числители искомых дробей; из которыхь подв каждаго особливо, подписавь общаго знаменашеля, выдеть то, что требовано, то есть, дроби имвющія разныхь знаменашелей, приведущся подъ одинакаго знаменашеля даннымь будуть равныя. На пр. даны дроби  $\frac{2}{3}$ ,  $\frac{1}{2}$ ,  $\frac{2}{5}$ , которыя будуть подь одинакимъ знаменашелемь чрезь ета рвшенте савдующимь образомь: 3 х 2 = 6 x = 30,  $x = 10 \times 2 = 20$ , mo ecmb, вм 5сто дроби  $\frac{2}{3}$ , будеть  $\frac{20}{30}$ , также 30: 2 деть  $\frac{1}{30}$ ; наконець 30:5 = 6 x 3 = 18, то есть «

Orpoduian

Segsoilalia To

TolqaciEntroquia

есть, вм всто  $\frac{3}{5}$ , будеть  $\frac{7}{3}$ , и потому вм всто дробей  $\frac{2}{3}$ ,  $\frac{7}{2}$ ,  $\frac{7}{5}$ , будеть  $\frac{20}{30}$ ,  $\frac{1}{3}$ ,  $\frac{5}{3}$ .

\$. 223. Что еказано во второмъ рътенти, онос короче можно заблать слъдующимь образомь: Ко-гда всъхь данныхъ дробей знаменатели между собою умножаются: то ть знаменатели, которые въ другихъ данныхъ содержатся безь остатка, выпускаются, а умножаются только ть, кои въ другихъ равно не содержатся. И такъ чрезъ сте общей знаменатель будеть меньте, а потому и раздълнися скоряе, и частное число, изъ того произмедтее, также удобнъе умножится. На пр. даны дроби 4, 5, 2, 3, 4: то поколику 4 въ 8, а 3 въ 9.

содержащся безь осщашка, умноживь щокмо 8 на у . В соблиду произведение 72, будеть общей знаменатель гораздо дуть в соменьше того, какой бы изь умножения вськы зна- такий вна шенателей между собою произошель, какы на приснавем со

 $4 \times 3 = 12 \times 8 = 96 \times 9 = 864$ 

\$. 224. Сложить данныя дроби.

ръшение.

Перпой случай. Когда даны будуть дроби, им вющія одинаких в знаменашелей: то, сложивь всвхь числителей, подь суммою ихь подпиши знаменашеля; дробь изь того произшедщая, будеть сумма данных в дробей. На пр.

9. 70 me de 14 ech dome 9 mo integremo y 136 g mo integremo y 136 pa 3 g to nomi E to in an 8 8 8 cult ytabin china.

Второй елучай. Когда даны будуть дробы, имбющтя разныхь знаменателей: то во-

пе

первых выдлежить привести их вы одинакому знаменателю (§. 222.), а потомы далве поступать сы ними, какы вы первомы случав показано. На пр.

216 | 248 | 34 | 162 | 5 | 180 | 3216 | cymma.

## доказательство.

Понеже знаменашели показывають, на сколько частей какое цёлое раздёлено; а числитель изображаеть, сколько такихь частей взято (\$.200.); того ради одни только числители складывать должно. Но какъ числители, разныхь знаменателей имѣюще, сложены быть не могуть, поколику числа слагаемыя должны быть одного роду (\$.44); слъдовательно, данныя дроби, разныхь знаменателей имѣющія, прежде сложенія ихъ, къ одному знаменателю привести должно и потомъ сложить. Ч. н. д.

## ПРИМВЧАНІЕ 1.

6. 225. Когда сумма дробей будеть неправильная дробь: то вы такомы случай выключаются изы оной цёлыя числа (\$ 210.).

примъчание 2.

. \$. 226. Естьми слагаемыя дроби будуть смъшенныя: то складываются особливо дроби, и особливо цълыя числа; только то притомь должно примъчать, что изъ суммы дробей выключенныя цълыя числа, (когда она будеть неправильная) вкладываются съ цълыми данными числами; а остатокь токъ естьли можно, уменьшенной (б. 215.), при оныхъ же цълыхь приписывается. На пр.

ЗАДАЧА ХТ.

§. 227. Вычесть одну дробь изв другой. PBMEHIE.

Перпой случай. Когда данныя дроби будуть имъть одинакихь знаменателей; то меньшей дроби числителя, изб числителя большей вычшя, подпиши подъ остащкомъ знаменателя ихь; такимь образомь, произшедшая изъ того дробь, будеть желаемая разность данных дробей. На пр.

ф разность.

Второй случан. Когда данныя дроби будуть имъть разныхъ знаменателей: то прежде всего должно ихъ привесть къ одинакому знаменателю (§. 222.), и потомь одну изь другой вычитать, какь вы первомы влучав показано. На пр.

*Претей случай*. Когда данныя дроби будуть смъщенныя: то сперьва одна дробь изъ/ другой вычитается, а потомъ одно цълое изб другаго показанным образом , и къ разности ихъ приписывается разность дробей, что составить искомую разность ланных смвшенных дробей. На пр.

> 4<sup>2</sup>/<sub>3</sub> 4 2<sup>1</sup>/<sub>2</sub> 3 2 1 разность.

Четпертой случаи. Когда из увлаго числа должно будеть вычесть дробь: то вытакомь случав отв увлаго числа отнимается единица, и представляется въ дроби, коей знаменатель принимается тоть же, какой имбеть вычитаемая дробь (\$.213.), а потомъ, какъ и прежде, изъ числителя произведенной дроби вычитается числитель данной дроби, посл в того оставщаяся дробь къ данному цълому числу безь единицы приписывается; что будеть искомая разность даннаго цвлаго числа и дроби. Такимь же образомь изв цвлаго числа вычишается см вшенная дробь. Напр.

изь 4 вычесть то будеть 3 5 5 2 2 2 3 - 3 разность. Естьми же изБ 4 вычесть 23

то будеть  $\frac{3\frac{5}{5}|5}{\frac{2\frac{2}{5}|2}{1-\frac{3}{5}}}$  разность.

Пятой случай. Когда из в см в шенной дроби вычесть должно будеть цвлое число: то одни только цвлыя числа, одно из другаго вычитаются, и кв остатку их приписывается дробь, что будеть искомая разность данной см в щенной дроби и цвлаго числа. На пр.

2<sup>3</sup>/<sub>2</sub> разность.

— Шестой случай. Когда должно будеть вычитать нъсколько дробей изъ нъсколькихъ же: то въ такомъ случав, какъ тъ лроби, изъ которыхъ должно вычитать, такъ и вычитаемыя, приводятся чрезъ сложение въ одну дробь (\$. 224.), и потомъ одна изъ другой показаннымъ образомъ вычитается. На пр. изъ 5 ₹ → 3 ₹ → 2 ⅓ вычесть 1 ₹ → 4 ₹.

#### примъчание т.

\$. 228. Что сказано вы четвертомы случав (\$. 227.) оное получить можно кратчайшимы образомы: когда числитель данной дроби вычтется изы стоого знаменателя а оты цылаго числа отнимется единица: то такимы образомы изы цылаго числа вычтется дробы. ПРИМБЧАНІЕ 2.

\$. 229. Естьин случится, что дроби приведши къ одному знаменателю, одну изъ другой вычитать не возмежно будеть: то въ такомъ случав оть того цълаго числа, которое находиться будеть при той дроби, изъ которой слъдуеть вычитать, отнимается сдиница и приводится въ дробъ (\$. 213.); а приведенная складывается съ числителемъ, изъ котораго должно было вычитать, и нотомъ изъ котораго должно было вычитать, и нотель, котораго прежде вычесть не можно было. Послъ того одно цълое число изъ другаго цълаго, единицею уменьтеннаго, вычитается обыкновеннымъ образомъ, и къ разности ихъ принисывается разность дробей, при нихъ находящихся. На пр.

Изb  $6\frac{2}{5}$  вычесть  $2\frac{6}{7}$ :

жто будеть 35 5<sup>2</sup>/<sub>3</sub> 14 49 2<sup>6</sup>/<sub>50</sub> 50 3 <sup>1</sup>/<sub>2</sub> разность.

Сте самое крашчайшим образом за бластся чрезь приложенте общаго знаменателя къ числителю, изъкоего вычитать не можно было, а число цълое также единицею должно уменьшено быть.

#### примъчание з.

5. 230. Разность дробей естьми случится вы боли шихь числехь, или хотя и вы малыхь, токмо уменьшается межеть: то, для лучшаго поняття, уменьшается (6. 215.), и уменьшается уже причисывается кы разности цёлыхь.

ПРИ-

## примъчание 4 =

\$ 231. Сложение и вычитание дробей повъряется такимъ же образомъ, какъ и простыхъ чиселъ сложение и вычитание (б. 59.), то есть, сложение вычитаниемъ, а вычитание сложениемъ.

## ЗАДАЧА XLI. — \$. 232. Умножить дробь на дробь. РБШЕНІЕ.

 Числителя одной дроби на числителя другой, и знаменателя одной на знаменателя

другой умножь.

2. Подъ произведентемь числителей, подпиши произведенте знаменателей. Такимъ образомъ дробъ, изъ того произшедшая, будеть искомое произведенте данныхъ дробей. На пр.

 $\frac{3}{4} \times \frac{2}{3} = \frac{6}{12}$  произведенте. ДОКАЗАТЕЛЬСТВО.

\_ Понеже одно число на другое умножить есть не что инное, какъ одно изъ нихъ взять етолько разь, сколько другое единиць имьеть (\$. 60.); но дробь представляеть пвкоторую токмо часть цвлаго (\$. 199.); того ради, когда одна дробь на другую, на пр. 💃 на 🙎 умножается: то берется, изъ умножаемой дроби 3 такая часть, какую другая Аробь <sup>2</sup> изображаеть. И понеже знамена. тель есть одно только имя, показующее на сколько частей цёлое раздёлено (S. 200.); то изъ одного токмо числителя 3 множи. мой дроби, должно взять такую часть, какую другая дробь 3 изображаеть, то есть, двв трети. И такъ слвдуеть показаннаго числителя 3, раздБлить на знаменателя 3 другой другой дроби, и на числителя ся 2 частное число умножить, произведенте будеть искомое число. Но какъ не всегда числителя множимой дроби на знаменашеля другой раздвлишь можно: то вы такомы случав числишеля и знаменашеля множимой дроби должно умножить на знаменателя другой, чрезь что самое не перемвнится количество щой дроби (S. 141, 204.); а произведение изЪ того раздванть на тогоже знаменателя, и частное число умножить на числителя той другой дроби, а нодъ произведение подписать произведение знаменащеля множимой дроби. Такимъ образомъ дробь, изъ того преизшедшая, будеть искомое произведенте; но понеже напрасной быль бы трудь, числителя и знаменателя множимой дроби умножать на знаменателя другой, а произведенте изъ того дълить на того жъ знаменателя, и потомъ частное умножать на числишеля той другой дроби; того ради, для крашкости умножается только числитель на числителя, а знаменатель на знаменателя. Ч. н. Д.

ДРУГОЕ ДОКАЗАТЕЛЬСТВО.

ПоложимЪ, что множимая дробь  $\frac{2}{3}$  будеть равна  $\frac{A}{B}$ ; а умножающая дробь  $\frac{2}{3} = \frac{C}{D}$  то есть, A:B u C:D (§. 114.); то будеть B:A=1:F, u D:C=1:G (§. 76.). Слъдовательно  $B\times D:A\times C=1\times 1:F\times G$  (§. 153.), также  $A\times C:B\times D=F\times G:1\times 1:G$  (§. 138), то есть,  $A\times C=B\times D$  (§. 128.). Ч. и. д.

#### ПРИМЪЧАНІЕ І. =

\$ 233. Что произведение дробей есть меньше умножаемых в между собою дробей: то удивияться тому не должно, поколику вы умножении дробей шакая часть беретея, какую другая дробь изображаеть, и чрезы что умножение перемыняется вы дыление, какы то ясно видыть можно изы предложеннаго доказательства.

## примъчание 2. =

\$. 234. Естьли цёлое число, на пр. 5 на дробь должно будеть умножить: то вы такомы случай, цёлое число 5 приводится вы дробь (\$. 212.), и потомы на данную дробь умножается (\$. 232.).

 $=\frac{5}{1} \times \frac{2}{3} = \frac{10}{3} = 3\frac{1}{3} (S. 210.).$ 

Такимъ же образомъ надлежить поступать, когда кробь на цёлое число умножить надобно будеть.

## ПРИМЪЧАНІЕ 3.

\$. 235. Когда цёлое число, на пр. 5 должно будеть умиожить на смётенную, на пр. 4  $\frac{2}{3}$ : то цёлое число, како и прежде, приводится въ дробъ (\$ 212.), также и при дроби  $\frac{2}{3}$  находящееся цёлое число 4 приводится въ неправильную дробь (\$. 211.), и потомы объ дроби умножаются (\$. 232.)

 $=\frac{5}{1} \times \frac{14}{3} = \frac{70}{3} = 23 \frac{1}{3} (\$, 210).$ 

Или порознь, сперьва данное цёлое число 5 на цёлое же число 4, при дроби  $\frac{2}{3}$  находящееся, а потомы тоже данное цёлое число 5 на дробь  $\frac{2}{3}$  умножается, и произведентя складываются (S. 224, 226.), произшедшая изъ того сумма, будеть искомое промзведенте. На пр.

 $5 \times 4 = \begin{cases} 20 \\ 3 \stackrel{?}{=} \end{cases}$ 

Равнымь образомы должно поступать, когда смыженную дробь на цылое число умножить надобно.

ПРИ-

#### примъчание 4.

\$. 236. Когда смѣшенную дробь, на пр. 4  $\frac{2}{3}$  на правильную дробь, на пр.  $\frac{2}{3}$  умножить должно: то цѣлое число, при смѣшенной дроби находящееся, приводится въ дробь неправильную (\$. 211.), и потомъ произведенная изъ того дробь, умножается на данную (\$. 232.). На пр.

 $4^{\frac{2}{3}} = \frac{14}{3} \times \frac{2}{5} = \frac{42}{15} = 2\frac{12}{15}$  (S. 210.).

Или порознь, цёлое число при смёшенной дроби находящееся, сперьва умножается на данную умножающую дробь, а потомы при цёломы числё находящаяся дробь, и произведентя сти складываются (S. 224, 226.). Такимы образомы, произшедшая изы того сумма будеты искомое произведенте. На пр.

$$4 \times \frac{2}{5} = \frac{12}{5} = \frac{22}{5} = \frac{25}{6} = \frac{6}{6}$$
 $\frac{2}{12} = \frac{12}{13}$  искомое произведение.

## примъчание 5.

\$. 237. Естьли смѣшенную дробь, на пр.  $4\frac{2}{3}$  на смѣшенную же, на пр.  $5\frac{2}{5}$  умножить должно: то вы такомы случай цѣлыя числа, при смѣшенныхы дробяхы находящаяся, приводящся вы дроби (\$. 211.) и потомы умножаются показаннымы образомы (\$. 232.). На пр.

$$4\frac{2}{3} = \frac{14}{3}$$
, и  $5\frac{2}{5} = \frac{28}{5}$ .  
то будеть  $\frac{14}{3} \times \frac{28}{5} = \frac{292}{15} = 26\frac{2}{15}$  (\$. 210.).

Или порознь, сперьва умножающей между собою цвлыя числа, пошомь цвлое число множимой дроби на дробь умножающую, и цвлое число умножающей дроби на дробь множимую, и наконець особливо дробь на дробь, и пошомь сти чешыре произведентя складываюнся (S. 224, 226.) 226.), которыхь сумма будеть искомое произведенте. На пр.

$$4 \times 5 = \begin{cases} 20 \\ 1 \times \frac{5}{4} = \frac{12}{2} = \begin{cases} 20 \\ 2\frac{2}{3} \\ 1 \times \frac{2}{3} = \frac{10}{3} = \end{cases} \begin{cases} 2\frac{17}{3} \\ 3\frac{1}{3} \\ \frac{2}{3} \times \frac{3}{3} = \end{cases} \begin{cases} \frac{17}{15} \\ \frac{17}{15} & \frac{17}{15} \end{cases}$$

$$\frac{1}{25} = \frac{17}{15} = \frac{17}{15} (5. 210, 226.).$$

$$\frac{1}{26} = \frac{17}{15} = \frac{17}{2} = \frac{1$$

#### примъчание 6.

\$. 238. Естьян случится нѣсколько дробей, на пр.  $5\frac{1}{2} + 3\frac{7}{2} + 3\frac{1}{3}$  умножать на нѣсколько же дробей, на пр.  $1\frac{3}{2} + 4\frac{7}{8}$ : то сперьва обѣ дроби порозны трезь сложенте приводятся вь одинь перечень, и потомь одна на другую умножается (\$.232, 237) на пр.

 $\frac{48.5}{42} \times \frac{2.5}{40} = \frac{12.615}{1680} = 74\frac{12.95}{1680}$  (\$. 210.) иско-

ПРИМ В ЧАНІЕ 7.

5. 239. Никонець естьян должно будеть умножнть ньсколько дробей св наименованіемь, на пр.  $3\frac{1}{2}$  бер.  $+2\frac{3}{4}$  пуд.  $-5\frac{3}{7}$  фун. на ньсколько дробей св наименованіемь же, на пр.  $3\frac{1}{2}$  фун.  $+4\frac{3}{5}$  лот то вы такомь случай всь дроби, какы множиман, такы к умножающая приходятся чрезь раздробленіе вы одинаком

накой меньшей сорть (\$. 89:), и потомь одна на другую умножается (\$. 232, 237:). На пр. 3 бер.  $+2\frac{3}{4}$  пуд.  $+5\frac{3}{7}$  фун.  $=48493\frac{5}{7}$  лот. (\$. 89:) іпакже  $3\frac{5}{4}$  фун.  $+4\frac{2}{5}$  лот.  $=116\frac{3}{7}$  лот. (\$. 89)

 $484937 \times 116\frac{4}{5} = 5054367 \frac{3}{35} (S. 337.)$  Heremoe

произведенте.

## 3A,A,AYA XLII.

у \$ 240. Раздылить дробь на дробы.

ръшение.

Перпой случай. Когда дроби будуть имъть одинакихь знаменателей, на пр. 4: 2: то числителя дълимой дроби 4, на числителя другой 2 раздъли (\$. 80, 202.), частное число будеть искомое.

Второй случай. Когда дроби будуть имъть разныхь знаменателей, на пр. 3/4: 3/3: то вы такомы случай та дробь, на которую двлить должно, изображается обратно; то есть, числитель ся ставится на мысто знаменателя, а знаменатель на мысто числителя, и потомы обращенная умножается на двлимую дробь (\$. 232.), произведенте изы того будеть искомое частное число. На пр.

 $\frac{3}{4}:\frac{2}{3}$  будеть  $\frac{3}{4}\times\frac{3}{2}=\frac{9}{8}=1$   $\frac{1}{8}$  (\$. 210.) иско-

мое частное число.

## ДОКАЗАТЕЛЬСТВО:

такое число, которое показываеть, сколько разь одна дробь вы другой содержится (\$.74.): то, понеже знаменатели одни только имена изображающія, на сколько частей цылое раздылено (\$.200.) оное число найдется, естьли дылимой дроби

13: Madalpunt Sagarton Comme MIC

A tramed &

числитель раздвлится на числителя другой. Потому что какь двлитель и двлимое число, суть одного роду, также и вь семь случав дроби будуть одного роду, поколику одинаких внаменателей имвють. Почему справедливо вы такомы случав числитель двлимой дроби, двлится на числителя другой, а знаменатели ихь такь, какь одни имена, остаются безь раздвлентя. Ч. н. д.

= 2. Естьли же дроби, изб которых одну на другую раздванть надобно, будуть имвть разных внаменателей: то прежде всего надлежить привести ихь кв одному знаменашелю (б. 222:), чтобъ были одного роду, какв вв і случав доказано. Но вв приведении дробей къ одинакому знаменателю, числитель первой дроби получается, когда числитель ея будеть умножень на знаменателя другой, а числитель другой дроби, когда числитель ей умножится на знаменашеля первой. Чего ради оба сти числители, изъ которых в одинь на другой разделить должно, правильно получающея, когда ша дробь, на которую раздвлишь должно, обратнымь образомь написана будучи, умножится на двлимую, чрезь что самое произойдеть точно искомое частное число. Ч. н. д.

## примъчание і.

5. 241. Не надлежить удивляться тому, что частное число иногда бываеть число прлое. Ибо одна дробь другую можеть заключать вы себь трижды, четырежды, тысячу разы и проч.

примъ-

#### примвчание 2.

\$. 242. Ежели случится двлить 1) цвлое число на дробь, на пр. 4 на  $\frac{2}{3}$ , или дробь на цвлое на пр.  $\frac{4}{3}$  на 2; 2) цвлое число на смвшенную дробь на пр. 4 на  $2\frac{2}{3}$ , или смвшенную дробь на прявильную на пр.  $3\frac{2}{5}$  на 2; 3) смвшенную дробь на правильную на пр.  $3\frac{2}{5}$  на  $\frac{4}{5}$ , или правильную на смвшенную на пр.  $\frac{3}{5}$  на  $\frac{4}{5}$ , или правильную на смвшенную же на пр.  $6\frac{2}{3}$  на  $2\frac{2}{3}$ ; то вы такомы случай цвлыя числа вы дробь, а смвшенныя дроби вы неправильным приводятся (\$. 211, 212.) и потомы одна на другую двлится (\$. 240.).

## примъчание з.

• §. 243. Естьли должно будеть раздилить ивеколько дробей на насколько же, на пр.  $5\frac{1}{2} + 3\frac{5}{7} + 2\frac{1}{3}$  на  $1\frac{3}{7} + 4\frac{7}{8}$ : по какь дълимая дробь, такь и другая, на которую дълить надобно, чрезь сложетие приводится вы одины перечень (§. 224.), и потому одна на другую дълится (§. 240, 242.). На пр.

 $\frac{485}{47}$ :  $(\frac{279}{40}) = \frac{40}{239} = \frac{1949}{10878}$  (S. 240.) =  $\frac{1}{10878}$  (S. 210.) мскомое частное число.

#### примъчание 4.

\$. 244. Естьян наконець случится раздёлить ивсколько дробей сы наименованіемы на нёсколько сы наименованіемы же, на пр.  $3\frac{1}{2}$  бер.  $+2\frac{3}{4}$  пуд.  $+5\frac{3}{7}$  фун.  $+4^3$  лот. то вы такомы случай обы дроби чрезы раздробленіе приводятся вы одинакой меньшей сорты (\$. 89.), и потомы одна на другую дёлится (\$. 640, 242.)

примъ-

#### ПРИМЪЧАНІЕ 5.

S 244, Умножение и деление дробей поверяется также, како и простыхо чисело, то есть, умножение дълениемь, а дъление умножениемь.

3AAAYA XLIII.

S. 243. Дробь, коей знаменатель данв, на пр. 16, припести по рапную другой данной дроби. на пр.3 ръшение.

КЪ знаменателю данной дроби, кЪ числителю ея, и къ данному знаменащелю искомой дроби найди четвертое Геометрическое пропорціональное число ( \$. 173.), которое будеть числитель искомой дроби. На пр.

3: 4 = 16: 12 искомой числитель.

AOKASATEABCTBO.

Понеже числители равных дробей им в. ють одинакое содержание къ своимъ знамена. телямь (S. 204.); того ради и вь семь случав какв числитель данной дроби кв своему знаменателю содержится, такъ и найденной числитель къ своему данному знаменателю, и на обороть, какъ знаменатель данной дроби къ своему числителю, такъ и данной знаменатель к в найденному числителю (S. 138.); сабдовательно числитель искомой дроби справедливо есть четвертое Геометрическое пропорціональное число къ показаннымъ числамъ. Ч. н. д.

3AAA4A XLIV.

S. 247. Предстанить какую ни будь дробь, на лр. 4 руб. п3 частя x3 цълаго числа.

PBILEHIE.

т. Числителя данной дроби умножь на желаемыя части цвлаго числа, то есть на 100. 2. Произведенте изъ того раздъли на знаменателя дроби, частное число будеть представлять желаемыя части цълаго (\$. 246.). На пр

3×100=300:4=75 коп. желяемыя

части цвлаго.

#### привавление.

\$. 248. Чего ради, когда будеть дана такая дробь, ко-ей знаменатель показываеть неупотребительное разделеніе цвлаго на части, на пр. \$\frac{1}{2}\tilde{6}\tilde{6}\tilde{9}\tilde{1}\tilde{1}\tilde{9}\tilde{1}\tilde{1}\tilde{9}\tilde{9}\tilde{1}\tilde{9}\tilde{9}\tilde{1}\tilde{9}\

## ПРИМВЧАНІЕ.

S. 249. Бывають дроби дробей, на пр. 3 2 4; и естьян надобно будеть ихь сь другими такимиже; или съ простыми дробями сложить, вычесть, умножить, или разделить: по прежде всего приводятея они вы простую дробь, и потомы сы нею такы поступать на клежить, какь вы сей главь показано. Приводятся же дроби дробей въ простую дробь чрезь умножение числишелей на числишелей, и знаменателей на знаменателей. На пр. 3 х 2 х 4 = 24, и 4×3×5 = 60. И такъ, вмъсто 3 2 4 6удеть 24. Ибо  $\frac{3}{4}$   $\frac{2}{3}$  значить, что изь  $\frac{2}{3}$  надлежить взять  $\frac{2}{3}$ , а 4 2 значить, что изь 2 должно 4. Но какь сте нолучается чрезъ умножение дробей (\$. 232); того ради чрезв умножение числителей на числителей, и знаменателей на знаменателей, дроби дробей не токмо вы простую дробь приведутся, но и точное мхъ количество будеть извъстно.

ГЛАВА

## ГЛАВА ШЕСТАЯ

0

КВАДРАТНЫХЪ И КУБИЧЕСКИХЪ ЧИСЛАХЪ, И ОИЗВЛЕЧЕНИИ РАДИКСОВЪ ИХЪ.

опредъление хххіу.

5. 250.

Когда какое ни будь число, на пр. 2 будеть умножено само на себя: то произведенте 4 кпа драть мь числомь (Quadratum, fine numerus quadratus), а самое то число, вы разсужденти сего квадрата, кпа драть мь радижеомь (Radix quadrata) называется.

ОПРЕДБЛЕНІЕ ХХХУ.

6. 251. Ежели квадрашное число 4 будешь умножено на свой радиксь 2: що произведение 8 кубомь, или кубическимь числомы (Cubus, fine numerus cubicus), а радиксь его 2, вы разсуждении сего куба, кубическимь радиксомь (Radix cubica) называешся.

OUDETPY THIE XXXVI.

5. 252. Вообще произведентя, происходящтя изв умножентя какихв ни будь чисель нвсколько разв самыхв на себя, называются стелени (Potentiae, fine dignitates). Такимв образомв пторая стелень называется произведенте, произшедшее изв умножентя какого ни будь числа самого на себя, то есть, когда какое число два раза входитв вв умноженте, а когда тоже число три раза входитв вь умноженте, то будеть третья стелень И макь далбе. На пр. числа 2, квадрать 4, будеть вторая степень, а кубь его 8, третья степень; ежелижь кубь 8 еще умножится на свой радиксь 2: то произведенте 16, будеть четпертан стелень, и проч. Самое жы то число, которое нъсколько разы входить вы умноженте, вы разсужденти степеней; называется радиксы той степени. На пр. 2 будеть радиксы второй степени 4, а 4 радиксы третей степени 8 и проч.

## положение.

§. 253. Всякое число, состоящее вы какой ни будь степени, изображается вообще следующимы образомы: на пр. число состоящее во второй степени, то есть, квадраты того числа, означается чрезы аа, или а, число вы третей степени состоящее, чрезы ааа, или а, вы четвертой степени аааа, или а, вы четвертой степени аааа, или а, и такы далые. Число жы, вы верыху радикса приписываемое, не что инное означаеть, какы возвышение степени. По чему оно и называется указателемы, или знаменателемы степени (Exponens potentiae).

OUDETPYEHIE XXXVII.

6. 254. Радиксь какь квадратной, такь и кубической называется двучастнымь (Radix binomia), ежели будеть состоять изы двухь знаковь, на пр. 23; а когда изы трехь знаковь: то тричастнымь (Trinomia), и восоще;

обще, многочаетнымо (Multinomia, polynomia), ежели изв множайшихв, нежели изв двухв, внаковь состоять будеть.

опредъление XXXVIII.

6. 255. Данное число возвысить въ желаемую степень тоже значить, что найти, сколько разь то число будеть входить въ умноженте. На пр. число 2 возвысить въ третью степень, есть тоже, что сыскать произведенте 8, которое произотло изъ умножентя 2 × 2 × 2 = 8.

опредъление хххіх.

\$ 256. Изплечение кпа дратнаго радижеа (Extractio radicis quadratae) изъ какого ни будь даннаго числа, на пр. 4, есть дъйствие, чрезъ которое находится такое число, на пр. 2, которое, будучи умножено само на себя, производить данное число 4.

Напротивь того изплечение кубическаго радикса (Extractio radicis cubicae) изв какого ни будь даннаго числа, на пр. 8, есть двистивие, чрезв которое находится тикое число, на пр. 2, которое, будучи умножено на свое квадратное число 4, производить данное число 8.

#### примъчание г.

§. 257. Когда изъ какого ни будь данкаго числа, на пр. изъ а пребуется извлечь квадратной радиксъ то сте для краткости означается чрезъ √а, или √а; а когда требуется извлечь кубической радиксъ изъ какого даннаго числа, на пр. изъ а: то сте означается чрезъ √а, и такъ далъе прочихъ степеней радиксы изображаются подобнымъ же образомъ. На пр.

К 4. пр.

пр. радыксь изь четвертой степени будеть  $= \sqrt{a}$ , раганксь изь пятой степени  $= \sqrt{u}$  проч. или вообще  $\sqrt[n]{a}$ , естьли за литеру и возмется какое ни будь число. Сей знакь  $\sqrt[n]{a}$  особливо употребляется при таких числахь, изь которыхь совершеннаго радикся извлечь не можно. На пр.  $\sqrt[n]{a}$ ,  $\sqrt[n]{a}$  и проч. и сти числа называются ирраціональныя, или глухія (Irrationales, fine surdi), а знакь  $\sqrt[n]{a}$  причислахь употрежбляемой, называется радикальной.

#### примъчание 2.

258 Извъсшно, что всякое число легко можно возвысить въ желземую степень чрезъ умноженте (\$.255), напротивъ же того не столь легко изъвлекать желземой радиксъ изъ даннаго числа, на пржадратной кубической, или другой какой степени; того р ди для сего случая надлежить знать твердо квадраты и кубы первыхъ девяти знаковь (\$.19.); для чего особливо можеть служить слъдующая таблица:

Радиксы	Ĭ	2	3	4	5	6	7	3	9
Квадраты	I	4	.9	16	25	36	49	64	81
Кубы	ī	8	27	64	125	216	343	512	729

## TEOPEMA XXIII.

5. 259. Кпадратное число дпучастнаго радикса состоить изъкпадрата перпой части, изъ произпедентя той же перпой части, дпажды пзятой и умноженной на пторую, и изъкпаграта пторой части.

AOKA-

## ДОКАЗАТЕЛЬСТВО.

Понеже квадрашное число происходишь. когда радиксь его самь на себя умножень будеть (\$. 150.), вь умножени жь двучастнаго радикся самого на себя, каждая часть, какъ на себя, самую особливо, такъ и на другую умножается; того ради изъ умножентя двучастнаго радикса самого на себя произшедшее квадрашное число должно соетоять изв квадрата первой части, . \$. 250.), изь произведентя тойже первой части на вторую, и изъ произведентя второй на первую, или что все равно, изъ произведенія первой части, дважды взятой и умноженной на вторую, и наконець изв произведентя второй части самой на себя, то есть, изб квадрата ел (\$. 250.). Ч. н. д.

#### ПРИМЪЧАНІЕ Т.

\$ 250. Справедливость доказательства из слъдующаго примъра ясите можно видъть. Положимъ, что дань радиксь 23, или что все равно, 20 + 3; то будеть его квадрать

то есть 400 квадрань нервой части 120 произ. из. пер. час. дв. вз. и ум. на вто.

> 9 квадрать второй части. 529 квадрать цвлаго числа, то есть, 23.

ПРИБАВЛЕНТЕ 1.

5. 261. Естьми многочастной радиксь, на пр. 35462, представишь двучастнымь, то есть, примешь всё предмаущи части передь последнею, вы семы случай, четы-

ре за одну: то квадратное число всего радикса будеть состоять, изъ квадрата 4, последней части 2; изъ произведентя 141840, предвидущих в частей 33460, взятых дважды и умноженных на последнюю 2; и изъ квадрата техь предвидущихь частей. Квадрать сихь четырехь предвидущихь вы семь случав частей предсшави шакже вь двухъ частяхь, то есть, 35400 -- 60, и принявь первыя три 35400 за одну, будеть состоять: изъ квадраща 3600, четвертой части 60; изъ произведентя 4248000, прехъпредвидущих в частей 35400, жважды взяпыхь, и умноженныхь на последующуючетвертую часть 60; и изъ квадрата техъ прехъ предъидущихъ частей. Квадрать сихъ трехъ прелъидущихь частей, представя также вы двухь частяхь, то есть, 35000 + 400, будень состоять: изб квадрата 160000, третей части 400; изб произведения 28000000, двухь предвидущихь частей 3,000, дважды взятыхь. и умноженных на последующую претью часть 400, и изъ квадрата техь двухь предвидущихъ частей. Квадрать сихь двухь предвидущих частей, представи ма конець также въ двухъ частяхъ, то есть, зосоо -- 5000, будеть состоять: изъ квадрата 25000000, второй части 5000; изъ произведения 300000000, первой части 30000, дважды взятой, и умноженной на вторую часть 5000, и изъ квадрата 90000000, первой части 30000. Такимъ образомъ квадратное число всяго многочастнаго даннаго радикса состоить:

т изъ - - 4 квадра. п'ятой части.

2. — - 141840 произ. четыр. пред. ч. дваж, вз, на пят. ч.

3. - - 3600 квад. четв. ч.

4. — 4248000 произ. пр. пред. ч. дв. вз. на чет. ч.

**5.** — - 160000 квад. трет. ч.

6. — - 23000000 пр. дв. пред. ч. дваж. вз. на трет. ч.

7. — - 25000000 квад. вп. ч.

8. — 300000000 пр. пер. ч. дв. вз. на втор. ч.

9. — 900000000 квад. пер. ч.

1257553444 квадрашное число всего радикса.

#### прибавление 2.

5. 262. Понеже въ квадратномъ числъ многочастнаго радикса, квадрать послъдней части изъ умноженія единиць ма единицы, произведеніе всъхъ предъилущихъ дважды взятыхъ частей и умноженныхъ на послъднюю, изъумноженія десятковъ на единицы, квадрать передшослъдней части изъ умноженія десятковъ на десятки и проч. происходить; того ради въ квадратномъ числъ многочастнаго радикса квад атъ послъдней части, въ предложенномъ примъръ (\$. 261.), пятой, на первомъ мъстъ съ правой руки, произведенте всъхъ предъидущихъ частей, на второмъ, квадратъ четвертой части, на третьемъ мъстъ и проч. кончится. И потому, когда квадратное число раздълится на грани отъ правой руки къ лъвой такимъ образомъ, чтобъ во всякой грани было по два знака, (выключая послъднюю грань къ лъвой рукъ, въ которой одинъ и два знака быть могутъ) видно, что квадратной радиксъ столько частей имътъ будетъ, на сколько щакихъ граней квадратное число раздълится.

### примъчаніе:

\$. 263. Когда такимо образомо известно, изб какихо и сколькихо количество квадратное число всякого многочастнаго радикса состоито, какое количество изб оныхо на какомо мосто находится, изб чего и какимо образомо оно происходито: то по сему не трудно и радиксо квадратной изб всякаго даннаго числа извлекать. Во чемо особливо болбе способствовать можеть упражнение во составлении квадратнаго числа (\$. 261.).

#### 3AAAYA XLV.

S. 264. Из3 данного числа изплечь кпадратной его раднкев.

ръшение.

г. Данное число раздвли на грани, начиная оть правой руки къ лввой, такимъ образомъ, чтобъ во всякой грани было по-два знака, выключая последнюю грань къ лвъ вой рукъ, въ которой можетъ быть и одинъ знакъ.

2. Понеже вы первой грани, оты лывой руки, заключается квадрать первой части ра. Дикса; того ради вы радиксовой таблицы (\$. 258.) сыщи такой квадрать, которой

бы ближе прочихь къ нахолящемуся въ первой грани числу подходиль, и оной квадрать изъ сего числа вычти, а принадлежащей къ тому квадрату радиксъ напиши на мъстъ радиксовомъ, то есть, за чертою съ правой руки, которой будеть первая часть искомаго радикса (\$. 261, 262.).

- 3. Къ останку, ежели, по вычинании того квадрата изъ первой грани, будеть, снеси ел в дующую грань, в в которой псел в дней знакъ отъ перваго отдъли черточкою; най денную жь первую часть радикса умножь на 2, и произведение изъ того напиши, съ аввой руки, противь остатка и снесенной, грани, вмвсто двлишеля, и на оной раздвли остатокь св первымь от вленнымь снесенной грани знакомъ такимъ образомъ, то есть, подъ остаткомъ и первымъ знакомъ снесенной грани напиши произведеніе найденнаго частнаго числа, на двлителя приняшаго, къ тому присовокупи квадрать тогожь найденнаго частнаго числа такь, чтобь последней знакь того квадрата соотвътствоваль послъднему отдвленному знаку снесенной грани, и потомь, произведенте съ симь квадратомъ сложивь, сумму ихь вычши, а частное число напиши на мветв радиксовомь. Ибо оно будеть вторая часть искомаго радикса.
- 4. КЪ остатку, ежели будеть, снеси слъдующую грань, и послъдней знакъ въ той грани,

трани, по прежнему от двли, а остатокв и первой знакв снесенной грани раздвли на двв найденныя первыя части радикса дважды взятыя, и св частнымв числомв, которое будеть третья часть искомаго радикса, поступая далве, какв 2 и 3 пунктв показано, получить на конець желаемой квадратной радиксь.

Положимь, что дано число 1257553444, изъ котораго должно извлечь квадратной радиксь: то будеть

12,57,55,34,44 | 35462 искомой квадра радь

9
6 | 35,7 |
30
25
325
70 | 325,5 |
16
2816
708 | 4393,4 |
4248
36
42516
7092 | 14184,4 |
14184
4
14184

#### примъчание т.

 265. Въ самомъ ръшени содержится и дожазательство извлечения квадратнаго радикса. Ибо вев знаки радикса находящея прошивнымь тому образомь, какь было поступлено при составлении квадратнаго числа (S. 261.). кратко сказать, всякъ можеть увърень быть и узнать справедливесть извлеченія квадрашнаго радикса показаннымь образомь; естьли будеть сносить самое дійствіе извлементя (S. 264.) св самымь двиствтемь составлентя (\$. 261.). Что жь касается до частнаго числа, которое дълается частію искомаго радикса, свонымв не всегда такъ надлежить поступать, какъ вь простомь делении показано; но притомь должно смотрыть и на послыдней знакь снесенной грани, и на сумму, которая вычитается. Ибо, ежели стя сумма будеть больше, нежели число, изь котораго вычиталь надлежить: то хотя бы частное число и было справедливо; однако жъ должно задавать меньшимь знакомь.

#### примъчание 2.

\$. 266. Ежели жЪ какого осшашка и перваго ощавленнаго знака снесенной грани на найденныя чаети радикса, дважды взятыя, раздёлить не можно будеть: то вы такомы случай на мёстё радиксовомы пашется о, а кы тому остатку и снесенной грани сносится слёдующая грань, и далбе продолжается дъйствёс по прежнему. (\$. 264.). На пр.

AND MORE POR LAND WE WORK THE MANNEY THE PROPERTY OF THE PROPE

# примъчание 3.

5. 267. Ежели, по извлечении ветхъ частей квадратнаго радикса изъ даннаго числа, будеть остатокь: то, приписавь кь нему два, четыре, шесть и проч. нулей вдругь, или порознь, то есть, сперьва къ остатку даннаго числа, и къ остатку послъ того произшедшему, пошомъ къ третьему, и такъ далъе, по-два нуля, и продолжая дъйстве по прежнему (б. 264.), найдешь десятыя, сошыя, шысячныя, и проч. части радикса, которыя сь правой руки на мъсть жь радиксовомь, отдъляя запятою, пишутся. И сте особливо употребляется для того, чтобь къ настоящему радиксу ближе подойти; хотя вы самой вещи изы даннаго числя квадрашнаго радикса полнаго, то есть, безь остат. ка, извлечь не можно; однако жь такой радиксь, безъ всякой чувствительной пограшности, за настоящей принимается.

Положимъ, что дано число 549, изъкоторате жота полнаго квадратнаго радикса извлечь не можно; однако ближайшій къ нему можеть извлечень быть въбдующимъ образомь:

5,49 | 23, 4 3 0 7

4 | 14.9 | GOMBLE GOMBLE

### ПРИБАВЛЕНІЕ I.

\$. 268. Понеже въ умноженіи дробей числишель на числишеля, а знаменашель на знаменашеля умножаещся (\$. 232); квадрашное же число изъ умноженія радикса его самого на себя произходишь (\$. 250); шого ради, когда померебно будещь нэвлечь квадрашной радиксь изъ какой дроби: шо какъ изъ числишеля, шакъ и изъ знаменашеля порознь извлекашь надобно, дробь изъ шого променя порознь извлекашь надобно, дробь изъ шого променящеля, будешь квадрашной радиксь данной дроби. На пр. дроби 25 будешь квадрашной радиксь 5. Есшьли же изъ смешенной дроби пошребно будешь извлечь квадрашной радиксь: шо напередь должно привесши оную вы неправильную (\$. 211:), и пошомы извлекашь порознь, какъ изъ числишеля, шакъ и изъ знаменашеля, квадращной радиксь, или, чшо лучше, сперьва должно извлечь изъ дроби, а пошомы изъ цълго числа.

ПРИБА-

### ПРИБАВЛЕНІЕ 2.

5. 269. Изъ самато дъйствія видно, что ежели квадратной радиксь исправно найдень: то умноживь его самого на себя, и къ тому приложивь остатокь, какой по извлеченіи всего радикса случится, произведеніе, или сумма, будеть данное число (\$. 256.).

# TEOPEMA XXIV.

б. 270. Кубическое число дпучастнаго радикса состоито изд куба лерпой части, изд произпеденія кпадрата, трижды изятаго, тойже перпой части на пторую, изд произпеденія кпадрата, трижды пзятаго, иторой части на перпую, и изд куба иторой части.

# ДОКАЗАТЕЛЬСТВО.

Понеже кубическое число происходить, изъ умножентя квадрата на свой радиксь (\$. 351.); а квадрать двучастнаго радикса изъ квадратовь оббихь частей, и изъ произведентя одной которой ни будь части дважды взятой на другую (\$. 259.); того ради, когда такой квадрать умножится на свой радиксь, произведенте изъ того, то есть, кубическое число будеть состоять изъ кубочь объихь частей, изъ произведентя квадрата, трижды взятаго, первой части на вторую, и изъ произведентя квадрата, и и изъ произведентя квадрата.

# ПРИМЪЧАНІЕ.

\$. 271. Справедливость доказаннаго избельдующаго примъра яснъе видъть можно. Положимъ, что данъ радиксъ 34, или что все равно, 30 — 4: жю будеть его кубическое число:

	30+4 30+4 120+16		$ \begin{array}{c} a+b \\ a+b \\ \hline ab+bb \\ aa+ab \end{array} $		
	900+120+120+16 30+ 4 3600+480+480+64	a a a -+	$ \begin{array}{c} a+b \\ \hline aab+2abb+bbb \\ -2aab+abb \end{array} $		
	30+4  120+16  200+120  200+120  200+120+120+16  30+4  30+4  3600+480+480+64  3600+3600+3600+64  3600+3600+3600)  3600+3600+3600)  3600+3600+3600)  3600+3600+3600)  3600+3600+3600  3600+3600+3600  3600+3600+				
2700 RY6B nepson u	(3600+3600+3600)	произ. взъка	кубЪ вщо произ. из. шриж эз		

### привавление т.

 272. Естьям многочастной радиксъ, на пр. 4526 будетъ представлень двучастнымь, то есть, приняты будуть всв предвидущий части передв последнею накодящимся, въ семъ примъръ, три за одну: то кубическое число всего радикса будеть состоять: из куба 216 последней часши 6; изъ произведентя 488160, квадраша триждых взящаго 108, последней части 6, умноженнаго на вст предвидущия 4520; изв произведения з67747200, квадрата трижды взятаго 61291200, предвидущих в частей 4520 - умноженнаго на последнюю 6; и изъ куба предъидущих оных частей 4520; куб сих предвидущих в, вы семь случав, прехы частей, представя также въ дзухъ частахъ, то есть 4500 - 20, и принявъ две первыя 4500 за одну, будеть состоять: изъ куба 8000, третей части 20; изб произведения 5400000, квадрата прижды взятаго 1200, претей части 20, умноженнаго на - двъ предъидущия 4500; изъ произведения тать осоосо, квадрата трижды взятаго 60750000, двукъ предвидущих в частей 4500, умноженнаго на последующую

щую третью часть 20; и изв куба двухв прельмдущих в оных в частей 4500. Куб всих двухв прельидущихъ частей, представя наконець также въ двухъ частяхь, то есть, 4000 - 500, будеть сотоять: изв куба 125000000, второй части 500; изв произведенія 300000000, квадрата трижды взятато 750000; второй части 500, умноженнато на первую 4000; изъ произведенія 2400000000, квадранія трижды взятаго 48000000, первой части 4000, умноженнаго на вторую 500; и изъкува 64000000000, первой части 4000. Такимь образомы кубическое число всего многочастнаго даннаго радикса состоить:

7. нзb - 216 | Куб. четв. част.

488160 произ из. квад. чет. ч. тр. вз. на пред. ча

3. — - 367747200 пр. из кв. пред. ч. пр. вз. на чешв. ч.

4. — - 8000 куб. трет. ч. 5. — - 5400000 пр. из. кв. трет. ч. тр. вз. на пред. ч.

6. — 1215000000 пр. из. кв. пред. ч. тр. вз. на тр. ч.

7. — - 125000000 куб. вшер. ч.

8. — 3000000000 пр. из. кв. втор. ч. тр. вз. на пред. ч.

9. — 2400000000 произ. из. кв. пер. ч. тр вз. на втор ч.

10. — 64000000000 куб. первой части.

92713643576 куб. число всего многоч. рад.

#### ПРИБАВЛЕНІЕ 2.

S: 272. Въ кубическомъ числъ многочастнаго радикса для тойже причины, что и вы квадранномы числь ( 5. 262.). кубъ последней части, въ предложенномъ примерт ( 5. 272. ) четвертой, на первомъ месть съ правой руки; произведенте изъ квадрата четвертой части трижды взятое на вст предъидущія части, на второмъ: произведение изъ квадрата всткъ предъидущихъ частей трижды взятое на четвертую, на третьемь; кубъ третек части, на четвертомъ мфетф, и такъ далфе, кончител. И потому, когда кубическое число раздълится на грани, от правой руки къ левой, такимъ образомъ, чиобъ во всякой грани было по - три знака (выключая послъднюю грань къ левой руке, въ которои одинъ, два, и при знака быть могуть), видно, что кубической радиксь буденть имфинь столько частей, на сколько шакихь граней кубическое число раздылищея.

### ПРИМЪЧАНІЕ.

6. 274. Когда таким в образом в изв стио. изв каких в и скольких в количеств в кубическое число всякаго многочастнаго радикса состоить, какое количество изв оных в на каком в тет в иаходится, изв чего, и каким образом оно происходить: то по сему не трудно и извлекать ква дратиой радиксь изв всякаго даннаго числа. В в чем особливо 60- а способствовать можеть упражнение в составлении кубическаго числа (\$. 272.).

# SAAAYA XLVİ.

8. 275. Изд даннаго числа изплечь кубинеекой его радикев.

# PBMEHIE.

- т. Данное число раздёли на грани, начиная отв правой руки кв лёвой, такимы образомы, чтобы во всякой грани было по-три знака, выключая послёднюю граны кыльвой руки, вы которой одины, два и три знака быть могуть.
- 2. Понеже вы первой грани, оты лывой руки, заключается кубы первой части радикса; того ради вы радиксовой таблицы (\$. 258.) сыщи такой кубы, которой бы ближе прочихы кы находящемуся вы первой грани числу подходиль, и найденной кубы изы сего числа вычти, а принадлежащей кы тому кубу радиксы напиши на мысты радиксовомы, то есть, за чертою, сы правой руки, которой будеты первая часть искомаго радикса (\$. 272, 273.).

3. КЪ остатку, ежели какой будетъ, по вычитанти того кубическаго числа изъ первой

грани, снеси сабдующую, то есть, вторую грань, въ которой первой знакъ отъ двухь послёднихь ощдёли черточкою, найденной же первой части радикеа возьми квалрать, и оной умножь на-три, а произведенте изъ того напиши, съ лъвой руки, прошивь остапка и снесенной грани, вывсто двантеля, и на оной разавли остатокь сь первымь отделеннымь спесенной грани знакомь, такимь образомь, то есть, подъ остаткомъ и первымъ знакомъ снесенной грани напиши произведение найденнаго частнаго числя на принятаго дв. лишеля, подь твмь квадрать того найденнаго частнаго числя, трижды взятой, и умноженной на первую часть напиши такь, чтобь единицы сего произведения были поль вторымь знакомь снесенной грани, къ тому жъ присовокупи кубическое число найденной второй части радикся, такимь образомь, чтобь единицы сего куба были поль послванимь знакомь, что сь правой руки, снесенной грани, и напосладлокъ все е"е сложивь, сумму вычини изь всего остапка и всей снесенной грани, а найденное частное число изпиши на мветв радиксовомь во вторыхь. Ибо оно будеть вторая часть искомаго радикса.

4. КЪ остапку, естьли будеть, снеси слъдующую грань, а послёдней знакь, что къ лъвой рукъ, отдълн по прежнему, остатокъ же и первой знакъ снесенной грани раздбли на квадрать двухь найлен-

найденных в первых в частей радикся, трижды взятой, и св частнымь числомь, которое будеть третья часть искомаго радикса, поступая далве, какв во 2 и 3. пунктв показано, получишь наконець желаемой кубической радиксь,

Положимъ, что дано число 92713643576, ивь котораго должно извлечь кубической радиксь: то будеть

92, 713, 643, 576 [4526 иско. куб. рад.

7 48 287, 13

300 - Oto Kutter 5 x525x3=15x4=500. 125 - chi Eth uy & S, moles & Grope Tach

27125 Chara ILE ENEAU.

45×3×6075) 15886, 43

12150

540 Brutis 2x2=4x5=12x45=540,

8 cfu Ella ny oth 2 mp Erroll Talls

1220408 cond. 2.012912]3682355,76

204304 x 30 41 of 3677472

48816

216 368235576

# TPUMTYAHIE T.

S. 276. Что въ примъчанти первомъ (S. 265.). въ разсужденти извлечентя квадрашнаго радикса, сказано, тоже почти самое и здесь, то есть, въ раз-CVIKAC-

вужденій извлеченія кубическаго радикса, примізчать надлежить.

# примъчание 2.

\$. 277. Ежели какого остатка и перваго отдъленнаго знака снесенной грани, на квадрать найденмыхъ первыхъ частей, трижды взятой, раздълить не можно будеть: то въ такомъ случав, на мъсть радиксовомъ пишется о, а къ тому остатку и снесенной грани, сносится слъдующая грань, и далье поступать надлежить по прежнему (\$. 275.).

# примъчание з.

5. 278. Ежели, по извлечении всъхъ часщей кубическаго радикса изб даннаго числа, будеть остатокь: то, приписавь кь нему три, шесть, девять, и проч. нулей вдругь, или порознь, пло есть, сперьва къ остатку даннаго числа, потожь къ остатку посль того произшедшему, потомы кы трепьему, и такъ далбе, принисывая по-три нуля, и продолжан дъйствуе по прежнему ( \$. 275. ), получинь деслиыя, сошыя, шысячныя, и проч. части радикса, которыя сь правой руки, на мъсшь жь радинсовомь, ощд вляя Запятою, пишутся. И еге особливо употребляется для того, чтобь кв настоящему радиксу блиме подойши, жошя въ самой вещя изъ даннаго числа извлечь кубическаго радикса полнаго, то есть, безъ остатка, не можно; однакожь такой радаксь, безъ всякой чувствительной пограшности, за настоящей принять бышь можеть.

Положимь, что дано число 66, изъ котораго котя полнаго кубическаго радикса извлечь не можно; однако ближайтий ко нему можеть извлечень быть кавдующимь образомь:

#### привавление.

5. 279. Понеже въ умножени дробей числитель на числишеля, а знаменатель на знаменателя умножается (\$232.), кубическое же число изъ умножения квадрата на
свой радиксъ происходить (\$. 251.); того ради, когда изъ какой дроби должно будеть извечь кубической радиксъ: то изъ числителя и знаменателя порознь извлекать надобно, и дробь изъ того произтедтая будеть
кубической радиксъ данной дроби. На пр. дроби 27,
будеть кубической радиксъ 3 (\$. 258.). Что жъ касается до смъщенной дробя, естьли изъ такой когда потребно будеть извлечь кубической радиксъ: то и объ
оной тоже должно примъчать, что въ первомъ прибавлени, въ разсуждени квадратнаго радикса, сказано было (\$. 268.).

### ПРИМЪЧАНІЕ 1.

\$. 280. А чтобы знать, справедливо ли здёлано извлечение кубическаго радикса: то умноживь
его на квадратное число, и къ произведению, ежели есть какой, приложивь остатокь, сумма должна
быть то самое число, изъ котораго извлечень быль
радиксь (\$. 256.).

примъ-

### ПРИМЪЧАНІЕ 2.

\$. 281. Впрочемы о такижы радиксахы, которыжы извлечь не можно сы тымы, чтобы они были полные, то есть, совершенные радиксы даннаго числа, пространно и подробно упомянуто будеты вы Алгебры.

# ГЛАВА СЕДЬМАЯ

О ЛОГАРИӨМАХЪ. ОПРЕДЪЛЕНІЕ XL.

5. 282.

Ежели подъ Геометрическою прогресстею, начинающеюся съ единицы, подписана будеть Ариометическая прогресстя, начинающаяся съ нуля: то числа, внизу подписанныя, навываются веръхнихь логартомы (Logarithmi).

Положимь, что даны прогрессіи:

Геом. 1, 2, 4, 8, 16, 32, 64, 128, 256 Арив. 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8 то логариомь 1 будеть 0; логариомь 4 будеть 2; а логариомь 32 будеть 5 и проч.

### ПРИБАВЛЕНІЕ т.

5. 283. Ежели прогрессія Аривмешическая буденів рядь чисель натуральныхь, и начичается сь нуля, какы и вы данномы примёрё (§. 282.): то логаривмы бужуть не что инное, какы числа, означающій разстояніе пропорціональных в чисель оты единицы. Такимы образомы і будеть логаривмы того числа, которое занимаеть первое мёсто послё единицы, а г будеть логаривмы того числа, которое занимаеть того числа, которое занимаеть единицы, и такы далёв.

1 5

при-

#### ПРИБАВЛЕНІЕ 2.

6. 284. Понеже числа въ прогрессти Геометрической начинающился съ единицы и продолжающился далъе въ одинакомъ содержани сущь не что инное, какъ степени въ натуральномъ порядкъ одна за другою слъдующия (\$. 252.), и прогресста Ариаметическая будетъ такая жъ, какъ и въ данномъ примъръ (\$. 282.): то логариемы будутъ нечто инное, какъ знаменатели (\$. 253.), то есть, числа, показывающия возвышение тъхъ степеней, которымъ они соотвътствуютъ.

### примъчание к.

\$. 285. Понеже как в прогресств Геометрическая а так в и Арнометическая принимаются по изволентю: то и данных в чисель разные логариомы будуть, и следовательно разныя таблицы логариомовь сочинены быть могуть; но во всёх в таблицах в логариомы единицы должень быть о. На пр. ежели будуть тактя прогрессти:

Геом. 1, 4, 16, 64, 256

Арио. 0, 1, 2, 3, 4 то техьже чисель, на пр. 4 и 16, отменные отбр прежнихъ произойдуть логариомы. Ибо вы первомъ случав 4 быль логариомь 2, а 16 быль логариомъ 4, (S. 282.); здёсь же 4 логариомь 1, а 16 логариомь 2 здёлался.

# примъчание 2.

\$. 286. Таблицы логариомовь, которые обыкновенно употребляющся, основаны на двухь слёдующихь прогресстахь:

Теом, 1.0000000, 10,000000, 100,000000, 1000,0000000, дрив. 0,0000000, 1,0000000, 2.0000000, 3.0000000,

По сему числа 10 логариемь будень 1, или 1, 0000000; 100, логариемь 2, или, 2, 0000000; 1000; логариемь 3, или, 3, 0000000; и слъдовательно вы такомы случай, каждой логариемь со-держить вы себь столько цвлыхы единиць, сколько нулей при числы логариему соотвытетвующемы на-ходится, и догариемы числы между числами вы протрессти

трессти Геометрической состоящих изображены быть должны десятичными дробями. Такимы образомы такимы образомы такимы образомы такимы образомы такимы образомы такимы образомы подержатся между і и 10, будуть логаривмы меньше единицы, а которыя сомдержатся между 10 и 100, таки логаривмы должны быть меньше, нежели 2, а больше, нежели 1; и таки далье. Или вообще, при логаривмы какого ин будь числа находящееся число цвлыхы единицы должно быть меньше единицею, нежели изы сколижихы знаковы данное число состоять.

ПРИБАВЛЕНІЕ.

\$ - 287. Число целых вединиць, при каком ни буль логарием в находящихся, называется жаражтеристикого (Characterifica), которая известна булеть, ежели известно, известной знаков число сему логариему соответствующее состоить, и эбратно, ежели дань булеть какой логарием : то по характеристике узнать можно, извесколиких знаков должно состоящь число, соответствующее сему логариему.

# TEOPEMA XXV.

б. 288. Ежели логари в мв единицы будетв в: то логари в мв произпедентя дпухв чиселв будетв рапенв сумемв логари в мощо, множимых в между собою чиселв.

# ДОКАЗАТЕЛЬСТВО.

Понеже единица содержится кводному изв множимых в чисель такь, какь и другое множимое кв произведентю (\$. 66.); но соотвътствующе числамь логариемы состоять вы прогрессти Ариеметической (\$. 282): то логариемы произведентя будеть четвертое Ариеметическое пропорцтональное числу, котда кв третьему числу

числу придано будеть второе, и изъ суммы ихъ вычтется первое (\$. 169.): но логариемъ единицы есть о; слъдовательно логариемъ произведентя двухъ чиселъ будеть равенъ суммъ логариемовъ множимыхъ между согою чиселъ. Ч н. д.

ПРИБАВЛЕНІЕ І.

5. 289. Понеже квадрашное число происходишь изы умножентя его радикса самого на себя (\$.250.); шого ради логариемы квадрашнаго числа будешь вдвое сольше нежели логариемы радикса его, и на оборошь, логариемы радикса квадрашнаго равены половины логариемы квадрашнаго числа, що есщь, логариемы квадрашнаго числа найдешся, ежели логариемы его радикса будешь удвоень. Равнымы образомы, понеже кубическое число происходишь изы умножентя квадрашнаго числа на свой радиксы (\$.151.): що логариемы кубическаго числа будешь вшрое больше, нежели логариемы радикса его, и на оборошь, логариемы кубическаго радикса будешь равены шрешей часши логариема кубическаго числа, що есшь, логариемы кубическаго числа найдешся, ежели логариемы радикса его будешь ушросны, и шакы далье.

ПРИБАВЛЕНІЕ 2.

\$. 290. Когда единица къ знаменашелю какой степени содержится такъ, какъ логариомъ радикса ел къ логариому самой степени (\$. 255.): то логариомъ степени найдется, когда логариомъ радикса ел будетъ умноженъ на знаменателя (\$. 60.), и на оборотъ, логариомъ радикса ен иайдется, когда логариомъ той стерени раздълится на ел знаменателя (\$. 67.).

# ПРИМЪЧАНІЕ.

\$. 391. Для лучшаго поняштя вышеписанных в (\$. 288, 289.), предлагающей здабеь сладующёе примары. На пр. 3, сумма логариемовы 1 + 2, есшь логариемы произведентя 8 двух в чисель 2 х 4; равнымы образомы 7, сумма логариемовы 2 - 5, есшь логариемы произведентя 128 = 4 × 32. Также 3, логариемы радикса квадращнаго 8, есшь половина логариема 6 совыватемы произведенты квадрату 64, и 2, логариемы радикса

жикса кубуческого 4, есть третья часть логарнома 6, соотвътствующаго кубу 64, и проч.

# TEOPEMA XXVI.

§. 292. Логарием в частнаго числа рапен в разности логариемон делимаго числа и лемпеля.

# доказательство.

Понеже двлитель кв двлимому числу содержится, какв единица кв частному числу (\$. 76.); но соотввтетвующе имв логариемы состоять вв прогрессти Ариеметической (\$. 282.): то логариемь частнаго числа будеть четвертое Ариеметическое пропорценальное число, которое найдется, когда кв третьему числу придано будеть второе, и изв суммы ихв вычтется первое (\$. 169.): но логариемь единицы есть о; следовательно логариемь частнаго числа будеть разности логариемовь двлимато числа и двлителя Ч. н д.

# примъчание.

S. 293. Положимь, что дёлимое дано 64, а жълитель 16: то логариемь 2 частнаго числа 4 будеть разности логариемовь дёлимого числа и дёлителя, то есть, 4—9—2; равнымы образомы разность 4, между логариемами 3 и 7, дёлителя и дёлитаго числа, будеть логариемы частинго числа 16, которое произошло изъраздёлентя 123 на 8.

ЗАДАЧА XLVII. 5. 294. Найти логариюм в какого числд, и показать елособь, како находить логариюмы. Аля пекхо обыкнопенных в чисель.

PBMEHIE.

Жотя чисель, состоящихь между и и 10, 10 м 100, 100 и 1000, то есть, 2, 3, 11,

12, 105, 115, и проч. совершенных логариемов им вты не можно (\$.286.); однако можно сыскать логариемы таких инсель, которыя от них веймою малою дробью разнетвують, и логариемы их приняты быть могуть за логариемы твх самых в чисель. Положим в, что требуется сыскать логарием в числа 9: то

- 1. Понеже число 9 содержится между 1 и 10; то ради между 1 и 10, придавь кы нимы по семи нулей (с. 286.), падлежить сыскать среднее Геометрическое пропорциональное число (б. 176.), а между логам риомами ихы среднее Ариометическое пропорциональное число (б. 172.).
- 2. Потомь между найденнымь среднимь Геометрическимъ пропорциональнымъ числомъ и большимь, надлежить еще сыскать среднее Геометрическое пропорцинальное число, а между логариемами ихв среднее Ариемешическое пропорціональное число, то есть, должно вибщать новые члены между членами ближайшими къ данному, и ко всякому найденному члену сыскивашь соотевтствующій логаривмы, и подобныя двиствія продолжать до твхв порв, пока среднее Геометрическое пропорціональное число не будеть сь нъсколькими нулями то самое число, котораго легариемъ требуется. Такимъ образомь, по долговременномь трудь, получить желаемое; что самое ленве можно вилъть изъ приложенной при семь таблицы: ереднія

	ереднія Геом. пропор. числ.	логариемы.		средн Геом.	хогариемы.
A C B	1.0000000 3.1622777 10.000000	0. 0000000 0. 5000000 1. 0000000	LIMM		0. 9550781 0. 9545898 0. 9541016
BDC	10, 0000000 5, 6234132 3, 1622777	1.0000000 0.7500000 0.5000000	N O M	9:0021388	0.9545898 0.9543457 0.9541016
BED	10.000000 7.4989421 5.6234132	0.8750000	O P M	8.9996088	0. 9543457 0. 9542236 0. 9541016
BEE	10. 0000000 8. 6596432 7. 4989421	0. 9375000	OQP	9.0008737	0.9543457 0.9542847 0.9542236
BGF		1.0000000 0.9687000 0.9375000	Q R P	9.0002412	0.9542847 0.9542542 0.9542236
GHF	8. 9768713	0. 9687000 0. 9531250 0. 9375000	R S P	9.0002412 8.9999250 8.9996088	0.9542389
GIH		0.9687000 0.9609375 0.9531250	R T S	9.0002412	0. 9542465
I K H	9. 0579777	0. 9609375 0. 9570312 0. 9531250	TVS	9.0000831 9.0000041 8.9999250	
K L H	9. 0579777 9. 0173333 8. 9768713	0. 9570312 0. 9550781 0. 9531250	V X S	9. 000004i 8. 9999650 8 9999250	0.9542408
L M H	9.0173333 8.9970796 8.9768713	0.9550781	V Y X		0.9542427

-	среднія Геом. пропор. числ.	логариомы.		средн. Геом. пропор. чис.	логариомы.
VZY		0 9542427 0. 9542422 0 9542417	c	9.0000004	<ul><li>9542426</li><li>9542425</li><li>9542425</li></ul>
V a Z	8. 9999992	0 9542427 0.9542425 0.9542422	d	9. 0000004 8. 9999998 8. 9999992	
V b a	9.0000041 9.0000016 8.9999992		e	9.0000000	0.9542425 0.9542425 0.9542435

### примъчаніЕ.

\$. 295. Равнымы образомы сыскиваются логариемы и прочихы чисель (\$. 294.), котя вы самой вещи ныть нужды сыскивать оные, по причины столь продолжительнаго труда. Ибо, естьли какія часла происходять изы умноженія другихы, которыхы логариемы уже изывістны: то надлежить только ть логариемы сложить (\$. 288.); естьлижь какія часла происходять изы діленія другихы, которыхы логариемы уже найдены: то надлежить только ть логариемы одины изы другаго вычесть (\$. 292.), т проч.

### привавление т.

\$. 296. Изб придоженной выше сего таблицы явствуеть, что карактеристика логариомовь, соотвытетвующих ислать, состоящимы между и и ю есть о, а карактеристика логариомовь, соотвытетвующих всымы тымы числать, которыя состоять между ю и 100, есть и м такь далье.

#### ПРИБАВЛЕНІЕ 2.

\$. 297. Слёдовашельно логариемы шёхь чисель, которых на концё увеличиваются нулемь, разнетвують между собою только характеристикою. Положимь, что числа 6 логариемь есть 0, 7781512: то логариемь числа 60 будеть 1, 7781512.

при-

### примъчаніЕ.

S. 298. Понеже всякаго числа логариомь соетонть изь причо чисий и десятичной дроби, которая называется мантиссою, и цёлое число не что ниное, какъ характеристика, которая показываетъ число знаковь, находящихся при легариомь (\$ 287.) то мантисса будеть показывать, какте оные знаки Должны бышь; и ежели по маншиссь найдено будеть число, соотвътствующее хогариому: то харавтеристика покажеть, сколько знаковь вы найденномь числь будеть принадлежать кь цвлымь числамь (S. 286.). На пр. ежели будеть сладующей хогариемь 3, 7603471: то мантисса пока-Вываеть, что число сему логарному соотвытствующее есть 5759. Но понеже характеристика показываеть, что число должно состоять изб трех только знаковь; савдо ательно соответствующее число сему могариему будеть 575.

прибавленіе.

3. 299. Таким вобразом вожно выдеть, как выходить догариемы таких чисель, при которых находить догариемы таких чисель, при которых находитей десятичный дроби. Надлежеть представить, будтобы всё знаки даннаго числа означали цёлыя части, потом взянь из таблиць соответствующей имь логариемь, как свойство дарактернетику должно переменить, как свойство догариемовы требуеть (б. 286.). На пр. ежели бы дано было число 794, 2: то бы логариемь онаго быль 2., 8999299. Равнымы образомы числа 7, 942, будеть логариемь о, 8999299. И сте тогда только безы погрытности употреблять можно, когда вы данномы числе не более будеть, какы четыре знака. Ибо обыкновенныя табливым логариемовы не далье простираются, какы до 100000

BAAAHA XLVIII.

5. 300. Найти соотпътстиующей логариом в такому числу, которое препосходит в 10000, р В ШЕНІЕ.

1. Вы данномы числы отлым четыре знака кы лывой рукы, и онымы соотвытствую. щей логариемы сыщи вы таблицахы.

M

- 2. Найденной логарием вычти из ближайте большаго находящагося въ таблицахъ.
- 3. Потомъ дълай тройное правило въ которомъ первымъ членомъ будеть единица съ столькими нулями, сколько знаковъ къ правой рукъ осталось въ данномъ числъ; вторымъ, оные оставштеся знаки даннаго числа; а третьимъ разность логариемовъ.
- 4. Наконець найденное четвертое пронорцтональное число придай кы логариому, изы таблицы взятому, а карактеристику перемыни, смотря по числу знаковы даннаго числа; такимы образомы произойдеты искомой логариомы.

Положимь, что требуется сыскать логариемь числа 92375: то отдъленныхь знаковь 9237 будеть логариемь 3, 9655309, разность между симь и ближнимь посль его слъдующимь большимь логариемомь будеть 471; и понеже въ данномь числъ остается еще одинь знакъ: то будеть слъдующая пропорція:

10: 5 = 471:235.

Слъдовашельно искомой логариомъ даннаго числа будеть 4, 9655544.

BAAAYA XLXI.

§. 301. Найти соотпътстиующее число такому логариему, котораго из таблицахъ не находитея.

ръшение.

Перпой случай. Ежели характеристика дан-

ue

Ъ.

0-

11-

0

T ...

- 1. Характеристику перемвня на 3, а мантиссу оставя тужь, сыщи вы таблицахь число соотвътствующее такому логариюму, которой ближе прочихы подходить къ данному.
- 2. Потомь вы найденномы числы отлым, сы правой руки, столько знаковы, для лесятичныхы дробей, сколько единицы кы характеристикы, вы разсуждени перемыны, придано будеть. Такимы образомы найдется число соотвытствующее данному логариему.

Положимь, что дань логариемь і, 9446784: то соотвътствующее число такому логаривму, которой ближе прочих подходить къ сему данному, будетъ 88. Но сего числа, то есть, 88, настоящей логариомъ есть 1, 9444827, и для того характеристику перемвия на 3, ищи логариему 3, 9446784 соотвътствующее число, которое будеть 8804; но помеже къ карактеристикв въ разсуждени перемвны, приданы двв единицы; того ради отв найденнаго числа отдъля два знака, съ правой руки, для десяшичных в дробей, оставштеся знаки, къ абвой рукв, будуть изображать цвлое число соотвътствующее данному логариему. На пр. 88 будушъ цвлыя, а о4, десяныя и соныя части, что самое изображается слъдующимъ образомЪ: 88, 04, или 88 04

Второй случай. Ежели характеристика даннаго логаривма будеть 2, или 3: то

- 1. Взявь изь таблиць логариемь меньшей ближайшей кь данному, вычти оной изь большаго ближайшаго кь данному, и изь самаго даннаго.
- 2. Потомь двлай посылку: какв первая разность кв 100, или кв 1000, или кв 10000, такв вторая кв искомымь десятымь, сотымь, тысячнымь, или десятитысячнымь частямь.
- 3. Найденныя части припиши кв числу, которое соотввиетвуеть меньшему логариему, ближайшему кв данному. Такимв образомв будеть найдено точнвишее число, соотввиствующее данному логариему.
- Положимь, что дань логариемь 3, 758982, кы которому меньшей ближайшей будеть 3, 7589875, а соотвытствующее ему число 5741; слыдовательно между даннымы логариемомы и меньшимы кы нему ближайшимы будеть разность 107; большей ближайшей кы данному логариемы есть 3,7590632, и разность между имы и меньшимы ближайшимы, то есть, 3,7590632—3,7589875 будеть = 757. По чему

757:100=107:14

И такъ данному логариему точнъй тее прежняго будеть соотвътствовать число 5741, 14, или, 5741 166. А ежели бы на второмь мъстъ поставлено было число 1000: то бы искомое число было 5741, 141, или, 5741 1600, и проч.

### BAAAYA L.

S. 302. Найти соотивтетпующее число тажому логариюму, которой будет в больше, нежели логариюм в числа 10000. РБШЕ-

# ръшение.

Перпой случай. Ежели не будеть требовано того, чтобь соотвътствующее число было точнъйшее: то

- 1. Данному логариому найди соотвътствующее число, смотря на мантиссу онаго, (\$. 298.).
- 2. Пайденное соотвътствующее число увеличь, или уменьши, смотря на то, какой должно быть характеристикъ, ( §. 287, 286.). Такимъ образомъ будеть из въстно желаемое соотвътствующее число данному логариому.
- Положимъ, что данъ логариемъ 6,7589982: то въ разсужденти мантиссы, будеть сему логариему соотвътствующее число 5741. Но понеже характериетика поиззываеть, что число должно состоять изъ семи знаковъ; того ради будеть соотвътствующее число 5741000.
- Второй случай. Ежели будеть требовано, чтобь соотвътствующее число было точибищее: то
- 1. Нев даннаго логариема вычти логариемы числа 10, или 100, или 1000, или 10000, для того, чтобь оставшейся логариемь быль меньше, нежели какой послёднимы находится вы таблицахь.
- 2. Оставшемуся логариому найди соотвътствующее число, по второму случаю, (\$. 301.), и
- 3. Оное умножь на 10, или на 100, или на 1000, или на 10000. Такимъ образомъ М 3

произведенте изъ того будеть точнъйшез соотвътствующее число данному логарио-

My.

Положимъ, что данъ логариемъ 7,7589982: то вычешии изъсего логариемъ числа 10000, которой есть 4,0000000, останется логариемъ 3,7589982, и ему сооте втетвующее число есть 5741 141 гоог, которое умноживъ на 1000, произведенте 5741141 будетъ желаемое сооте втетвующее число (\$.68.).

3AAAAA LI.

S. 304. Найти логариюм в прапильной дрови. РВИЕНІЕ.

- 1. Логариемъ числишеля вычши изъ логарисма знаменашеля.
- 2. Предь разностью ихъ поставь знакь вычитанія (\$. 49.). Такимь образомь найдется логариемь дроби.

Положимь, что требуется сыскать логариемь дроби  $\frac{3}{2}$ : то будеть

> логариемъ 7 = 0,8450980, логариемъ 3 = 0,4771213 логариемъ 3 = 0,3679767

# ДОКАЗАТЕЛЬСТВО.

Когда дробь есть частное число, происходящее изб раздблентя числителя на знаменателя (\$. 202, 114, 112.): то логариемъ ся будеть разность между логариемами соотевтетвующими числителю и знаменателю \$. 292.); но какъ числитель есть меньте знаменателя (\$ 207): то и разность между ими будеть отрицательная (\$. 56.). Ч. н. д.

примб-

### ПРИМЪЧАНІЕ.

\$. 305. Не должно имъть никакого сомивнія вы томь, что логариомы правильной дроби есть отрицательной. Ибо, когда единицы логариомы ссть 0 (\$ 285.): то логариомы дроби неотмынно должены быть меньше, нежели 0; поколику дробь есть меньше единицы (\$. 199.).

прибавление т.

\$. 306. Понеже вы неправильной драби числитель есть больше знаменателя (\$. 207.): то логариямы ел най-дется, ежели изы логарияма числителя будеты вычтены логариямы знаменателя (\$. 293.).

Положимъ, что требуется сыскать логариемъ дроби 3:

то будеть

логариемЪ 9 = 0,9542425 логариемЪ 5 = 0,6989700 логариемЪ  $\frac{2}{5}$  = 0,2552725

прибавление 2.

§. 307. Равнымъ образомъ и смѣшенной дроби логариемъ
сыскивается ( \$. 306.); поколику оную можно привести въ неправильную ( \$. 211.).

Положимъ, что требуется сыскать логаривыв смещенной дроби 3 2: то, приведши ея въ неправильную 23,

будеть

логариемъ 23 — 1,3617278 логариемъ 7 — 0,8450980 логариемъ 3<sup>2</sup> — 0,5166298

# 3AAAYA LII.

\$. 308. КЗ даннымЗ тремЗ числамЗ, помощёго логарифмопЗ, найти четпертое пропорцюнальное геометрическое число.

# ръшение.

г. Логариомъ втораго числа сложи съ лога-

риомомъ препьяго.

2. Изв суммы ихв вычши логариемв перваго, остатокв будетв логариемв четвертаго пропорціональнаго числа, (\$. 173, 288, 292.).

M 4

HONO-

Положимь, что требуется сыскать четвертое пропоругональное геометрическое число къ тремъ даннымъ слъдующимъ чиеламъ 4,68,3: то будетъ

логариемЪ 68 = 1,8325089 логариемЪ 3 = 0,4771213

сумма = 2,3096302 логариемъ 4=0,6020600

1,7075702 ловариемЪ

четвертаго пропорциональнаго числа, которому въ таблицахъ находится соотвътствующее число 51.

### ПРИБАВЛЕНІЕ.

\$. 309. Изъ чего видно, что, когда вмѣсто чисель приняты будуть логариемы оныхъ, умножение въ сложещие, а дъление въ вычитание перемънлется.

# примъчание т.

\$. 310. Хощя употребленте логариемов довольно видно будеть изь тригонометрти; однакожь и
вы общемы житти бывають такте случаи, гды логариемы сы великою пользою употреблены быть мотуть. По чему и тройное правило чрезы логариемы
весьми способные, а вы разсужденти больших инсель, исправные дылать можно.

# ПРИМЪЧАНІЕ 2.

\$. 311. Что касается до логаривмовь синусовь и тангенсовь, объ оныхь въ тригонометрии, какъ единственно принадлежащихъ къ оной, обстоящель- по упомянуто, и употребление ихъ показано будеть.

# глава осьмая

О ДЕСЯТИЧНЫХЪ ДРОБЯХЪ. ОПРЕДЪЛЕНІЕ XLI.

6. 312,

Десятичныя дроби, или десятичныя чиела. (Fractiones decimales, fiue numeri decimales) суть не что инное, как изсти десятыя, сотыя, тысячныя и проч. какого прлаго. Или, десятичныя дроби называются тв, которыя имбить, вмосто знаменателя, единицу сь новоторымь числомы нулей. На пр. 30, 100, 1000, и проч.

прибавление г.

\$. 313. Слѣдовательно знаменатели десятичных дробей продолжаются въ десятерномъ содержанти. По чему и наимянованте свое получили десятичныя дроби от прогрессти геометрической, начинающейся съ единицы и продолжающейся далъе въ десятерномъ содержанти (\$. 286.).

ПРИБАВЛЕНІЕ 2

5. 314. Понеже десящичныя дроби имфющь знаменашелемь единицу, съ нфкоторымъ числомъ нулей (б. 312.); того ради, для краткаго изображенія, и способнфишаго исчисленія десящичныхъ дробей, знаменашель ихъ не вишется, но одинъ только числьтель, сверьху котораго надписывается, чрезъ извъстные знаки (б. 19.), число нулей, находящихся въ знаменатель. На пр. 3 400, того пишутся такимъ образомъ: 3, 4, 6, 84; и слъдовательно, надписываемые знаки сверьху числителей, не что инное суть, какъ логариомы ихъ знаменателей, не что инное суть, какъ логариомы ихъ знаменателей (б. 236.).

примъчание т.

выговаривать, три десятыхь, четыре сотыхь, шесть тысячныхь, восемь десятипысячныхь частей и проч.

примъчание 2.

\$ 316. Знаки, которыми изображаются десятичныя дроби такое жь знаменование имъють, какъ и знаки простыхъ чесель (\$. 24.); но въ томь только одно различе состоить, что знаки въ цълыхъ числачь, къ лъют рукъ, всегда въ десятеро больше становятся (\$. 22, 24.); въ десящичныхъ же дробяхъ, напротивь того, къ правой рукъ, въ десятеро меньше оные убавляются.

примъчание з.

\$. 317. Цѣлыя чи́сла, находящіяся при десямичных дробяхь, имфють шакое жь знаменованіе, какое бы имѣли они и безь опыхь, и для распознанія, оть лесятичных дробей отдѣляются точкою (\$. 267.). Напр. 19 ф пишутся шакимь образомь 19. 4. ПРИМБЧАНІЕ 4.

\$. 318. Десящичныя дроби, от прибавлентя къ нимъ нулей, съ правой руки, въ содержанти своемъ не перемъняющея. На пр.  $\frac{1}{10}$  тоже значищь, что  $\frac{100}{100}$ , а  $\frac{100}{100}$  тоже значить, что и  $\frac{100}{1000}$  (\$. 146.).

# TEOPEMA XXVII.

 $\S.$  319. Естьли будет дано несколько десятичных дробей: то оныя, для краткости, могут изображены быть одного дробью, без псякой перемены их знаменопанія, на пр.  $\frac{3}{100}$ ,  $\frac{3}{1000}$ , будут по одной дроби  $\frac{3}{1000}$ .

Понеже  $\frac{3}{10} = \frac{3}{1000}, \frac{3}{100} = \frac{40}{1000} (\$.318,316),$ и  $\frac{6}{1000} = \frac{6}{1000} (\$.30.)$ : mo 300 + 40 + 6  $\frac{346}{1000} (\$.224.) = \frac{346}{346} (\$.315.)$ . Ч. н. д.

### прибавлениЕ.

5. 320. Когла нёсколько десящичных дробей изображающей одною дробью (§. 319.): що и знаки, означающёе число нулей, находящихся вы знаменашель, могушь изобряжащься чрезы одины шолько послёдней знакы, что сы правой руки, которой потому и называется большить знаменашелемь, или знакомы большаго знаменованія,

Nominator, fine apex, maximus). Ha np. 3,46 u206pa-

жены бышь могушь шакимь образомь: 346.  $TEOPEMA\ XXVIII.$ 

\$. 321. Ежели цълое число съ находящимися при себъ десятичными аробями будетъ сложено: то произщелшей изъ того дроби числитель будетъ сумма, состоящая изъ псъхъ знакопъ цълаго числа, и изъ псъхъ знакопъ числителей данныхъ десятичныхъ дробей, а знаменатель будетъ тотъ , которой есть больше изъ данныхъ. На пр. 32 — 15 — 1500 — 1500 — 32549.

ДОКАЗАТЕЛЬСТВО.

Когда десятичных дроби  $\frac{5}{10} + \frac{4}{100} + \frac{2}{1000}$ , выбетв взятых, равняются одной десятичной дроби  $\frac{5}{1000}$  (\$. 319.), и цвлое число 32 приведенное кв одинакому знаменателю св десятичною дробью есть  $\frac{32000}{10000}$  (\$. 213.): то произойдуть извтого двв дроби  $\frac{540}{1000}$  и  $\frac{32000}{10000}$ , имвющіх одинакаго знаменателя 1000, и следетвенно, обв выветв сложенных, составять сумму  $\frac{32540}{10000}$  (\$. 224.). Ч. н. д. привавленів.

5. 322. Изв чего видло, что, безв всякой перемёны знаменовануя десятичных в дробей, естьии вв числителях в мжь не доставать будеть каких в знаковь съ краю, или вы срединь, съ левой руки, можно дополнить оные нулями. На пр. 10000 будеть, чрезь дополнене нулей, — 0008 ооо 8 (\$. 315.) — 0008 (\$. 320.), 2 3 — 10000 — 3007.

### примъчаніе.

\$. 323. Когда одно число на другое, въ разсуждени простыхъ чисель, безь остатка не раздълится, и потребно будеть, вытето дроби, въ частномъ числъ имъть десящичную: то въ такомъ случат надлежить приложить къ остатку столько нулей, сколько десящичныхъ дробей потребно, или порезнь по одному нулю прибавлять къ происхедящимъ остаткамъ до тъхъ порь, пока не найдется довольно десящичныхъ дробей, и дъйстви продолжать обыкновеннымъ образомъ (\$. 80.). На пр. на 362 раздъля 147475, выдеть частное число съ десящичния

ною дробью = 407. 3895.

362] 147475. 0000 [407. 3895

 $362 \int 147475 \left[407.\frac{3895}{1000}\right] = 407.3895 \left(\$.320.\right)$  1448 2675 2534  $362 \int 1410$  1086  $362 \int 3240$  2896  $362 \int 3440$  3258  $362 \int 1820$  1810

#### привавление т.

5. 324. Понеже всякая дробь можеть принята быть за содержаніе, котораго предвидущимь членомь будеть числитель дробя, а последующимь знаменатель оныя (\$. 114.), и вы содержаніи Геометрическомы предымлущей члень обыкновенно делится на последующей (\$. 112.): то, вы разсужденіи сихы обстоятельствь, можно всякую простую дробь привести вы десятичную, придавы кы числителю ен вдругы несколько нулей, лля желаемыхы десятичныхы дробей (\$. 323.), такы чтобь числитель сы приложенными нулями на знаменателя дроби разделился безы остатка, что ясные можно видыть изы приложенныхы при семы примеровы:

3/3.00 10.75; \$\frac{3}{5}\$ 5.000 10.625; \$\frac{25}{25}\$ 2.00 10.02. и проч. е что нуль предъ каждымъ частнымъ числомъ находител, въ томъ сомивнія имѣть не должно. Ибо 4 въ 3, в въ 5, 25 въ 2, ни разубы не могли содержаться; естьлибы не было прибавлено нулей; по чему и пишется предъчастнымъ числомъ о (\$. 80. пунктъ. 3), м отдъляется точкою для того, что послъ его слъду-

ють желаемыя десятичныя дроби (\$. 317.).

ПРИБАВЛЕНІЕ 2.

5. 325. Изъ чего видно, что, въ разсужденти приведенти простыкъ дробей въ десятичныя, столько знаковъ въ частномъ числъ выходить, сколько нулей въ дъленти къ числителю придается (\$. 324.). На пр.

1 1. 000 [0.008. Ибо 200— 1 ; также 2500 будеть 2500] 3. 0000 [0.0012. ибо 10000— 2500 (\$.146). ПРИМЪЧАНІЕ.

\$. 326. Понеже есть много таких дробей, которыя, по прибавлении къ нимъ нъскольких иу-лей, въ десятныя дроби приведены быть не могуть безь остатка, на пр.  $\frac{1}{3}$ ,  $\frac{4}{7}$ ,  $\frac{5}{12}$  и проч. то въ такомъ случав приводить оныя должно по крайней мъръ въ таки десятичныя дроби, которыя по большей части въ употреблении. На пр.  $\frac{1}{3}$  = 0. 333  $\stackrel{1}{2}$   $\stackrel{1}{2}$   $\stackrel{1}{2}$  0. 57;  $\frac{5}{12}$  = 0. 417 и прч. (\$. 324.).

ЗАДАЧА LIII. 5. 327. Сложить десятичных дроби, или пычесть одну изд другой.

ОБИЕ- ръшение.

1. ЦБлыя числа, естьли будуть даны, подь цБлыми должно подписать надлежащимь образомь (\$. 45.), а изь данныхь десямичныхь дробей одну подь другой подписывать такь, чтобь, вы разсужденти надтисанныхь знаковь, одна другой соотвыствовала, и потомы складывать дробы сы дробьми, а цБлыя сы цБлыми; или, вычимать дроби изь дробей, а цБлыя изь цБлыхь такь, какь простыхь чисель сложенте и вычитанте дБлается (\$. 45, 53.).

2. Потомъ надъ произшелшею суммою, или разностью, должно надписать надлежащёе знаки (\$. 315.), такимъ образомъ будетъ извъстна желаемая сумма, или разность

десятичных дребей.

Положимъ, что дано сложить 4852. 71; 4.

4852.71 1 H HI IV V VI 4.00745 2.7 1 H HI IV 0.0049

Сумма 4859. 42235 = 4859. 42235 (\$. 320.).

Положимъ, что дано вычесть 8.004. изъ

17. 109256: то будеть.

17. 109256 111111 8.004

разность 9. 105256 = 9. 105256 (\$. 320.). примъ-

# примъчание т.

\$. 328. Понеже десящичныя дроби даны бышь мотушь не вст одинакаго знаменованія, що есть, инныя изь нихь большаго знаменованія, а другія меньшаго: то, для избъжанія замьшательства вь сложеніи, и особливо вь вычитаніи оныхь, естьли какихь знаковь не доставать булеть, можно оные дополнить нулями (\$.322.318), такь чтобъ вст состояли подь одинакими знаками знаменованія, и потомь дълать обыкновенное сложеніе, или вычитаніе (\$.327.).

4852. 7 1 0 0 0 1 11 111 11 V V 4. 9 0 7 4 5 1 11 111 11 V V 2. 7 0 0 0 0 1 11 111 11 V V 0. 0 0 4 9 0

таже сумма 4859. 42235 = 4859. 42235 (\$. 320.)

Положимъ, что дано вычесть 8.004 изъ 17.

109256: то будеть чрезь дополнение нулей

17. 1 0 9 2 5 6 1 11 111 1V V VI 8.00 4 000

таже разность 9. 1 0 5 2 5 6 = 9. 105256 (S. 320.).

Положимь еще, что дано вычесть 3. 0623

изь 102. 058: то будеть чрезь дополнение нулей

10 2. 05 80 1 n m iv 3. 0 6 2 3

разность 9 8.9 9 5 7 = 98. 9957 (\$. 320.)

### примъчанів 2.

\$. 329. А чтобь можно было сыскать сумму в или разность простыхь дробей вы десятичныхь: то надлежнию сперьва привести ихь вы десятичных (\$\sigma\_{324}), и потомы складывать, или вычитать одну изы другой показаннымы образомы (\$\sigma\_{327} \cdot 328.)

Положимь, что дано сложить вь десящиных вробахь сльдующи просты дроби  $\frac{1}{2}$   $\frac{3}{4}$   $\frac{3}{8}$ ; то будеть

$$\frac{1}{2} = 0.5$$

$$\frac{1}{2} = 0.75$$

$$\frac{1}{5} = 0.625$$

$$\frac{1}{1000} = 0.625$$

$$\frac{1}{1000} = 0.875 = 0.875 \text{ (s. 327, 328.)}$$

$$\frac{1}{2} = 0.500$$

$$\frac{1}{1000} = 0.625$$

Положимь, что дано вычесть 7 из 2½: то

2½=2.5 1 п пі 7=0875 разность 1.025=1.625 (\$. 327, 320.)

2 ½ = 2.500 1 и и ½ = 0.875 1 и и разносны 1.625 (6.328.). ПРИМЪЧАНІЕ 3.

О 330. Что касается до повірки сложенія и вычитанія десящичных дробей: то оная ділается такимі кимъ же образомъ, какъ и простыхъ чиселъ (\$. 54, 59).

3AAA4A LIV.

S. 321. Умножить между собою десятичныя дроби. РВШЕНІЕ и ДОКАЗАТЕЛЬСТВО.

Понеже одни только числители десятичныхъ дробей принимаются въ разсужденте (S. 314.; того ради и умножающся оныя между собою накъ, какъ проетыя числа (\$. 65.); и понеже знаки, надписываемые надь числителями десятичных дробей, для означентя того, сколько нулей находится вЪ знаменателяхь, ихь нечто инное суть, какь логариемы mbxb знаменателей (S. 314.): то въ найденномъ произведении, знакъ большаго знаменованія, будеть сумма большихь знаковъ множимаго числа и множителя ( 5. 228.), которая при томъ покажетъ и то, сколько нулей, съ лъвой руки, должно будетъ придать кв произведентю (\$.327.), чтобъ оно точно состояло изв стольких знаковв, сколько большой знакЪ, надписанной въ произвелении, означаеть. Что самое яснве можно видъть изъ приложеннаго примъра

Положимъ, что дано умножить 42857 на 10000, то есть, 42857 на 0047 (\$. 314

320, 322.): mo

Такимъ

Такимъ бы образомъ 2014279 было произведенте. Но понеже знакъ большаго знаменовантя въ множимомъ числъ есть 5, а въ множителъ 4: то сумма ихъ 9 означаетъ, что въ произведенти знаку большаго знаменовантя должио быть ІХ, и слъдовательно произведентю надлежитъ состоять изъ девяти знаковъ; но какъ вышло только семь: то, прибавя къоному, съ лъвой руки, два нуля (\$.322), будетъ точное произведенте, со-

стоящее изь девяти знаковь на пр. 002014279.

ПРИМ БЧАНІЕ 1.

С. 222. Ежели при десятичных дробях ме-

\$. 332. Ежели при десящичных дробях , между собою умножаемых , будуть цёлыя числа: то и вы таком случай дёлается умножение также, как показано (\$. 332.); то есть, всё знаки множимой дроби со всёми знаками цёлых умножаются на всё знаки умножающей со всёми знаками цёлых (\$. 65.), поколику цёлыя числа вы одномы порядкы сы десящичными дробьми изображены быть могуть (\$. 321.); только то при томы примычать, что вы произтедшемы изы того произведении, для цёлых чисель от дёляется точкою (\$. 317.) столько знаковь, сы лёвой руки, сколько оных будеть мэлишних сверьхы знака больщаго знаменования, надписаннаго вы произведении.

Положимь, что дано умножить 20. 504 на 4. 23: то

Такимь бы образомы было произведение 8673192. Но понеже вы произведении знаку большаго знаменования должно бышь пять: то излишние два знака, кы кы кы рукы, сверыхы пяти, будуты для цылыхы, которые по тому и отдыляются точкою, и будеть

произведенте = 86. 73192.

# примъчание 2.

\$ 333. Равнымь образомы и простыя дроби умножающей вы десящичныхы, то есть, должно ихь сперыва привести вы десящичный (\$. 324.), и потомы одну на другую умножить, какы показано (\$. 331.).

Положимь, что дано умножить 🕏 ма 3: то будсть

$$\frac{5}{5} = 0.625$$
 $\frac{3}{4} = 0.75$ 
 $\frac{3125}{4375}$ 

произведение о. 46875

фругимь образомь

 $(\S. 232.) \frac{7}{8} \times \frac{2}{4} = \frac{17}{32} = 0,46875.$  mo ecms,

160

# 3AAAAA LV.

6. 334. Раздылить десятичныя дроби на другія десятичныя.

РЕШЕНІЕ и ДОКАЗАТЕЛЬСТВО.

Понеже одни шолько числишели десящичных дробей принимающея вы разсуждене (\$.314.): що и двлене оныхы двлаещся, какы просшыхы чисель (\$.80.): и понеже знаки, надписываемые нады числишелями ихь, нечто инное сущь, какы логариемы (\$.314.): що вы найденномы частномы чисай знакы большаго знаменовантя будеть разность между большими знаками двлима то числа и двлишеля (\$.292.).

Положимъ, что дано раздѣлить 2014279 на 47: то будеть

47 2014279 42857 Частное число, кото188 раго знакъ большаго знамено134 ван'я есть пать справедливо,
поколику разность между
двумя и семи, то есть, ме376 жду большими знаками дълимаго числа и дълителя есть
пять.

прибавление.

\$. 335. Изв чего видно, что, естьли знакв большаго знаменсванта вв делителе будеть равень знаку большаго жв знаменованта вв делимомь числе, вв таком случав частное число произойдеть вв однихь целыхь.

Похожимъ, что дано раздёлить 24. 64 на 12. 32: то будеть

12. 3<sup>2</sup> 24. 64 2 частиное число.

примъ-

py"

. 1

ИЧ-

Hie

II 9

же

MM

THI

IIP

ra'

VII

9

0=

0-

) 1

y

10

D

b

9

#### примъчание т.

\$. 336. Ежели при десятичных дробяхь, изъ которыхь одну на другую дълить должно, будуть цълыя числа: то и вы такомы случав дъленте дълается также, какы показано (\$. 334.), поколику цълыя числа вы одномы порядкы сы десятичными дробьми изображены быть могуты (\$. 321.); только то при томы примечать, что вы найденномы частномы числь для цълыхы от дъляется точкою, сы лывой руки, столько знаковы (\$. 317.), сколько оныхы будеты излишнихы сверьхы знака большаго знаменовантя, надписанняго вы частномы числь.

Положимъ, что дано раздълнтъ 8. 445 на 3. 22: то
3. 22 | 8. 445 | 2. 6

Такимъ бы образомъ было частное число 26. Но понеже въ частномъ числъ знаку большаго знаменовантя должно быть единицъ, ноколику разность между двумя и тремя, то есть, между большими знаками дълителя и дълимего числа, есть единица; того ради излишней знакъ сверькъ сдиницы, къ лъвой рукъ, то есть 2, будеть для цълыкъ, которой потому и отдъляется точкою, и будеть частное число 2. б.

# ПРИМЪЧАНІЕ 2.

S. 337. Ежели вы делинель знакы большаго знаменованія будень больше, нежели какой есть вы делимомы числь: то вы мізкомы случай делимоє число дополняется нулями (S. 328.), а чтобы частное число произошло точныйшее, то дополняется большимы числомы нулей (S. 323.), и потомы делается обыкновенное деленіе (S. 334, 336.). Тоже должно наблюдать, когда делитель вы делимомы числы ни разу не содержится, то есть, когда делимомы числы вы разу не содержится, то есть, когда делимомы числы будеть больше делимого числы.

Положимъ, что дано раздълить 37, 52 на 6. 2056, то есть

6. 2056 37. 52 1

И понеже видно, что вы двлитель знакь больтаго знаменовантя есть четыре больше, нежели знакь два вы двлимомы числь; того ради кы двлимому числу прибавя, на пр. три нуля, будеть

6. 2056 ] 37. 52000 [ 6. 0 частное число.

Положимь еще, что дано раздёлить 2. 4 на 3028.05. Понеже видно, что дфлитель есть боль те дълимаго числа; того ради и вы такомы случай кы дълимому числу прибавя, на пр. пяпы нулей а будещь

5028.05 ] 2. 40000 [ 0.004 частное число. А что для цвлых в чисель произошель 0, то потому, что цвлых 5028 вь 2 ни разу содержать ся не могуть, почему вы частномы числы для цвлыхы и написаны нуль (\$. 324.). Изы чего видно также и то, что, ежели двлитель вы двлимомы числы для десятыхы, сотыхы, тысячныхы и прочастей содержаться не будеты: що мысты оныхы вы частномы числы дополняются нулями (\$.322, 325.), какы и вы данномы примырь.

примъчание з.

\$. 338. Равнымъ образомъ и простыхъ дробей далается дъленте въ десятичныхъ дробяхъ, то есть, дслжно сперьва привести ихъ въ десятичныя (\$. 324.) и потомъ дълить одну на другую, какъ показано (\$. 334, 337.).

Положимь, что дано разделить  $3\frac{2}{5}$  на  $\frac{1}{4}$ : то будеть  $3\frac{2}{5} = \frac{17}{5}$  (§. 211.) = 0.34 (§. 324.)  $\frac{1}{4}$  = 0.25 (§. 324.)

30

то есщь 0. 25 ] 0. 3400 [ 1. 36 (\$. 336. ) частное

25 число.

75

150

другимь образомь

3; : \( \frac{1}{4} = \frac{17}{5} : \( \frac{1}{4} ( \frac{1}{5} . 240. ) = 68\)

5] 680 [ 1. 36 то

5 же част.

18 число.

15

#### примъчание 4.

\$ 339. Впрочемь что касается до употреблентя десящичных дробей: то оно особливо д влаеть великую способность вы Геометрических вичнслентяхь. По чему Машемашики, чтобъ способиве Аблапь исчисление, и избежань дробей, случающихся вы исчисления, міру по изволению взящую, для измърентя линъй, поверьхностей и Геометрическихъ тьль, обыкновенно раздыльють слыдующимь обра-Зомь: сажень раздаляють на 10 футовь, футь на 10 дюймовь, дюймь на 10 линти и проч. хотя и не вездъ одинакое раздъление имбеть упомянущая мвра. Такимъ образомъ линви будущь шысячныя части, дюймы сотыя части, а футы десятыя чаети, в разсуждении того жь одного целаго, то есть, сажени; о чемь пространные упомянуто будешь в Геометріи.

#3 Y & # H 4

Yaemn.



# ЧАСТЬ ВТОРАЯ ГЛАВА ДЕВЯТАЯ.

0

практической ариюметикъ. опредъление XLII.

5. 340.

Практическія пранила Аривметики суть тв, чрезв которыя, принявь вв помощь науку о пропорціяхв, можно рішить разные вопросы или задачи, случающінся при сравненіи одной вещи св другою, на пр. вв куплв, продажв, и проч.

## примъчание т.

В. 341. Практических правиль вообще считается четыре, изы которыхы первое есть прапило пролорий (Regula proportionum), оно же называется и прапилом з тройным з (Regula trium, five detri). Второе правило есть складное, или топарищестиа (Regula focietatis, five confortii) Третте правило есть Смышения (Regula alligationis). Четвертое правило Фальшиное (Regula falfi), оно же называется и правиломы лоложения (Regula positionis).

ILLINE-

#### ПРИМЪЧАНІЕ 2.

\$ 342. Послъдния три правила, то есть, правило товарищества, смъщения и фальшивое единственно зависять ото тройнаго правила, и слъдовательно оно есть весьма нужное и полезное, и, для великаго своего вь общемъ жити употребления, по справедливости называется Прапиломъ золотымъ (Regula aurea).

привавление.

\$. 343. Тройное правило, ноколику весьма употребительно, раздаляется на тройное прапило прямое, и на тройное прапило позпратительное, на тройное прапило сложное прямое, и на тройное прапило сложное позпратительное.

OПРЕДБЛЕНІЕ XLIII.

§ 344. Тройное пранило прямое (Regula trium directa) есть способь кв даннымы тремь первымы числамы находить четвертое пропорціональное число. На противы того тройное пранило позпратительное (Regula trium inversa), есть способь кв даннымы тремь послъднимы числамы находить первое пропорціональное число.

опредъление XLIV.

узименными при них обстоятельное числамь, съ приложенными при них обстоятельное числамь, съ приложенными при них обстоятельное число. Напротивь того Тройное прапило сложное позиратительное (Regula trium composita inversa) есть способь къ даннымь темь послъднимь числамь, съ приложенными при них обстоятельствами, находить первое пропорціональное число.

#### ПРИМЪЧАНІЕ Т.

\$. 346. Тройное правило сложное вообще раздамяется на правило лятерное, то есть, когда къ
даннымъ пяти числамъ сыскивается шестое пропорцтональное число; семерное, то есть, когда къ
даннымъ семи числамъ сыскивается восьмое пропорцтональное число; депятерное, то есть, когда къ
даннымъ девяти числамъ сыскивается десящое проморцтональное число, и проч.

## примъчание 2.

§ 34°. Тройное правило примое употребляется при сравненти таких комичествь, которыя состоять вы прогрессии Геометрической ( \$. 119.), то есть, естьян количества будуть имьть между собою шакое содержание: во сколько разв болве, или менье первой члень втораго, во столько разъ болбе, или менбе третий искомато четвершаго. Напрошивь того пройное правидо возвратительное тогда употреблиенся, когда сравнимыя между собою количества будуть имъть содержание обращенное ( 6. 138.), то есть, во сколько разь второй члень больше перваго, во столько разь четвершой меньще третьяго; или, во сколько разЪ второй членЪ меньше перваго, во столько разв четвертой членв больше третьяго. Короче сказать: во встяв шаких задачахь должно упстреблять тройное правило прямое, вы которыхы будеть пакой копрось: чемв больше, темв больше, или, чемв меньше, тыма меньше. Напрошный того вышты задачахь, вы которых в можеть служить сей вопрось: чтмв больше, ттмв меньше, или, чтмв меньще, тыма больше, тройное возвращительное правило уношребляется.

# примъчание з.

\$. 348. для удобившино рашентя Ариомешических къ пракшика принадлежащих задечь, не безнолезно знать вообще сладующее: т. Вы данной задачь должно разобращь все то, что дается, и что сыскать требуется, и чрезы то извыстно будеть.

B-

6

B

Б

- 2. Сколько данных в количествь, и сколько искомыхь.
- 3. Потомъ надлежить разсмотръть, которыя данныя количества къ которымь искомымь относятся, и какимъ образомъ.
- 4. И такъ не трудно будеть узнать, что данныя количества при такижь обстоятельствахь возможны.
- 5. Есшьян возможны: то смотр'вть, довольно ли их для сыскан'я желаемых количествь.
- 6. Ежели довольно: то теже обстоятельства, и ижь взайтное сношение съ искомыми, тошчась по-кажуть, по какимы переменать изы оныхы данныхы могуть произойти искомыя количества, то есть, само уже чрезы себя извыстно будеть правило, по которому данную задачу должно рышить.
- 7. Естьли жь не довольно: то смотрёть, не можно ли какими от себя принятыми обстоятельствами дополнить, безь перемёны содержантя количествы вы данной задачё.
- В. Ежели случится, что данныя вы задачь обстоятельства перемьнить надобно, а на ихы мьета принявы новыя, сыскать желаемое количество: то должно смотрыть, какія бы обстоятельства подобнымы же образомы относились кы искомому количеству; а сте сыскавы, можно будеты видыть и то, чрезы какія перемыны принятыхы обстоятельствы произойти можеты искомое количество.
- 9. А когда отделены будуть известныя количества от искомыхь: то можно видеть, что один данныя количества кы своему искомому поды особливыми обстоятельствами относятся, нежели другія данныя, а искомыя подобны между собою, вы разсужденій содержанія: то вы такомы случай должно произвесть такую перемыну вы обстоя-

обстоятельствакь данныхь количествь, чтобь оныя также были подобны между собою; а сте здълать не трудно, когда вся задача подробно

разсмотрена будеть.

то. Есшьлнжь, или данныя количества подь такими обстоятельствами невозможны, или не довольно оныхь для сысканія неизвыстнаго количества, а дополнить безь перемьны содержанія данныхь вы задачь количествы не возможно: то вы такомы случать разумыть должно, что данная задача рышена быть не можеть.

11. Впрочемь, для удобнъй шаго ръшентя задачь, иногда можно принимать вы разсужденте одни только числа безы вещей ихы и наименованти, наблюдая токмо данныя обстоящельства и пережаны, по какимы одно число изы другова произой-

ти можеть.

ЗАДАЧА LVI.

\$. 349. Зделать тройное пранило прямое. РЪНЕНІЕ и ДОКАЗАТЕЛЬСТВО.

Понеже въ тройномъ прямомъ правилъ, къ даннымъ тремъ первымъ числамъ сыскивается четвертое пропорціональное (\$. 344.); того ради изъ данныхъ трехъ послъднія два должно умножить между собою, и произведеніе ихъ раздълить на первое, частное число будеть четвертное пропорціональное (\$. 173.) Ч. н. д.

# ПРИМЪЧАНЕ.

\$. 350. Трудность сего правила вы томы только состоины, итобы знать расположение членевы, то
есть, которое изы данныхы вы залачы чисель судеты первымы членомы, которое вторымы, и которее трешьный: но сестьли сы разсуждениемы будеты
разсмощена задача: то нималой погрышности, вы
разсуждении расположения чисель, учинено не будеть.

жеть. Ибо то число, о которомь что спративается, занимаеть пторое мьсто вы пропоруйи; одинакаго сы нимы роду, или, подобное ему, лерпое; а оставшееся изы данныхы чисель будеты третима членомы; что болые всего спознать можно изы рышентя множайтихы задачы, и частаго упражнентя вы практикы,

ie

10

И

0

На пр. одинь человъкъ купиль сукий 5 аршинь, за которое заплатиль 7 руб. Спр. сколько онъ должень заплатить за 15 арш. тогоже сукий?

Здёсь видно, что то число, о котором в что спрашивается, есть 15 арт. Почему оно будеть занимать второе мёсто вы пропорціи, а 5 арт. поколику одного роду сы 15 арт. будеты на первомы мёсть, оставшееся же число 7 руб. будеты на третьемы мёсть.

То семь 5 арш: 15 арш. = 7 руб. 21 руб. столько рублей заплашишь за показанное число аршинь.

### ПРИМЪЧАНІЕ 1.

 351. Хошя въ тройномъ правилъ обыкновенно располагающся члены вЪ шакомЬ между собою ошношеній: какь первой ко второму, такь третей къ искомому четвертому (\$. 350.); однако, безъ всякой перем'бны содержанія данных в в задачв количествь, члены могуть быть расположены и вь такомь между собою отношении: какь первой къ трешьему, такъ второй къ искомому четвертому (\$. 139.), и шакое расположение членовь по большей части вь употреблении. Такимь образомь, въ разсуждении сего двоякаго расположения членовь, тройное правило иногда рашить можно съ нъкоторымь сокращентемь, то есть , естьли первой члень и второй, или первой и третей, на принятое поизволению число, разділены будуть безь остатка (S. 146.): но уже, вы разсуждении частныхы ихы чисель, гораздо способные можно будеть дылать обыкновенное ръшение тройнаво правила. И такое

No

сокращение чисемь вообще называется практикою Италганскою (Praxis Italica).

На пр. за 3 пуда мѣди дано 7 руб. что должно дать за 6 пудъ?

То по двоякому расположению членовь будеть двв спедующия пропорции:

Но понеже вы первой пропорціи первой члены и второй, а вы другой пропорціи, первой члены и третей, на принятое по изволенію число, на пр. 3, разділены быть могуть безь остатка: то уже вы сокращенных в числахь будеть состоять слідующам пропорція:

14 руб. столько должно дать за 6. пудъ мъди. Ибо, и безъ сокращентя надлежащихъ членовъ въ пропорцти, тотже самой четвертой пропорцтональной членъ 14. руб. будетъ. На пр.

## примъчанте 2.

\$. 352. Ежели вы тройномы правиль члены между собою сходные, то есть, первой и второй, или первой и третей, будуть оба вы разных родахы: то вы такомы случай тоть члень, которой будеть состоять вы большемы сорть, нежели другой

той св нимь сходной, должно на передь привести чрезь раздробление вы соответствующей другому (\$ 89.), и потомы дылать обыкновенное тройнаго правила рёшение (\$ 349.).

На пр. за 6 пудь мъди дано 48 руб. что должно дать за 16 фун?

Понеже по расположению первой члень 6 будеть означать пуды, а третей сходетвующей съ первымь, фунты; того ряди, чтобь было взаимное отношение между членами, вмъсто 6 пудь, можно принять 240 фунтовь, въ силу раздробления. И такъ будеть

фун. руб. фун.
240: 48 = 16

16

288

48 руб. руб. коп.
240 768 13 = 3 + 20 (\$. 248.) столько должно заплатить за 16
фунтовь.

# примъчание з.

\$. 353. Когда вы тройномы правиль, первой и второй, или, первой и третей члены будуты ло-маныя числа, поды одинакимы знаменателемы состоя-щія: то вы такомы случай, для краткости, оставляются оныхы знаменатели, а умножаются и дылятся одни только ихы числители (\$. 240, 68.).

На пр. за  $\frac{3}{4}$  арш. сукна дано 2 руб. 16 коп; что должно дать за  $\frac{\tau}{4}$  арш. тогожь сукна?

То будеть арш. коп. арш, 3: 216 = 1

3]216[72 коп. цвна тарш.

Тоже самое четвертое пропорціональное число 72 коп. получить можно, и не откидывая данных в знаменателей. На пр.

a Tou not growing apr

M

арш. коп. арш. § : 216 — 1

то есть 4: 210 = 1 = 864 | 864 | 72 коп. (5 234, 240.). ЗАДАНА LVII.

S. 354. Заклать тройное прапило позпратительное.

ръшение и доказательство.

Понеже въ пройномъ возвращительномъ правиль, къ даннымъ премъ послъднимъ числамъ сыскивается первое пропорціональное число (\$. 344.); того ради изъ данныхъ прехъ первыя два числа должно умножить между собою, и произведение ихъ раздълить на прете, частное число будетъ первое пропорціональное (\$. 174.).

На пр. Когда четверикь муки продавался по 16 коп. тогда копъешные хаббы въсомь были въ 3 фунта; а когда тотьже четверикь муки будеть продаваться по 12 коп. то спр. какого въсу въ тъ поры будуть помянутые копъешные хаббы?

Понеже въ пройномъ возвратительномъ правилъ расположентю членовъ надлежить быть такомужь, какъ и въ тройномъ прамомъ правилъ (\$.350.); того ради въ пропорити первыть членомъ будуть 16 коп. вторымъ 3 фун. а третьимъ 12 коп. и такимъ бы образомъ расположивъ члены, должно было второй и третей членъ между собою умножить, и произведенте ихъ раздълить на первой. Но понеже, по содержанто находящихся въ данной задачъ чиселъ, искомому члену надлежитъ быть больте втораго, поколику служитъ здъсь сей вопросъ

прось: чъмь меньше, шъмъ больше; того ради два первые члена должно умножить между собою, и произведенте ихъ раздълить на третей, частное число будеть желаемой первой пропорцтональной члень. На пр.

коп. фун. коп. 16: 3=12

12/48/4 фун. столькихь фунтовь будуть копъешные хлвбы.

#### ПРИБАВЛЕНІЕ.

\$. 355. Что сказано въ примечаніять (\$. 331, 352, 353.) о тройномъ правиль прямомь, тоже самое должно разумень о тройномъ правиль возвратительномъ, и о прочихъ задачахъ, которыя будуть решиться чрезъ пройное правило.

#### ПРИМЪЧАНІЕ.

\$. 356. Тройное возвратительное правило можеть перемънено быть вы тройное правило прямое, естьли только прежнее расположение членовы (\$. 354.) перемѣнится, то сть, ежели на мѣстѣ перваго члена трешей, а на мѣстѣ его первой члены поставлены будеть, и потомы здѣлается обыкновенное рѣтенуе тройнаго правила прямаго (\$. 349.); ибо и по такой перемѣнѣ произойдеть тоже самое желасмое число (\$. 117, 31.). На пр.

прежнее расположение коп. фун. коп. фун.

членовь было = 16: 3 = 12: 4 по сему будеть = 12: 3 = 16

> 3 12]48[4 фун. тоже самое число.

## 3AAA4A XXV.

S. 357. Попърить тройное прямое прапило В РЪШЕ-

ръшение.

Первой члень на найденной четвертой, а второй на третей члень умноживь, смо-трьть должно, естьли произведение изы перваго члена на четвертой будеть равно произведению изы втораго на третей: то почитать, что задача върно ръшена (\$. 135.).

#### прибавление.

 358. Равнымъ образомъ повъряется и тройное возвратипельное правило.

ПРИМЪЧАНІЕ.

\$. 359. Что принадлежить до тройнаго словинаго правила, о которомь выше сего упомянуто было (345, 346.), въ ономь изъ встхъ данныхъ членовъ три обыкновенно почитаются главнъйшими, изъ которыхъ два должны быть одного роду, и не что инное супъ, какъ члены значаще вещь, а третей также одного роду съ искомымъ; прочеже члены, сколько ихъ ни будеть сверьхъ трехъ, какъ обстоятельства одного также между собою роду, къ тъмъ главнъйшимъ относятся.

ЗАДАЧА LIX.

\$. 360. Здълать задачу тройнаго прашила еложнаго.

ръшение.

Перпой случай. Ежели задада будеть со-

1. Ставля члены значаще вещь, и члень одинакаго знаменовантя св искомымь отб обстоятельствь, расположи оные надлежащимь образомь (§. 50,351.), и поступай св ними далбе такв, какв показано вь рвшенти тройнаго прямаго правила (\$. 349.).

3

- 2. Потомь завлай другое расположение членовь такимь образомь, чтобь на третьемь мьств было то обстоятельство, о которомь спрашивается, на первомь бы мьсть быль члень одинакаго знаменования сь третьимь, то есть, также бы обстоятельство, а на второмь бы мьств быль найденной по первому расположению четвертой пропорциональной члень, и
- 3. Здвлавь такое расположение членовь, поступай св оными далве такв, какв показано вв первомы пунктв. Такимы образомы желаемое число, при двухы извъстныхы обстоятельствахы кы данному относящееся, извъстно будеты. На пр.
- Сколько денегь надлежить заплатить за провозь 19 пудь жельза чрезь 36 версть, естьли за провозь 12 пудь чрезь 20 версть заплачено 8 рублей?
- Вь сей данной задачь главный штечлены будуть 19 пудь, 12 пудь и 8 руб., изыкоторых в два первые не что инное суть, какь члены значащте вещь, а 8 руб. члень одинакаго знаменовантя сы искомым в, 36 же и 20 верств, какы обстоятельства. Но какы спращивается здысь о 19 пудахы, которые по тому вы первомы расположенти должны занимать третье мысто, а 12 пудь, поколику сы 19 пудами одного роду, будуты на первомы мысть, оставшейся же члень 8 руб. сы искомымы однымакаго знаменовантя, будеты занимать вто-

рое мѣсто (\$. 350, 351.). Такимъ образомъ будетъ

пуд. руб пуд. руб. 12: 8 == 19: 12 \( \frac{2}{3} \) столько бы должно было заплашишь за провозъ 18 пудъ чрезь 20 версть Но понеже показанные 19 пудь надлежить везти чрезь 36 версть; того рали будеть слъдующее вторичное расположение членовь:

верст. руб. верст. руб. 20: 12<sup>2</sup>/<sub>3</sub> = 56: 22<sup>4</sup>/<sub>2</sub> столько руб. должно заплатить за провозь 19 пудь жельза чрезь 36 верств.

Второй случай. Ежели задача будеть состоять изв семи членовь: то

- 1. Отдвля члены значаще вешь, и члень одинакаго знаменованія св искомымь отв обстоятельствь, расположи очые надлежащимъ образомъ (S. 350, 351.), и поступай съ ними далбе такъ, какъ въ рвшеніи тройнаго правила показано (\$. 349.).
- 2. Потомь здвлай другое расположение членовъ изъ найденнаго по первому расположентю четвертаго пропорціональнаго члена, и изъ ближайше относящихся обстоятельствь такимь образомь, чтобь на третьемъ мъстъ было то обстоятельство, о которомь спращивается, на первомъ бы мъстъ быль члень подобнаго жь знаменованія сь третьимь, то есть, также бы обстоятельство, а на второмь бы мвств быль найденной члень по первому расположению, и поступай

сь ними далбе такь, какь вы первомы пунктв показано.

3. На конець здвлай третте расположенте членовь изы найденнаго по второму расположентю четвертаго пропорциональнаго члена, и изы оставшихся последнихы обстоятельствы, и поступай сы ними далье также, какы вы первомы и второмы пункты показано. Такимы образомы желаемое число, при четырехы извыстныхы обстоятельствахы кы данному относящееся, извыстно будеть. На пр.

Когда 3 человъка въ 2 мъсяца на 100 руб. получили барыша 40 руб. то 5 человъкъ въ 5 мъсяцовъ на 500 руб. сколько барыша получать?

Вь сей данной задачь будуть главныя члены з человька, 5 человькь и 40 руб, изь которыхь два первые суть члены значащее вещь, а 40 руб. будеть члень одинакаго знаменованія сь искомымь; прочіе же оставитеся вы задачь члены, то есть, 2 и 5 мьсяцовь, 100 и 500 руб. будуть обстоятельства. И такь будеть.

чел. руб. чел. руб.

 $3:40=5:66\frac{2}{3}$  столько бы барыша 5 челов БкБ вЪ 2 м Беяца на 100 руб. получили.

мве. руб. мве. руб.

 $2:66\frac{2}{3}=5:166\frac{2}{3}$  столько бы ба-Рыша 5 человъкъ въ 5 мъсяцовъ на 100 Руб. получили. руб. руб. руб. руб.

100:  $166\frac{2}{3}$  = 500:  $833\frac{1}{3}$  столько барыша 5 человъкъ въ 5 мъсяцовъ на 500 руб. получатъ.

Третей случай. Естьми задача будеть со-

стоять изв девяти членовь: то.

т. Отдвля также члены значащте вещь, и члень одинакаго знаменовантя съ искомымы от обстоятельствь, и расположивь оные, поступай съ ними далбе такь, какь вы первомы пункты перваго и втораго случая показано.

2. Здвлай другое расположенте изв найденнаго по первому расположентю четвертаго пропорціональнаго члена, и изв ближайше относящихся обстоятельствь, и поступай св ними далве вв силу вто-

раго пункта тъхъ же случаевъ.

3. Потомь здёлай трете расположене изв найденнаго по второму расположению четвертаго пропорциональнаго члена, и изв двухь техь обстоятельствы, которыя послё первыхь взятых ближайте относятся, и поступай сы ними далые вы силу того жы пункта тыхы же случаевь.

4. Наконець здвлай четвертое расположенте изы найденнаго, по третьему расположентю четвертаго пропорцтональнаго члена, и изы оставшихся послёднихы обстоятельствы, и поступай сы ними далбе по второму жы пункту двухы первыхы случаевы. Такимы образомы наконець желаемое число, при извыстныхы тести

обсто-

обстоятельствахь кь данному относящееся, извъстно будеть. На пр.

Естьми 50 человъкъ въ 16 дней, работая въ каждой день по 6 часовъ, когда день быль 7 часовь, выняли земли 120 кубических сажень: то 100 человькь, работая вь день по 12 часовь, когда день будеть 14 часовь, во сколько времени вынуть 240 кубических сажень ?

2

) A

五

Вь сей данной задачь будуть главные члены 50 человъкь, 100 человъкь и 16 дней, изъ которыхъ два первые суть члены значащие вещь, а 16 дней члень одинакаво знаменованія св искомымь; прочіе же члены, то есть, 6 и 12 часовь, 7 и 14 часовь, 120 и 240 сажень будуть обстоятельства. И такъ будеть.

чел. дн. чел. дн.

50:16=100:8 во столько дней тоо. человъкъ вынуть 120 кубическихъ сажень.

час. дн. час. дн.

6:8=12:4 во столько дней 100 челов Бк выгнуть 120 куб. саж.; естьян они будуть работать въ день по 12 часовъ.

час. дн. час. дн.

7: 4 = 14: 2 во столько дней 100 чолов вынуть 120 куб. саж, естьли они въ день, которой состоить изъ 14 часовь, будуть работать по 12 часовь.

саж. дн. саж дн.

120: 2 = 140: 4 во столько дней тоо человъкъ вынуть 240 сажень, есть-ЛИ

+ выбето 140 долдено кв 4 быть 240. ant 140 878 10 2 1 nant 39 \$16. 120: 2 = 140: 2/3 ли они въ день, которой состоить изъ 14 часовъ, будутъ работать по 12 часовъ.

#### прибавление т.

5. 361. Изъ показанныхъ трехъ случаевъ видно, что пятерное правило чрезъ два, семерное чрезъ три, а девятерное чрезъ четыре расположентя ръщатся, то
есть, въ пятерномъ правилъ дважды, въ семерномъ
трижды, а въ девятерномъ четыре раза тройное прямое правило повторяется, и что прочтя задачи, которыя будутъ состоять изъ больте, нежели девяти
членовъ, подобнымъ же образомъ ръшены быть могутъ,
наблюдая токмо при томъ то, чтобъ расположентя
членовъ надлежащтя и порядочныя были, и тройное
прямое правило повторялось столько разъ, сколько потребно будетъ.

#### ПРИБАВЛЕНІЕ 2.

6. 362. Изъ последняго жь препьяго случая явствуеть особливо то, что и тройное сложное возвращительное правило подобнымъ же образомъ располагается, и въ ономъ тройное возвратительное простое правило повторяется столько разв, аколько потребно, поколику не во всякомъ сложномъ возвратительномъ правиль каждое расположение членовь чрезь одно токмо пройное возвращительное правило ръшится, но въ иномъ одно расположение чрезъ возвращительное, а другое чрезъ прямое, вы иномы два расположения чрезы возвратительное, а третье чрезъ прямое, или два чрезъ прямое, а третье чрезъ возвратительное, и наконецъ въ иномъ три расположенія чрезь возвратительное, а четвертое чрезъ прямое, и на оборошь одно чревь возвратишельное, а три чрезъ прямое, и проч. что самое болъе всего, смотря на содержание данных въ задачв количествъ, видъщь, и изв частаго упражнения примътить можно.

## ПРИМЪЧАНІЕ 1.

\$. 363. Хотя и справедливо то, что сказано было во второмы пункты перваго случая, вы разсуждени рышения тройнаго правила сложнаго, о четвертомы члены, найденномы по первому расположению, чтобы оной вы другомы расположени занималь второе мысто (\$. 360.); однако еге бываеты отмынымы образомы, то есть, найденной по первому расположению члены вому расположению члены

можеть

можеть иногда занимать и первое мъсто въ другомь расположении, смотря по произвольному расположенію членовь сь тёмь только, чтобь по расположенти оных взаимное между ими ошношенте было, какъ то изъ приложенняго при семь примъра яснте видёть можно. На пр. Естьли 5 человыко въ 2 дни нажать могуть 1500 сноповь ржи: то 30 человъкъ 27000 сноповъ во сколько времени нажнуть?

Первое расположение членовы можеть быть сльдующее:

сноп.

чле. Сноп. 5: 1500 = 30: 9000 столько сноповь 30 человъкъ могушъ нажать въ 2 дни. И сей бы найденной по первому расположению четверной пропоригональной члень должень быль занимать вь друтомь расположений, которое следуеть, второе мвсто (5. 360.); но понеже по вопросу следуеть. чтобъ искомой четвертой пропорціональной члень означаль дни, и второй члень, въ разсуждении знаменованія, сходствуеть сь четвертымь (S. 352.); того ради второе мѣсто будуть занимать дни, а не число сноповь. Такимь образомь другое распо-

жение членовь будеть сладующее: сноп. дни сноп. дни

9000: 2 = 27000: 6 во столько дней 30 человъкъ нажнутъ 27000 сноповъ.

#### ПРИМЪЧАНІЕ 2.

 364. Естьян вы сложномы тройномы правиль. члены значащие вещь на принадлежащия къ нимъ обстоятельства умножены, и потомы произведения 🎉 ихь еь оставшимся членомь, которой есть одинакаго знаменованія съ искомымь, расположены будуть надлежащимь образомь (S. 351.): то вы такомъ случат сложное пройное правило ртшено бышь можеть чрезь одно расположение членовь.

Положимь и зджев тоть же примірь; которой вь первомь случав сложного прейного правила быль

ноложень (\$. 360.), то есть, сколько денегь надлежить заплатить за провозь 19 пудь жельза чрезь. 36 верств, естьми за провозв 12 пудв чрезв 20 верств заплачено в рублевь? То, вы силу сего примічанія, члены значащіе вещь, какіе сушь во сей задачь 12 и 19 пудь, умноживь на принадлежащия къ нимъ обстоятельства 20 и 36 версть, изъ произшедшихь изь того произведений и изь оставшатося сходнаго члена, вы разсуждении знаменования, вы искомымы, то есть, 8 руб. будеты следующее расположение членовъ:

пуд. верс. 12 x 20 = 240

пуд. верс.

19 × 36 = 684

верст. руб. верст. руб.

240: 8 = 684: 224 столько должно заплатить за провозъ 19 пудь жельза чрезь 36 верств (\$. 360.).

#### HPUSABAEHIE I.

\$. 365. Справедливость показаннаго решенія сложнаго пройнаго правила однимъ разомъ видна изъ того, ибо жошя такъ скажешь: за провозъ 12 пудъ жельза чрезъ 20 версть заплачено 8 рублей, сколько должно заплатить за провозъ 19 пудъ чрезъ 36 версть, или такимъ образомь: за провозь одного пуда жельза чрезь 240 версть заплачено 8 рублей, сколько должно заплашишь за провозъ того жъ одного пуда чрезъ 684 вереты; однако вопросъ задачи не перемфияется.

\$ 366. Вавнымъ образомъ и щройное сложное возвращи-тельное правило ръшено бълги тельное возвращипри томъ примъчать то, чтобъчлены значащие вещь обратнымь образомь были умножены на принадлежащія къ нимъ обстоятельства, то есть, первой члень значащей. вещь должень умножень бышь на обстоящельства принадлежащія къ второму, а второй члень также значащей вещь на обстоящельства принадлежащія къ первому, и потомъ произведентя ихъ съ оставшимся члемомь, которой есть одинакаго знаменованія съ искомымь, должны расположены бышь надлежащимь обра-

зомь

зомь (\$.351.). На пр. когда 46 работниковь выкопали ровь глубиною 14 аршинь въ 12 дней: то ровь глубиною 168 аршинь въ 16 дней сколько работниковъ выкопать могуть?

Понеже данная задача состоить изь 5 членовь; то, въ силу предвидущихь (\$. 362, 361, 360.), по двумь расположентямь требуемое число найдется слъдующимь образомь:

арш. раб. арш. раб.

24: 43 = 168: 336 сполько рабопниковъ выко-

пають 163 арш. вь 12 дней.

дни раб. дни раб.

22: 333 = 16: 252 столько работниковЪ выко-

пають 168 арш. вь 16 дней.

Тоже самое пребуемое число 252 рабопника, въ силу сего примъчантя, можно сыскапь и чрезъ одно расподоженте членовъ. На пр.

> арш. дни. 24 × 16 = 384 арш. дни. 168 × 12 = 2016

> > арш. раб. арш. раб.

384: 48 = 2016: 252 поже самог пребусмое число произошло.

#### ПРИМЪЧАНІЕ.

S. 267. Понеже многія задачи бывають шакія, вь которых иногда не дается точно иных чисель, которыя входять вы пропорцію, но выводяшся оныя, или чрезв сложение и вычишание, или чрезь умножение и двление одного котораго нибудь числа изъ данныхъ на другое; или хотя и бужуть Азны всв числа, токмо перемъщенныя, и потому не можно будеть видьть, по какому бы правилу изь показанныхь стю, или другую такую задачу РЪшишь надлежало; того ради, поколику многіе и разные такте случаи быть могуть, и вы разсуждении всьхь ихь не можно предписать точных в и извъстных правиль, при рёшении таких задачь, всякому желающему быть искуснымь вы практикъ надлежить употреблять вы помощь свое природное разсужденте и вышепоказанное примъчанте (S. 348.). OUDE-

ОПРЕДБЛЕНІЕ XLV.

\$, 368. Прапило топарищества, или складное (Regula focietatis, vel confortii) есть способь; помощію котораго данное число раздъляется на части, другимь даннымь числамь пропорціональныя.

ПРИБАВЛЕНІЕ.

\$. 369. Такимъ образомъ по сему правилу раздълненися пропорціонально барышъ, или накладъ на людей портующихъ вмъсмъ, но есть, кто изъ нихъ больше денегь въ торту имъсть, тоть больше и барыша получаеть, или меньше накладу передъ другимъ достается на того, которой меньше денегъ въ торгу имъстъ. Изъ чего явствуеть при томъ и то, что знавши сумму тъхъ денегъ, на которыя барышъ полученъ, или накладъ здълался, также знавши количество барыща или накладу, можно найти чрезъ тройное простое правило (\$.349.), сколько кому должно взять изъ прибыльныхъ денегъ, или скольло кто накладу получитъ.

ОПРЕДБЛЕНІЕ XLVI.

5.370. Числа, вы разсужденти которых пронорціонально должно разділить данное вы задачів число, называются данными, а сте число общимы, которое такимы образомы на свои части разділяется.

## примъчание.

\$. 371. Сте правило названте свое получило от купечества, которое подало случай къ изобрътентю онаго, чтобъ противъ положенныхъ въ торгъ денегъ можно было пропорцтонально дълить на людей вмъстъ торгующихъ барыть, или накладъ.

#### ПРИБАВЛЕНІЕ.

§. 372. Но понеже могуть быть и такте примъры, которые хотя до купечества и не принадлежать; однако
нъкоторое токмо сходство съ симъ правиломъ имъть
булуть; того ради и въ такомъ случат задачи способжъс чрезъ сте правило ръшены быть могуть.

#### ЗАДАЧА LX.

5. 373. Здвлать задачу, принадлежащую хв пришлу топарищестиа.

ръшение.

Понеже сте прав пло есть такое, помощтю котораго одно число изъ данныхъ, то есть, общее раздъляется на тактя части, которыя бы пропорцтональны были дру-темо гимъ даннымъ числамъ (\$. 36.8.); но данныя числа могуть быть 1) безъ всякихъ обстоятельствъ, 2) съ обстоятельствами 3) можетъ дано быть нъсколько обстоятельствъ при данныхъ числахъ, и нъсколько обстоятельствъ безъ данныхъ чиселъ, 4) также можетъ дано быть одно только содержанте данныхъ чиселъ безъ ихъ количества; того ради и рътенте сей задачи будетъ состоять изъ четырехъ случаевъ:

Перпой случай. Когда данныя числа бу-

- т. Данныя числа сложи, и
- 2. Сумму ихъ поставь на первомъ мъстъ, на второмъ общее число, а на третьемъ одно, которое ни будь число изъ данныхъ, и
- 3. Тройное простое правило повторяй столько разь, сколько данных иссель будеть. Понеже изь опредвления сего правила (\$.368.) явствуеть, что какь сумма данных чисель содержится кы общему числу, такы каждое данное число кы прэпоругональной своей части, изы онаго числа промащедшей, будеть содержаться. На пр.

Tpoe

Трое купцовь сложились торговать, изькоторыхь первой положиль 350 рублей, второй 480 руб. третей 290 руб. и приторговали тьми деньгами 375 руб. спр. сколько барыша которой изь нихь получить? Найдется слъдующимь образомь: руб.

350

480

290

1120: 375=350: 117 $\frac{3}{15}$  столько руб. пер. получ. 1120: 375=480: 160 $\frac{5}{7}$  столько руб. втор. полу. 1120: 375=290: 97 $\frac{11}{112}$ столько руб. тре. полу.

- Вторей случай. Когда данныя числа будуть имъть обстоятельства, тогда смотръть должно, что не ко всъмь ли даннымъ числамь одно то же обстоятельство относится, или къкаждому числу изъ данныхъ особливое будетъ принадлежать.
  - т. Ежели ко всвы данным числам одно тоже обстоятельство будет относиться: то вы такомы случав обстоятельство не принимается вы разсуждене, и задача рынится точно такы какы вы нервомы случай показано. На пр.
  - Трое Офицеровь, для обучентя вы ихы команды находящихся солдатовь, приняли пороху 10 пуды и 26 фунтовь; но положимь, что у перваго Офицера было вы команды 120 человыкь, у втораго 94 человыка, а у третьяго 70 человыкь, и что изы показаннаго пороху на каждаго солдата досталось по 48 патроновы: спр. сколь-

ко пороху каждой Офицеръ порознъ на свою команду приняль?

Понеже ко всвыв данным в числамв, то есть, 120 челов. 94, челов. 70 челов. одно то же обстоятельство, то есть, 48 патромовь, относится; того ради найдется слъдующим в образомь:

чел.

120

94

70

фун. чел. фун.

284: 426—120 180 столько фун. прин. пер. Офи. чел. фун. чел. фун.

284: 426 = 94: 141 столько фун. прин. вто. Офи. чел. фун. чел. фун.

284: 426= 70: 105 столько фун. прин. тре. Офи.

2. Ежели къ каждому числу изъ данныхъ лъ особливое обстоятельство будеть принад- з лежать: то въ такомъ случав каждое данное число умноживъ на пранадлежащее къ нему обстоятельство, и произведентя ихъ сложивъ, ръши далъе задачу по первому случаю. На пр.

Три челов вка сложились торговать таким в образомы: первой изы нихы положиль 450 руб. на 4 м всяца, другой 680 руб. на 6 м всяцовы, третей 870 руб. на 8 м всяцовы, и приторговали вообще 120. рублей, спр. сколько барыша, которой изы нихы получить? Найдется слыдующимы образомы:

руб мвс. 450 X4= 1800 680 x 6 = 4080 870 × 8 = 6960

12840 сумма произведеній. 12840: 120=1800: 16 88 столь. руб. пер. полу. 12840, 120 = 4080: 38 14 столько второй. 12840: 120 = 6960:65 10 столько третей.

- Третей случай. Когда дано будеть ивсколько обстоятельствь при данных в числахь, и н Бсколько безь данных в чисель, но только их части из общаго числа не опред вленныя езятыя: то въ такомъ случав надлежить сыскивать оныя самыя числа, и при томь данных не опредъленных частей опредвленныя части следующимь образомь:
- т. Данныя неопредъленныя части принадлежащія къ искомымъ числамь сложивь, сумму ихъ вычти изъ г, которая будетъ изображать общее число, когда оно извъешнымь не дано, остатокь будеть также неопредвленныя части.
- 2. Которыя данныя числа будуть имъть принадлежащія кв нимь обстоящельства, тв умноживь на оныя, и произведентя ихв сложивь, говори: какв неопредвленныя части, изв общаго числа взятыя, содержатся къ суммъ прсизведеній, такъ каждая неопредъленная часть булеть содержаться къ произведению искомаго числа на свое обещоятельство. По чему найденное четвертое пропорціонавьное число раздБля на принадлежащее кЪ

HEMY

Чe

нему обстоятельство, частное число будеть искомое число (§. 67.). На пр.

Четыре Артиллерійскіе Офицера, будучи от правлены ві поході, приняли нівеколько пороху, и первой изі нихі, которой быль є 6 пушками, заряжаль каждую пушку по 3 фунта; другой, которой быль є в з пушками, заряжаль каждую по 6 фунтові; претей, которой быль є в неизвістнымь числомі пушекі, заряжаль каждую по 2 фунта, и взяль пороху ½ ; четвертой, которой быль также є неизвістнымь числомі пушекі, заряжаль каждую по 5 фунтові, и взяль пороху ½; спр. сколько пушекі было є третьиміь и четвертымі Офицеромі?

Понеже въ задачъ дано нъсколько обстоятельствъ, то есть, з фунта, и 6 фун. при данныхъ числахъ, то есть, 6 пуш. и нъсколько обстоятельствъ, то есть, 2 фун. и 5 фун. безъ данныхъ чиселъ, но токмо неопредъленныя части, изъ общато числа взятыя, то есть, 5 и 15; по чему будетъ

24 
$$I = \frac{24}{24} \begin{vmatrix} 24 \\ \frac{5}{24} \end{vmatrix} = \frac{5}{5}$$
 $\frac{5}{12} \begin{vmatrix} 5 \\ \frac{1}{2} \end{vmatrix} = \frac{9}{24} (\$.227. \text{ yembep. cayy.}).$ 

By m.  $\frac{1}{2} \cdot \frac{5}{4} \cdot (\$.224.)$ .

 $6 \times 3 = 18$ 

луш. фун.

3×6=18

36 суммя произведеній.

24: 36 = 54: 20 произведенте из в искомато числа пушекъ третьято на его обстоятельство, которое рагдъля на оное, то есть, на 2 фун. будетъ искомое число то пушекъ, которыя были съ третьимъ Офицеромъ.

24:36 = 12: 40 Произведенте изв искомаго числа пушекв четпертаго на его обстоятельство, которое разделя на оное то есть, на 5 фун. будетв искомое число 8 пушекв, которыя были св четвертымв Офицеромв.

Молько содержаніе чисель, вы разсужденіи которыхь должно пропорціонально раздірлить общее число на части; то есть, когда даны будуть неопреділенныя части избобщаго числа, взятыя всі вы одинакомы знаменованіи, или иныя избоныхы вы такомы, а иныя вы другомы знаменованій: то вы такомы случай надлежить поступать слідующимы образомы:

1. Когда даны будуть неопредвленныя части вев вь одинакомь знаменованти: то принявь ихь за данныя числа, должно рвшить задачу далве такь, какь вь нервомь случав показано. На пр.

Три человъка раздълили между собою 600 руб. Такимъ образомъ: первой изъ нихъ взяль 3, другой 2, претей 4; спр. Сколько жъ кто иминно взяль?

Най-

# Найдется такимь образомь:

60 1 20 2 24 1 4 15 52 (\$. 224.)

2

 $\frac{59}{60}$ : 600 =  $\frac{7}{3}$ : 203 $\frac{23}{5}$  столько руб. взяль первой.  $\frac{59}{60}$ : 600 =  $\frac{2}{5}$ : 244 $\frac{49}{59}$  столько руб. взяль второй.  $\frac{59}{60}$ : 600 =  $\frac{7}{4}$ : 152 $\frac{3}{5}$  столько руб. взяль третей.

2. Когда неопредвленныя части даны будуть въ разномъ знаменованти: то въ такомъ случав надлежить всв вводинакое знаменованте привести събдующим образом в возьми того числа, которое въ то и въ другое раздвленте входить, неопредвленныя части порознь, и однв изв твхв поставь на первомь, а другія на третьемь мість; на второмь же мвств поставь неопредвленныя части другаго числа, которое входить въ одно только раздъленте, и сыскавъ четвертое пропорціональное число, которое бу деть, означать также неопредвленныя части, сложи оное съ тъми частьми, съ которыми никакого сравнентя не двлано, ипотомъ говори какъ сумма неопредъленныхъ частей, изб общаго числа взятыхв, содержится кЪ данному общему числу, такъ каждая неопредвленная часть будеть содержаться къ опредъленной. На пр.

Одинь челов вкв оставиль посл в себя жепу беременную сь 3900 руб и вы духовной своей предписаль раздвлить показанную сумму сл в дующимы образомы: ежели она родить сына: то изы той суммы дать

M

ей  $\frac{2}{3}$ , а сыну  $\frac{3}{5}$ ; естьлижь она родить дочь: то дать ей  $\frac{4}{7}$ , а дочер  $\frac{3}{2}$ ; но та женщина родила двойни, то есть, сына и дочь. Спр. сколько кому изъ показаннаго наслъдства достанется?

Найдется такимь образомь:

$$\frac{\frac{4}{7}:\frac{3}{7}=\frac{2}{5}:\frac{3}{10}}{10}$$

$$\frac{\frac{8}{5}|6}{\frac{2}{5}|4}$$

 $\frac{1}{10}$ : 3900 =  $\frac{3}{5}$ : 1800, столько руб, сыну.  $\frac{1}{10}$ : 3900 =  $\frac{2}{5}$ : 1200, столько руб матер  $\frac{1}{10}$ : 3900 =  $\frac{3}{10}$ : 900, столько руб, дочер  $\frac{1}{10}$ :

 $\frac{3}{5}:\frac{2}{5} \Longrightarrow \frac{4}{7}:\frac{6}{7}$ 

13: 3900 = 4: 1200. столько руб. матерв. 13: 3900 = 3: 900. столько руб. дочерв. 13: 3900 = 5: 1800. столько руб. сыну. ПРИМ БУАНІЕ.

\$. 374. Что касается до повърки задачь, къ правилу товарищества принадлежащихь: то смотръть, ежели найденныя числа, всъ взяты будучи вмъсть, составять сумму равную данному общему числу: то въ такомъ случат почитать, что задача върно ръшена (6. 34.). На пр. въ предъидущемъ примъръ найденныя числа 1200, 900 и 1800, взяты будучи всъ вмъсть, составляють сумму 3900, равную данному общему числу (\$. 373.).

ОПРЕ-

ОПРЕДБЛЕНІЕ XLVII.,

Пранило смъщения (Regula alligationis) есть способь смъщивать вещи разныхь цънь такимь образомь, чтобь произиедшее изътого смъщение было средней цъны.

### примъчание.

\$. 376. Сте правило по большей части имбеть можно.

HPUBABIEHIE.

 377. Изъ опредълентя сего правила, и въ разсужденти самой вещи слъдуеть, что по изволению положенная. цена не должна быть ни больше, ни меньше всехъ данных смышиваемых вещей, ни также равна имо поровнь, но средняя между ими такъ, чтобъ иных были больше ея, а другія меньше. Ибо цена, по изволенію положенная, больше каждой данной ві смішеніе ціны бышь не можеть для того, что из меньшихъ цень не можно произвесши большей цены. На пр. когда фунть серебра, чтобь онь быль цёною вь 30 руб. требуется составить изъ серебра разныхъ цень, изъ которых одному цена 20 руб. другому 24 руб. третьему 26 руб: то можеть ли быть, чтобь изв сего троякаго серебра зделался фунть въ 30 руб? Никакъ. Ибо какія бы части сихЪ трехЪ сортовЪ серебра взяты ни были въ смъшение одного фунта; однако изъ того смъшенія произошель бы фуншь ціною меньше, нежели вы 30 руб. Также цена, по изволентю положенная, не можеть быть меньше каждой данной вы смышение цыны для того, что изб больших в дън не можно произвести меньшей цены. На пр. когда бущылку вина, чтобъ она была ценою вь 15 коп. пребуется составить нов такихъ винъ, изъ которыхъ одному цена 20 кон. другому 25 коп. трешьему 30 коп: то можеть и бышь; чтобь изь сихь трекь винь составилась бущылка цьною вь 15 коп? Никакъ. Ибо кактя бы части сихъ трекъ винь взяпы ни были въ смешение одной бупылки; однако изъ того смъщентя произошла бы бутылка цёною больше, нежели въ 15 коп. Наконецъ цъна, по изволеийн положенная, не можеть быть одинакая ни съ одною жиною изь данныхъ въ смъщение для того, что, ежели будуть изь данных дінь нікоторыя ей равныя, а другія меньше ея: то изь смішенія ихь произойдеть ціна меньше, нежели по изволенію положенная; естьли жь изь данных цінь нікоторыя будуть даны больше ея, а другія равны: то изь смішенія ихь произойдеть ціна больше, нежели по изволенію положенная.

## ЗАДАЧА LXI.

\$ 378- Смвщать пещи разных д цвид по одну средней какой нибудь цвиы, то есть, найти, ло сколько частей изд каждой данной пещи надлежито пзять по смвшение.

ръшение.

- Мз Перпой случай. Когда дано будеть смвшать двв вещи, изъ которыхь одна больше, а другая меньше цвны, по изволентю положенной (5.377.): то вы такомы случав надлежить поступать следующимы образомы:
  - 1. Данныя въ смъщенте вещи напиши одну поль другою, а среднюю, по изволентю положенную, по сторону тъх съ лъвой руки.
  - 2 Потомъ вещь меньшей цѣны вычти изъ средней, по изволеню положенной, и разность поставь по сторону противъ вещи большей цѣны съ правой руки, также среднюю, по изволеню положенную, цѣну вычетии изъ вещи большей цѣны, разность поставь по сторону противъ вещи меньшей цѣны съ правой же руки, и
  - 3. Сложивь сти разности, говори: какв сумма сихь разностей содержится кв г (ежели изь данныхь вь смъщенте вещей каждая будеть значить цвну одного фунта, или одной бутылки и проч. а не будеть объявлено точно, сколько фунтовь или бутылокь и проч. смъщать надобно; на-

1100-

противь же того, когда будеть объявлено почное число фунтовь, или бутылокь и проч. тогда говори: какъ сумма сихъ разностей къ данному числу фунтовь, или бутылокъ и проч., такъ каждая разность будеть содержаться къ числу частей, сколько ихъ взять надлежить въ то смъщене. Такимъ образомъ, чрезъ повторенте двухъ разъ тройнаго правила, най-дутся желаемыя части, составляющия вещь средней такой цъны, какая по изволению положена будеть. На пр.

Серебро двухъ сортовь, изъ которыхъ одного фунть по 24 руб. а другаго по 30 руб. требуется смъщать такимъ образомь, чтобь смъщеннаго фунть цъною быль по 28 руб. спр. по сколько частей фунта изъ каждаго даннаго серебра взять надлежить въ то смъщенте?

Найдешел шакимъ образомъ:

24 | 2 разность между сред. и боль. цвною.

30 4 разность между сред. и мень цвною.

6:  $I = 2: \frac{1}{3}$  столько частей потребно взять в см вшен в изв того серебра, котораго фунт по 24 коп.

6: 1 = 4: 3 столько частей потребно взять въ смъщенте изъ того серебра, котораго фунть по 30 коп.

Второй случай. Когда дано будеть смв-13 шать пъсколько вещей большей цвий, и 2 пъсколько вещей меньшей цвий, и ссвяв П 4

по равному числу: то въ такомъ случав надлежить поступать следующимъ образомъ:

т. Для большей ясности, данныя въ смъщеніе вещи напиши одну подъ другую такь, чтобъ сперьва были меньшія, а потомъ большія, или напередъ большія, а послів меньшія.

2. Каждую меньшую цвиу, одну послв другой, вычитай изв средней, по изволение положенной, цвий, и каждую разность противь каждой большей цвий ставь по

сторону съ правой руки.

3. Потомь среднюю, по изволентю положенную цвну, изв каждой большей цвны также вычитай, и каждую разность противы каждой меньшей цвны ставь по сторону

сь правой же руки.

4. Наконець вев сти разности сложивь, говори: какь сумма сихь разностей содержится кы товори: какь сумма сихь разностей содержится кы товори какы кы первомы случав объявлено), такы каждая разность, будеть содержаться кы числу частей, сколько ихы взять надлежить вы то смыте тройнаго правила столько разы сколько такихы разностей будеть, найдутся желаемыя части, составляющия вещь средней такой цыны, какая по изволению положена. На пр.

НЪсколько винь разной цѣны, изъ которыхъ одного галенокъ по 18 коп. другаго по 20 коп. третьяго по 28 коп. четвертаго по 30 коп. требуется смвшать между собою такимы образомы, чтобы смвшеннаго галеновы былы по 24 коп. спр. по сколько частей галенка изы каждаго даннаго вина взять надлежить вы то смвшенте?

Найдется такимь образомь:

> 20:  $1=6:\frac{3}{10}$  столь. ч. вина, кот. по 18 ко. 20:  $1=4:\frac{2}{5}$  столь. ч. вина, кот. по 20 ко. 20:  $1=4:\frac{2}{5}$  столь. ч. вина, кот. по 28 ко. 20:  $1=6:\frac{3}{10}$  столь. ч. вина, кот. по 30 ко.

Третей случай. Когда дано будеть смъшать нъсколько вещей меньшей цъны, и нъсколько вещей большей цъны, и всъхъ не по равному числу, то есть, или болъе вещей меньшей цъны, а меньше большей цъны; или на оборотъ, болъе вещей большей цъны, а меньше меньшей цъны: то

т. Ежели дано будеть больше вещей меньшей цвны, а меньше большей цвны, на пр. три меньшей цвны, а двв большей: то вь такомь случав, или одна которая ни будь большая цвна смфшивается св двумя которыми ни будь меньшими цвнами, а оставшаяся одна большая цвна св оставшеюся одною меньшою цвною; или каждая большая цвна порознь со всвми данными меньшими цвнами, и далве поступается такь, какь вы персомы и

второмь случав показано. На пр.

Нѣсколько винь, изь которыхь одного галенокь по 16 коп. другаго по 18 коп. третьяго по 20 коп. четвертаго по 28 коп. плто по 30 коп. требуется смѣшать между собою такь, чтобъ смѣшеннаго галенокь быль по 24 коп. спр. по сколько частей галецка изь каждаго даннаго вина взять надлежить въ то смѣтенте?

Найдешся шакимъ образомъ:

34: 1=6: 37 столь. ч. вина, кот. по 16 кс. 34: 1=6: 37 столь. ч. вина, кот. по 18 кс. 34: 1=4: 7 столь ч. вина, кот. по 20 кс. 34: 1=4: 7 столь. ч. вина, кот. по 28 кс. 34: 1=14 77 столь. ч. вина, кот. по 30 кс. Или

66: I = 10:  $\frac{5}{3/3}$  столь. Ч. вина, кот. по 16 коп. 66: I = 10:  $\frac{5}{3/3}$  столь. Ч. вина, кот. по 18 коп. 66: I = 10:  $\frac{5}{3/3}$  столь. Ч. вина, кот. по 20 коп. 66: I = 18:  $\frac{9}{3/3}$  столь. Ч. вина, кот. по 28 коп. 66: I = 18:  $\frac{9}{3/3}$  столь. Ч. вина, кот. по 30 коп. 22.

2. А когда напротивь того дано будеть больте большихь цвнь, нежели меньшихь, на пр. три большихь, а дев меньшихь: то вы такомы случав, или одна которая ни будь меньшая цвна смышвается сы двумя большими, а оставшаяся одна меньшая цвна сы оставшеюся одною большою цвною; или каждая меньшая цвна порозны со всыми данными большими цвнами, и далые поступается такь, какь ужевыше сего показано. На пр.

НЪсколько винъ, изъ которыхъ одного галенокъ по 18 коп. лругаго по 20 коп. третьяго по 25 коп четвертаго по 28 коп. пятаго по 30 коп требуется смъщать между собою такъ, чтобъ смъщеннаго галенокъ былъ по 23 коп спр по сколько
частей галенка изъ каждаго даннаго вина
взять надлежитъ въ то смъщенте?

Найдется такимь образомь:

25:  $1 = 7: \frac{7}{25}$  столь. ч. вина, кот. по 18 коп.

25:  $1 = 7: \frac{7}{25}$  столь. ч. вина, кот. по 20 коп. 25  $1 = 3: \frac{3}{25}$  столь. ч. вина, кот. по 25 кон.

 $25:1=3:\frac{2}{3}$  столь. ч вина, кот по 28 коп.

 $25:1=5:\frac{5}{25}$  столь. ч. вина, кот. по 30 коп.

И

Ф:

52: I = 14:  $\frac{7}{26}$  сиюль ч. вина, кот. по 18 коп. 52: I = 14:  $\frac{7}{26}$  столь ч. вина, кот. по 20 коп. 52: I = 8:  $\frac{2}{13}$  столь. ч. вина, кот. по 25 коп. 52: I = 8:  $\frac{2}{13}$  столь. ч. вина, кот. по 28 коп. 52: I = 8:  $\frac{2}{13}$  столь. ч. вина, кот. по 30 коп. ПРИМ БЧА НІЕ 1.

\$. 379. Во всёхъ трехъ показанныхъ случаяхъ (\$. 378.) должно остерегаться того, чтобъ никакихъ двухъ цънъ, то есть, никоторой меньшей и никоторой большей два раза между собою не смъщивать, но только одинъ разъ.

## примъчание 2.

\$ 380. Справедливость рёшенія задачь, по показаннымь тремь случаямь, можеть видна быть изь того, что найденныхь частей сумма должна быть равна смёшиваемому количеству; или, что цёны неопредёленныхь частей, найденныя по тройному правилу, взяты будучи всё вмёстё, должны быть равны средней по изволенію положенной цёнё (\$. 34.).

Положимъ тотже примъръ, что и въ первомъ елучав (S. 378.).

 Ибо вь задачь было дано смъщать только одинь фунть.

Также

фун. руб. фун. руб.

1:  $24 = \frac{1}{3}$ : 8

1: 30 = \frac{2}{3}: 20 28 руб. точно средняя по

изволению положенная цъна.

## примъчание з.

S. 381. Когда одну вещь сь другою, которая 13 никакой цены не имбеть, смътать должно будеть такимь образомь, чтобь произшежиее изв того смъшенте было по изволентю положенной цёны: то вы такомь случав должно сперыва найти части вещи, выу имвющей, сколько бы ихв должно было взяшь вь то сметение, которыя могуть найдены быть по тройному правилу следующимь образомь: какь данная цвна веши содержится къ цвлому, то есть, кь і, такь по изволенію положенная ціна будеть содержаться кЪ частямь онаго, которыя нашедши, можно будеть дознаться, сколько еще частей не достаеть кы цвлому, и которыя следовательно будуть означать, что столько их взять надлежить изъ той вещи, которая никакой цъны не имъстъ. Такимь образомь будеть извъстно, сколько частей которой вещи взять надлежить вы то смышенте.

На пр. сколько частей галенка такого вина, котораго галенокъ продается по 30 коп. должно взять, и сколько воды въ то прибавить, чтобъ смъщеннаго галенокъ можно было продавить по 20 коп?

Понеже вода безъ всякой цёны принимается; того ради слёдуеть найти только то, сколько даннаго вина будеть на 20 коп. что найдется слёдующимь образомь:

коп. гал. коп. гал.

 $30:1=20:\frac{2}{3}$  столько вина на 20 коп. и слъдовательно къ цълому галенку не достаеть  $\frac{1}{1}$ ; Чего

13

 $\frac{1}{3}$ ; Чего ради  $\frac{1}{3}$  галенка воды должно прибавить кЪ  $\frac{2}{3}$  галенка вина, и такъ галенокъ будеть цъною въ 20 коп.

### ПРИМЪЧАНІЕ 4.

\$. 382. Естьли какого ни буль смёшенія цёны не булеть опредёлено: то вы такомы случай оная найдется, когда сумма всёхы данныхы цёны будеты раздёлена на число смёшиваемыхы вещей. Ибо такимы образомы произшедшее изы того частное число, будеты искомая цёна смёшеннаго количества изы разныхы вещей.

На пр. надобно знать, какой цёны будеть галенокь такого вина, которое смёшено каь разныхь слёдующихь винь, изы которыхь одного галенокь по 45 коп. другаго по 25 коп. третьяго по 30 коп. четвертаго по 28 коп. пятаго по 20 коп. шестаго по 65 коп?

Найдешея шакимъ образомъ:

гал. коп.

I 45

I 25

I 30

I 20

T 65

 $6: 213 = 35\frac{\pi}{2}$  по столько коптекь будеть голенокь вина, которое смѣтено изь показанныхъ

mucillo

### примъчание 5.

\$. 383. Когда дань будеть какой ни будь кусокъ слитой изь двухь металловь, на пр. изь золота и серебра, и требовано будеть найти, сколько
высомь каждаго изь оныхь металловь порознь вы
ономь кускъ находится: то вы такомы случать
должно поступать слъдующимы образомы: воперзаижно выхы надлежить данной кусокы свысить и опустить
то буде его вы наполненной водою сосуды, и то, сколько оны
высу вы оной потеряеть, записать; потомы, понеже

чрезъ опыть извъстно, что 20 фун. чистаго золота теряють своего вёсу вь водё і фун. а чистаго серебра и фун. шакже шеряющь своего въсу въ водь і фунть; того ради, данной кусокь принявь вы такомы смысль, что будтобы оны слить быль изы одного чистаго золота, должно къ 20 фун. 1. фун. и къ фунтамъ даннаго слитаго куска сыскать четвертое пропорціональное число (\$. 173.), которое будеть показывань, сколько бы фунтовь своего въсу пошеряль вы вод в показанной кусокы, естьли бы оны слишь быль точно изь одного чистаго золота; равнымь образомь, данной кусокь вы другой разь принявь вь такомь смысль, что бутто бы онь слить быль изводного чистаго серебра, должно кв 11. фун. 1. фун. и къ фунтамъ даннаго слитаго куска сыскать также четвертое пропорциональное число (S. 173.), которое будеть показывать, сколько бы фунтовь своего въсу потеряль вы водъ показанной кусокь, естьли бы онь слить быль точно изводного чистаго серебра: и наконець сти найденныя четвертыя пропорциональныя числа принявь за смъшиваемыя вещи, а то число, сколько фунтовъ данной слитой кусокъ, будучи опущень вы наполненной водою сосудь, потеряль, за среднюю по изволению положенную цвну, далбе надлежить поступать такь, какь выше сего показано (\$. 378.). Такимъ образомъ извъсшно будетъ, сколько фунтовъ особливо золоша, и сколько фуншовъ особливо серебра вы данномы кускы находишея.

ПоложимЪ, что данЪ кусокЪ слитой изъ серебра и золота вѣсомЪ въ 200 фунтовъ, и оной, будучи опущенъ въ наполненное водою судно, своего въсу потерялъ 15 фун. то слъдуетъ

Фун. фун. фун. фун.

20: 1 = 200: 10 Столько бы фунтовъ данной кусокъ своего въсу потеряль въ водъ, естьлибы онъ слить быль точно изъ одного чи-

стаго золота.

фун. фун. фун. фун.

11: 1 = 200. 18 1 Столько бы фунтовь данной кусокь своего въсу потеряль вы водь, естьлибы оны слить быль точно изы одного чистаго серебра.

821: 200 = 321: 77% Сколько фунтовь особливо золоша вы данномы кускы находится.

82: 200 = 5: 1222 Столько фунтовь особливо серебра вы данномы кускъ находится.

#### ПРИБАВЛЕНІЕ.

5. 384. Справедливость показаннаго рёшенгя (\$.383.) можеть видна быть изб того, что вб особливости найденные фунты золота, будучи сложены съ найденными въ особливости фунтами серебра, должны быть равны всему смёшенному количеству, то есть, всему въсу даннаго куска елитаго изъ двухъ металловъ (\$.34.). На пр.

200 Верно. Ибо данной слитой кусокъ точно въсомъ въ 200 фунтовъ (§. 383.).
ПРИМБЧАНІЕ.

5. 385. Понеже пушки обыкновенно выливающея изъ красной меди и чистаго Аглинскаго олова; то-го ради, чтобь узнать, сколько меди и олова порознь находится вы какой ни будь пушке, которая, положимь, иметт весу 125 пудь, надлежить помучать следующимь образомы: вопервыхы должно отпилить оты той пушки не большую часть, вы которой,

которой, положимь, будеть въсу и пудъ и 235 унта, и оная, будучи опущена вы наполненной водою сосудь, выдавила воды 19 фун. шакже чистой красной мъди кусокъ, одинакаго въсу съ тою отпиленною частью, будучи опущень вы наполненмой водою сосудь выдавиль воды 172 фун. а чистаго олова кусокь, одинакагожь въсу сь тою ча штю, будучи опущень вы воду, выдавиль водой 243 фун. Наконець количество выдавленной воды от в куска чистой красной міди, и количество выдавленной воды отв куска чистаго олова принявь за смъшиваемыя вещи, а количество выдавленной водого ть отпиленном части, за среднюю по изволенію положенную ціну, долве надлежить поступать такь, какь выше сего показано (\$. 378.). Такимь образомь извъсшно будеть, сколько фунтовь особляво мѣди, и сколько фунтовь ссобливо олова вы данной пушкъ находишся. На пр.

7 12: 125 = 5 4: 92 17 Столько пудъ особливо мъди въ данной пушкъ находится.

71: 125 = 1 6: 32 77 Столько пудь особливо олова вы данной пушкъ находишея.

#### ПРИБАВЛЕНІЕ.

5. 386. Понеже, когда старыя пушки переливаются вы новыя, всегда на 100 фун. мёди полагается 12 фун. олова; того ради, для сравненія вы смышеніи такихы металловы то есть, старой пушки сы новою, употрежляется следующая пропорція:

фун. мёд. ф. мёд. фун. оло.

5 1 : 100 = 15: 34 58 Столько фун.

жювь олова на 100 фунтсев мёди въ старой пушкі подожено было, кэв чего вычетим 12 фунтовъ, то есть,

сколько, при выливаніи новых в пушекв, на 100 фун. міди полагается олова, остаток 22 5 6 булеть показывать, чёмь больше олова вы старой пушкь, противы новой находится.

### примъчанів 1.

5. 387. Проба золоща, серебра и пороху не что нное есть, какъ извъстной градусь ихъ доброты. На пр. те серебро, въ которомъ находится 72 золощника чистаго серебра, а 24 золощника мъди, называется семъдесято пторой пробы, и такъ далье. Число жъ золощниковъ чистаго золота съ серебромъ, и чистаго серебра съ мъдью, то есть, весь ихъ составъ равенъ одному фунту.

Въ артимлерти раздъляють доброту пороха на пробы такимъ образомъ: ставится верпикально длинной шесть, раздъленной на 100 Аглинскихъ футовь, и стрълючи подлъ онаго въ веръхъ, примъчають, ежели крышка пробницы пороховою силою поднимется на пр. до числа 40, или 50 футовъ и проч. тогда того заряда порохъ называють сорожотой, или лятидесятой пробы, и проч.

### примъчание 2.

\$. 388. Для удобньйшаго и въроящьйшаго познанія, сколько вы какомы ни будь жидкомы тьль, на пр. вы винь, вы разсужденіи смыненія его сы водою, находится особливо вині, и особливо воды, надлежиты примъчать и дълать слъдующее: сперьва должно наполнить какой ни будь сосуды даннымы смішеніємы, потомы тот водою, и при наполниваніи такимы образомы вывішивать каждое жидкое тьло вмість сосудомы, и замічать, сколько будеты вісу ссобливо вы каждомы жидкомы тьль; наконець вывісивы одины пустой сосудь, онаго высь должно вычесть особливо изы смішеннаго тьла, особливо изы вині, и особливо изы воды;

воды; такимы образомы найденные остатки будуты показывать, сколько чего вы показанномы смишенномы жидкомы тыль порозны находится.

OПРЕДЪЛЕНІЕ XLVIII.

\$,389. Пранило фальшиное (Regula falfi) есть способь, чрезь взятое по изволенію число, находить искомое; и во особливости правило одного лоложенія (Regula vnius politionis) называется, когда, помощію одного по изволенію взятаго числа, находится искомое; напротивы того, когда, помощію двухь по изволенію взятыхь чисель, находится искомое, тогда называется пранило дпуров лоложеній (Regula duplicis politionis).

Число, которое вмёсто искомаго прини мается по изволенію, называется лоложеніемь (Hypothesis).

## BAAAYA LXII.

\$. 390. Рышить задачу, ко правилу одного положения принадлежащую.

ръшение,

- т. Вмвсто искомаго числа, возьми какое ни будь по изволенію число, св которымь бы удобиве поступать можно было вы перемынь его, смотря по содержанію задачи.
- 2. Потомь вы онымы дылай вей тв перемыны, кактабы должно было дылать сы извыстнымы числомы, или по какимы перемынамы изы искомаго числа данное вы задачы число произошло.
- 3. По симъ перемънамъ приняшаго по изволеито числа, найденное число естьли будетъ

одинакое съ даннымъ въ задачъ числомъ: то принятое по изволентю число будетъ искомое; а когда будетъ не одинакое: то

- 4. Говори: какЪ число, по порядку рѣшентя найденное, содержится къ принятому по изволентю числу, то есть, положентю, такъ данное въ задачѣ число будетъ содержаться къ искомому. Такимъ образомъ найденное четвертое пропорцтонал ное число будетъ искомое количество. На пр.
- Три человъка покупають дверь цёною вь 2700 рублей; второй изы нихы даеть за тоть дворь вдвое больше нежели первой; а третей втрое больше, пежели второй; спр. сколько первой изы нихы даеть за тоть дворь?

Положимъ, что первой изъ нихъ даетъ за тотъ дворь 100 рублей: то второй, въ силу вадачи, долженъ давать 200 руб. а третей 600 руб. Но понеже 100 → 200 → 600 составляютъ только 900, а не 2700 руб. того ряди здълай слъдующую пропорцію:

900:100 = 2700:300 искомое число, то есть, столько рублей первой изъ нихъ даеть за тоть дворь; слъдовательно второй должень давать 600 руб. а третей 1800 руб. По чему все сте сложивъ вмъстъ, то есть, 300 + 600 + 1800, сумма 2700 руб. показываеть, что искомое число 300 исправно найдено.

### прибавление.

5. 391. Следовашельно число, по порядку решентя найдейное, должно бышь одного роду съ даннымъ въ задаче числомъ, или подобное ему. Чего ради и въ решенти

13 сіх Задава мого Рошивий Любо СРЕЗ в Од Ін вніе = wernennoe. ; = 2700 | 300 + 600 + 1400 = 2700. вадачь, къ сему правилу принадлежащихъ, должно наблюлать, чтобъ найденное по порядку решентя число сходетвовало, или бы одного роду было съ даннымъ въ задачь числомъ; а сте получить не трудно, естьли только съ положентемъ все то будетъ учинено, что предписано (\$. 390.).

### 3AAAAA LXIII.

S. 392. Рышить залачу, ко прапилу дпухо положений принадлежащую.

# рвшение.

- 2. Вмвето искомаго числа, возьми какое ни будь по изволенію число, и св онымв далве поступай такв, какв уже выше сего объявлено (\$. 390.)
- 2. Ежели найденное по порядку рѣшентя число будеть больше даннаго въ задачѣ числа: то въ такомъ случаѣ данное число вычти изъ найденнаго, остатокъ будеть логрѣшность препосходящая (Еггог рег ехсейит), и означается знакомъ (+)\$. 43.); естьлижъ найденное число будеть меньше даннаго: то въ такомъ случаѣ оное найденное число вычти изъ даннаго, остатокъ будеть логрѣшность недостаточная (Еггог рег defectum), и означается знакомъ (—) (\$. 49.).
- 3. Потомь, вмысто искомаго числа, возьми другое какое ни будь по изволению число, и сь онымь далые также поступай, какь вь 2. пункты показано.
- 4 Каждую погрёшность напиши подъ своимъ числомъ, чрезъ положенте по порядку рёшентя найденнымъ, съ принадлежащимъ знакомъ. И такъ наконецъ и ъ р з

двух положений и найденных двух погрвшностей искомое число найдется слвдующимь образомь:

Периой случай. Ежели найденныя потръшности булуть подобныя, то есть, или объ превосходящи, или объ недостаточныя: то

- тобшность изб другой вычти, и
- 2. Говори: как разность погрошностей сог держится къ разности положений, такъ которая ни будь погрошность булеть содержаться къ четвертому пропорцинальному числу.
- 3. Потомь, ежели погрыщность третьимь членомь вы пропоруди была превосходящах, найденное четвертое пропорудональное мисло вычти изы того положентя, котораго взята была погрыщность, остатокь будеть искомое число; естьли жы погрышность третьимы членомы вы пропоруди была недостаточная: то оное найденное четвертое пропорудональное число сы тымь погрытность, сложи, сумма будеть искомое число.

другимъ образомъ.

Первое положение умножь на погрышмоеть втораго положения, а второе положение на погрыщность перваго, и потомы сихы произведений разность раздым на разность погрышностей, частное число будеть тоже самое искомое.

# примвръ т.

Три человъка вынграли вообще 400 рублей; но положимъ, что второй изъ нихъ выигралъ 12 руб. больше, нежели первой, а третей 16. руб. больше, нежели второй; спр. сколько всякой изъ нихъ выигралъ?

Положимъ, что первой выиграль 200 рублей: то выигрышь втораго будеть 212 руб. а третьяго 228 руб. И такъ сумма всвхъ выигранныхъ денегъ будеть 640, а должиа быть 400 руб. По чему погръщность будеть превосходящая, то есть, 640—400—— 240, Положимъ еще, что первой выиграль 201 руб. то выигрыщъ втораго будеть 213 руб. а третьяго 229 руб. И такъ сумма всвхъ выигранныхъ денегъ будеть 643, а должна быть 400 руб. По чему погръщность будеть также превосходящая, то есть, 643—400—— +243: то, въ силу предписанныхъ, искомое число найдется слъдующить образомъ:

201

раз. пол. =1

3:1=240:80-200=120 руб. столько первой выиграль. Сл $\bar{b}$ довательно выигрышь втораго будеть 132 руб. а третьлго 148 руб. Ибо, вс $\bar{b}$  выигранныя деньги сложивь вт $\bar{b}$ ст $\bar{b}$ , сумма их $\bar{b}$  будеть точно 400, какь 120 — 132 — 148 = 400.

### Или

200 × 243 = 48600 201 × 240 = 48240

3: 360 == 120 руб. столько первой выиграль, и такь далье.

# примъръ 2.

Къ находящемуся въ нъкоторомъ мъстъ гарнизону ежели прибавить третью его часть, и сверьхъ того 100 человъкъ: то будетъ всего гарнизону 3000 человъкъ; спр. сколько точно людей въ томъ гарнизонъ находится?

Положимъ, что въ томъ гарнизонъ нажолятся 150 человъкъ: то прибавивъ къ нему третью его часть, то есть, 50 и сгерьхъ того 100 человъкъ, сумма будетъ 300, а должна быть 3000. По чему погръшность будетъ недостаточная, то есть, 3000—300 ——2700. Положимъ еще, что въ томъ гарнизонъ было 1152 человъка: то прибавивъ къ нему третью его часть, то есть, 384 и сверьхъ того 100 человъкъ, сумма будетъ 1636, а лолжна быть 3000. По чему погръщность будетъ также тедостаточная, то есть, 3000 — 1636 ——

1364:

1364: то в в силу предписанных в, искомое число найдется слёдующимь образомь:

1336: 1002 = 1364: 1023 + 1142 = 2175 столько людей было въ томъ гарнизонъ. Ибо, прибавивъ къ тому третью часть сего найденнаго числа, и сверьхъ того 100, будеть точно 3000, какъ на пр. 2175 + 725 + 100 = 3000.

#### Или

 $1152 \times 2700 = 3110400$  $150 \times 1364 = 204600$ 

1336: 2905800 = 2175 столько людей въ томъ гарнизонъ было, и такъ далъе.

Второй случай. Ежели найденныя погрвшности будуть неподобныя, то есть, одна будеть превосходящая, а другая не достаточная: то

т. Одну погръшность съ другою сложи, а въ разсуждени положений, найди ихъ раз. . ность, и

2. Потомъ говори: какъ сумма погръщностей содержится къразности положенти, макъ которая ни будь погръщность будеть содержаться къ четвертому пропор-

3. Ежели погрвшность третьимь членомь вы пропорци была превосходящая: то найденное четвертое пропорциональное число вычти изы того положения, котораго взя-

та была погрвшность, остатокь будеть искомое число; естьлижь погрвшность претьимь членомь вы пропорцій была недостаточная: то найденное четвертое пропорціональное число сложи сы тымь положеніемь, котораго взята была погрвшность, сумма будеть также искомое число.

# другимъ образомъ.

Первое положение умножь на погрытность втораго положения, а второе положение на погрытость перваго, и потомы сихы произведений сумму раздым на сумму погрытостей, частное число будеты тоже самое искомое число.

# примвръ г.

Одинъ человъкъ имъетъ столько демегъ, что, ежели от половины суммы всъхъ его денегъ отнимещь одну треть съ четвертью, останется у него 30 рублей; спр. вколько онъ денегъ имъетъ?

Положимъ, что тоть человъкъ имъетъ 48 рублей: то оть половины сихъ его денегь = 24 отнявь одну треть = 8 съ четвертью = 6, остатокъ будеть 10, а должень быть 30. По чему погръшность будеть

90: 432 = 20: 96  $\rightarrow$  48 = 144 столько денегь тоть человькь имвль. Ибо, изь половины сихь найденных денегь отнявь одну треть, и сверьхь того четверть, точно останется 30 руб. какь  $\frac{14}{2}$  = 72 - 24 - 18 = 30.

Или

48×70=3360 480×20=9600

90: 12960 = 144 столько денегь тоть челов вкв им влю, и проч.

примъръ 2.

Нъкоторая армія состоить изь Гишпанцовь, Нидераницовь и нъщовь; вы томь числъ нъмцовь было 10000 человъкь, Нидераницы составляють третью часть Нъмцовь и Гишпанцовь вмъсть, а Гишпанцы составляють половину нъмцовь и Нидераницовь вмъсть; спр. сколько было Нидераницовь, и сколько Гишпанцовь?

Положимъ, что Нидерландцовъ было 4000: то НВмуовь и Гишпанцовь вмветв будеть 12000, и понеже Нъмцовь вы томы числъ было 10000: то Гишпанцовъ будетъ 2000, которые вдвое взятые должны соетавлять Нъмцовь и Нидерландцовь вмъств, то есть, 14000, а составляють только 4000. По чему погрышность будеть не. достаточная, то есть, 14000 - 4000 =- 10000. Положимь еще, что Нидерландновь было 50000: то НЕмновь и Гишпанцовь вмвств будеть 150000, и понеже Нъмцовъ въ томъ числъ находится 10000: то Гишпанцовъ булеть 140000, которые влвое взятые должны составлять НВмцовь и Нидеразидновь вивешь, то есть, 60000, а составляють 280000. По чему поговшность будеть превосходящая, то есть, 280000 - 60000 = + 220000. И такъ, въ силу прелписанныхь, искомое число найдешся слвдующимъ образомъ:

230000: 46000 = 220000: 44000 — 50000 = 6000 столько было Нидерландцовь, и слвловательно 8000 Гишпанцовь. Ибо Нъмцовь и Гишпанцовь вмъстъ взятыхъ третья часть точно составляеть Нидерландцовь, какъ 10000 - 8000 = 18000: 3 = 6000; также Нъмцовь и Нидерландцовь вмъстъ взятыхъ половина точно составляеть Гишп: нуовь, какъ 10000 - 6000 = 16000: 2 = 8000.

### Нли

4000 : 220000 = 880000000 50000 × 10000 = 500000000

> 230000: 1380000000=6000 сіполько было Нидерландцовь, и проч.

#### прибавление.

\$. 393. Сте правило передъ предъидущимъ имфетъ то пред имущество, что вет та вадачи, которыя чрезъ одно положенте ръшатся, могуть также ръшены быть и чрезъ правило двукъ положенти, а не обратно.

### примъчание т.

5. 394. Для большаго облегчения въ ръшения задачь, къ правилу фальшивому принадлежащихь, надлежить примъчать слъдующее:

- Положенія должно сращь небольшій, й сстьйи можно, і ийи 2, чіпобъ короче и не столь збивчиво можно было ръшить задачу.
- 2. Полезно брать другое положение одною единицею больше, или меньше перваго положения, особливо для шого, что въ шройномъ правилъ одно шолько дълсите пошребно будеть.
- 3. Оба положентя должно брешь тактя, чтобь поступая сь оными, вы силу содержантя задачи, можно было миновать дробей; вы противномы же случать и дроби принимаются.

### ПРИМЪЧАНІЕ 2.

\$. 395. Хотя, по изобрътенти Адгебры почти никакой нужды не имъемь вы правиль фальшивомь; однако оное по большей части для того только здъсь сообщено, чтобы показать, сы какою трудностто древнте Математики, которые никакого еще понятия обы Алгебры не имъли, находили то, что нынъ, помощтю оной, вы короткое время и сы меньшимы трудомы сыскать можно.

примѣ-

### ПРИМЪЧАНІЕ 3.

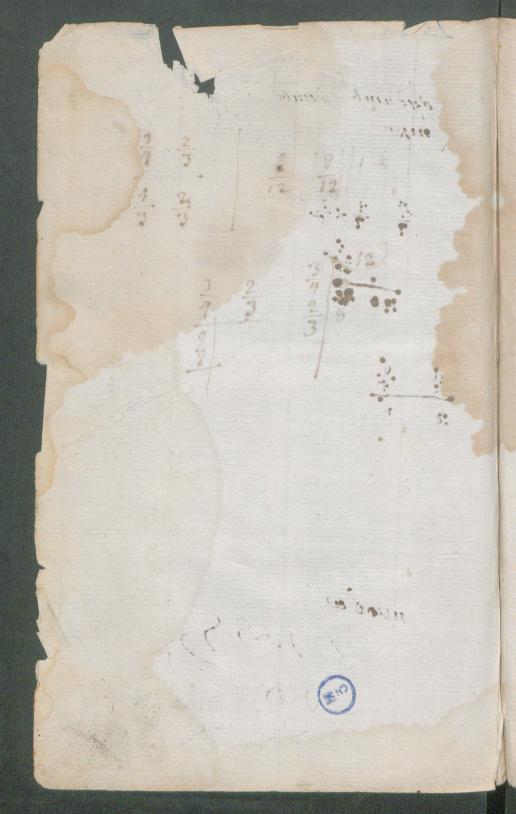
S. 396. Хотя вы началь сей книжки и ничего не упомянуто мною о томь, каких я Авторовь порядскъ наблюдаль въ предписанти правиль, въ сей книжкъ содержащихся; однако уповаю, что не противно и не безпристойно будеть, когда и при концъ оной кратко объявлю читателямъ, что я по большей части следоваль порядку сл. Волфія, кошораго съ Нъмецкаго языка на Россійской перевель затшинго Университета Профессорь. господинь Барсовь. Признаюсь, что я его изрядными наставлениями, вы разсуждении сей науки. много доволень. Выбираль же я правила, для Теорешической Аривметики, какъ изъ помянушаго Волфуя, шакь и изв другихь наилучшихь Лашинских и на Российской языкь переведенных Авторовь ; а для практической Аривметики предписаль я тъже почти правиля, съ накоторыми токмо дополнениями и извяснениями, какия находять ся въ Таккветъ на Лашинскомъ языкъ. Впрочемь встхъ, кои будушь чищать стю книжку, или пожелають пользоваться оною, прошу, ежели ими гдъ усмотрѣны будуть кактя либо неисправности и недостатки, кои и могуть быть по причинь той, что сти книжка есть первой еще опыть моего знанія въ сей наукъ, исправить и наградиль своею благосклонностію./

конецъ.



# Coffeen dy dy sub dans makin Cucha Emo 4. 3 = 2: 0110 86 makows Chytato gran En amem 7. Octan sa rofele. a 2 Tipu En Snotia. d Portito 4:3 Corradal + : 3.  $\frac{4}{7} : \frac{3}{7} = \frac{2}{8}$ 生.辛二多 gasibi gpolu opoler : Nanp: ugz stolubanh Sette Topon Cymuse Byrons 1 12 4 reodanois. Cornor Cly 38 Ms Gruy Bea. 2×3=6/48 2× 4 3/14 anologue boll 24 -14 = 10=30 10: 30 7 4 8 5 6 2 y ma. 

Daylor masodow



7 314 = 0 30年 12: 5 /2 /4 9 3: 9/2 1 \$ : 7771 7:5 3 69 3/42/26 4/42/8





